

متحان الأول في الكهرباء

+ خطية منتظمة و موجبة

- التمرين 01 : (8) قطعة مستقيمة أفقية طولها $AB = a$

حيث C

1- أحسب المركبتين العنصريتين للحقل الكهربائي : $d\vec{E}_x(C)$ $d\vec{E}_y(C)$

2 يساوي d AC يصنعان الزاويتين 1 2

-2 C و حدد إتجاهه

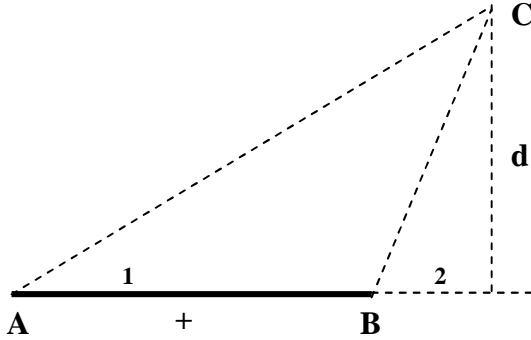
-3 حدد قيمة الزاويتين و قيمة مركبتي الحقل في حالة :

المستقيمة AB يمين C -

المستقيمة AB C -

-4 أستنتج قيمة الحقل في حالة سلك أفقي لامنتهي على بعد

d



- التمرين 02 : (8) كرة مركزها O و نصف قطرها R مشحونة سطحياً

+ وضعنا في مركزها شحنة سالبة -Q أحسب باستعمال نظرية غوس :

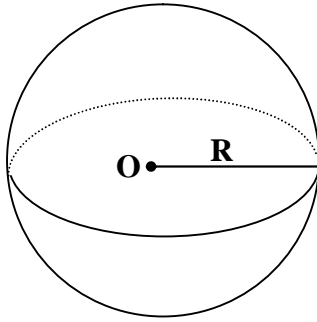
1- الحقل الكهربائي ($r < R$)

2- الحقل الكهربائي خارج الكرة ($r > R$)

3- هل يندم الحقل

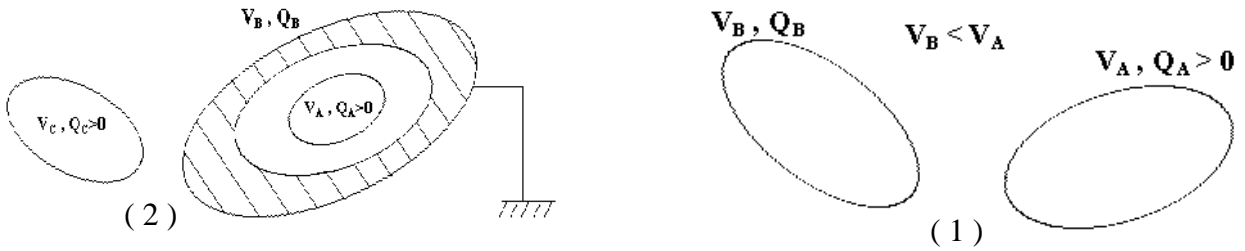
4- هل يندم الحقل خارج الكرة و متى

5- أستخرج قيمة الكمون الكهربائي في كل الفضاء داخل و خارج الكرة

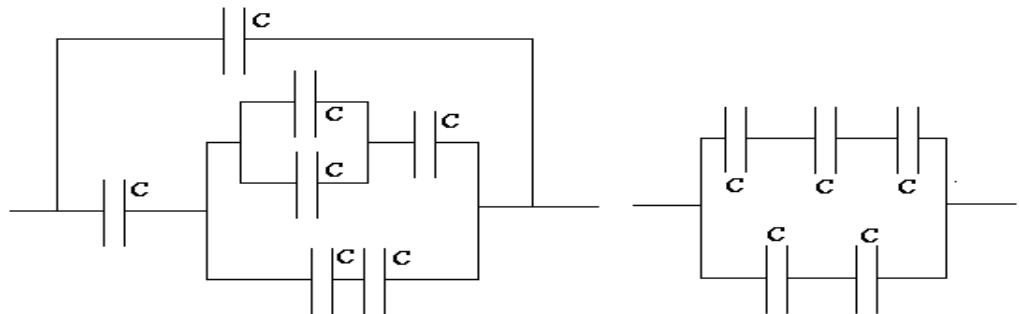


- التمرين 03 : () في حالة التأثير الكهربائي بين الناقلين A B

خطوط الحقل في الفضاء المحيط بهما

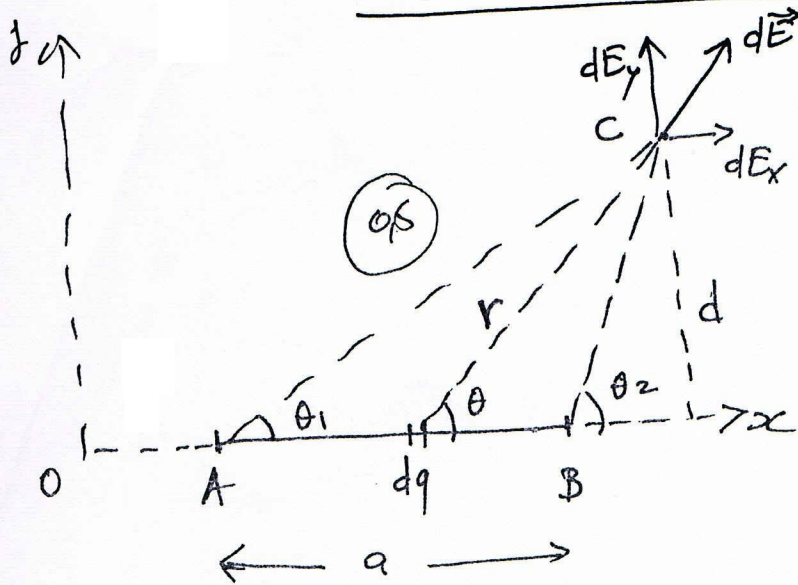


- التمرين 04 : () أحسب سعة المكثفة المكافئة في حالة التركيبتين التاليتين :



①

حل امتحان الكهرباء



- التمرين 01 : (8 نقاط)

(1) - النقطة $C(x_0, y_0)$

$y_0 = d.$

النقطة

$A(x_1, 0)$

$B(x_2, 0)$

① $d\vec{E} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{dq}{r^2} \vec{u}_r = \frac{\lambda}{4\pi\epsilon_0} \frac{dx}{r^2} \vec{u}_r$

② $dE_x = \frac{\lambda}{4\pi\epsilon_0} \frac{dx}{r^2} \cos\theta$ } $\vec{u}_r = \cos\theta \vec{i} + \sin\theta \vec{j}$ (0.5)

③ $dE_y = \frac{\lambda}{4\pi\epsilon_0} \frac{dx}{r^2} \sin\theta$

$\tan\theta = \frac{y_0}{x_0 - x}$, $\sin\theta = \frac{y_0}{r}$, $\cos\theta = \frac{x_0 - x}{r}$

$r = \frac{y_0}{\sin\theta}$, $dx = \frac{y_0}{\sin^2\theta} d\theta$ (0.5) , $r = \sqrt{(x_0 - x)^2 + y_0^2}$

④ $dE_y = \frac{\lambda}{4\pi\epsilon_0 y_0} \sin\theta \cdot d\theta$, ⑤ $dE_x = \frac{\lambda}{4\pi\epsilon_0 y_0} \cos\theta \cdot d\theta$

⑥ $E_x = \int_{\theta_1}^{\theta_2} dE_x = \frac{\lambda}{4\pi\epsilon_0 d} [\sin\theta_2 - \sin\theta_1]$ - (2)

⑦ $E_y = \int_{\theta_1}^{\theta_2} dE_y = \frac{\lambda}{4\pi\epsilon_0 d} [\cos\theta_1 - \cos\theta_2]$

(2) $d=0$ / $\theta_1 = \theta_2 = 0 \Leftrightarrow B$ على عمود C * - (3)

يكون الحقل موازي القطعة المستقيمة

(03) $E_y = 0 \Leftrightarrow$

$$E_x = \frac{\lambda}{4\pi\epsilon_0 d} \left[\frac{d}{\sqrt{(x_0 - x_1)^2 + d^2}} - \frac{d}{\sqrt{(x_0 - x_2)^2 + d^2}} \right]$$

$$\Rightarrow E_x = \frac{\lambda}{4\pi\epsilon_0} \frac{x_2 - x_1}{(x_0 - x_1)(x_0 - x_2)} \quad (03)$$

* تقع على محور القطعة AB لذلك $x_0 = \frac{x_1 + x_2}{2}$

(03) $E_x = 0 \Leftrightarrow$

$$E_y = \frac{\lambda}{4\pi\epsilon_0 d} \left[\frac{x_2 - x_1}{\sqrt{\left(\frac{x_2 - x_1}{2}\right)^2 + d^2}} \right] \quad (03)$$

(4) - في حالة سلك لامنتهي يكون لدينا $\theta_1 = 0$ ، $\theta_2 = \pi$

ومنه $E_x = 0$ (03) / $E_y = \frac{\lambda}{2\pi\epsilon_0 d}$ (03)

التمرين 02 :- (8 نقاط)

(1) - داخل الكوة وحسب قانون غاوس نجد

$$\vec{E}_{int} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{-Q}{r^2} \vec{u}_r \quad (1)$$

(2) - خارج الكرة والشحنة الداخلية : $Q_{int} = -Q + 4\pi R^2 \sigma$

$$\Phi = \frac{Q_{int}}{\epsilon_0} \quad (03) \quad \text{و} \quad \Phi = 4\pi r^2 \cdot E_{ext}$$

3

فنجيد أن: $\vec{E}_{ext} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0 r^2} [-Q + 4\pi R^2\sigma] \vec{u}_r$ (1)

(3) - لا ينعدم الحقل داخل الكرة لأن $Q \neq 0$ (03)

(4) - خارج الكرة ينعدم الحقل في حالة:

$Q = 4\pi R^2\sigma \iff -Q + 4\pi R^2\sigma = 0$

(03) شحنة المركز تساوي وتعاكس شحنة الكرة

(5) حساب الكمون:

(1) - داخل الكرة: $V(r)_{int} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{-Q}{r} + C_{int}$

(1) - خارج الكرة: $V_{ext} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0 r} [-Q + 4\pi R^2\sigma] + C_{ext}$

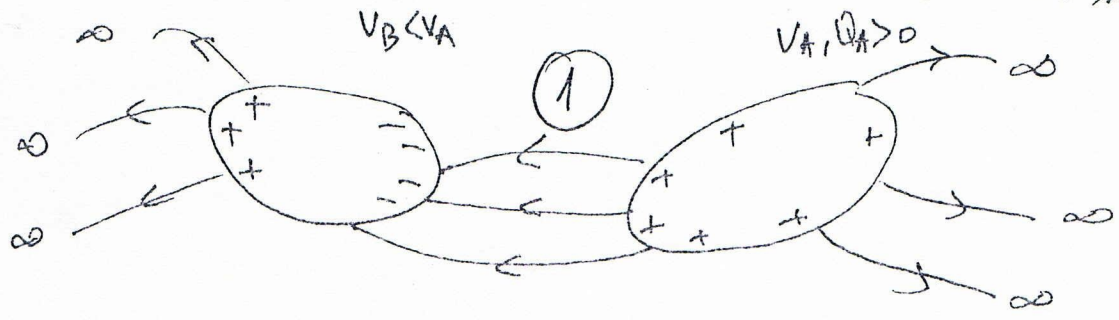
(1) نجد أن $C_{ext} = 0$ لعدم وجود شحنات في ∞ الكمون مستمر عند سطح الكرة أي

$V_{ext}(R) = V_{int}(R)$

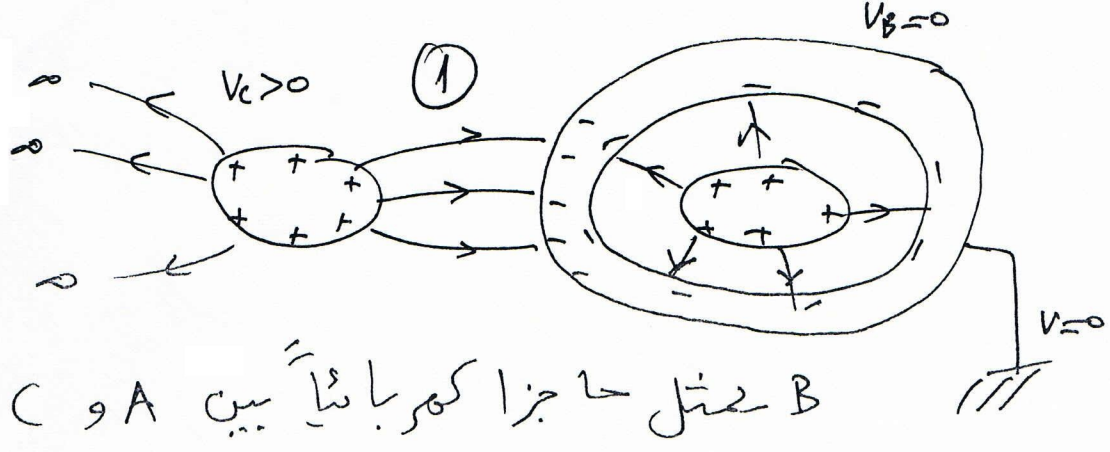
$\frac{1}{4\pi\epsilon_0 R} [-Q + 4\pi R^2\sigma] = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{-Q}{R} + C_{int} \iff$

(1) $C_{int} = \frac{\sigma R}{\epsilon_0}$

التمرين 03: (نقطتان)



4

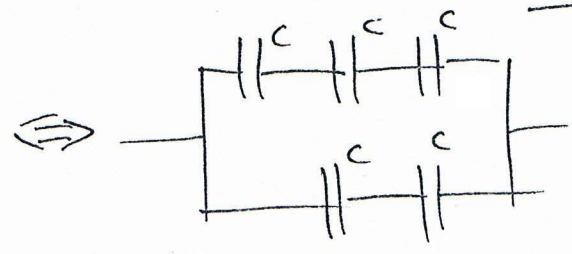


B مثل حـ جزا كهـر بائياً بين A و C

التمرين 04 :- (نقطتان)

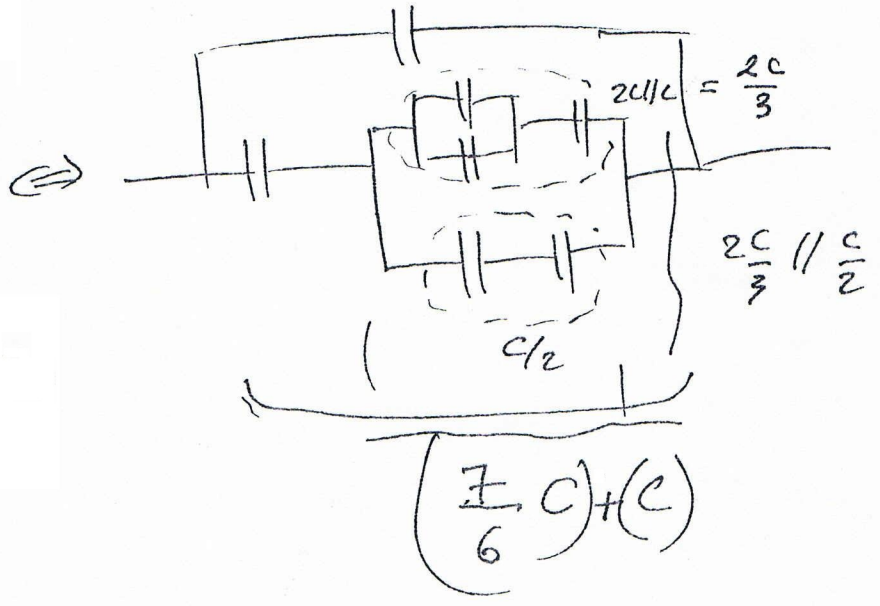
①

$$C_{eq} = \frac{C}{3} + \frac{C}{2} = \frac{5C}{6}$$



①

$$C_{eq} = \frac{7}{13}C + C = \frac{20}{13}C$$



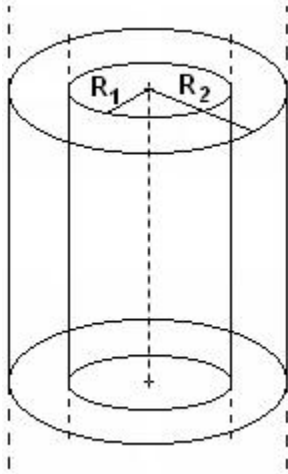
$$\frac{1}{C_1} = \frac{1}{C} + \frac{6}{7} \cdot \frac{1}{C} = \frac{1}{C} \left(\frac{13}{7} \right)$$

$$C_1 = \frac{7}{13} C$$

$$C_{eq} = C_1 + C = \left(\frac{7}{13} + 1 \right) C$$

متحان الأول في الكهربا

- التمرين 01 : (10)

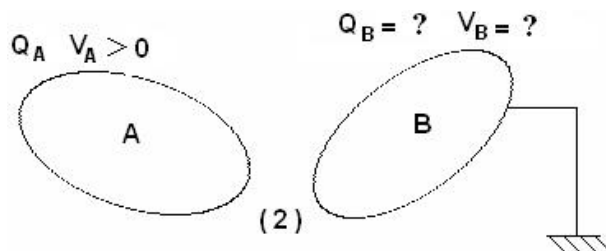
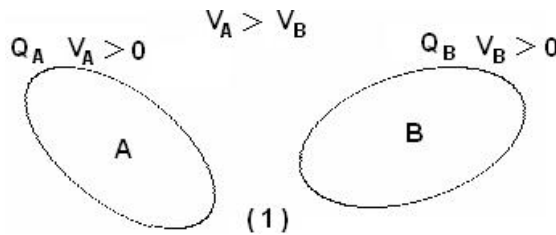


- شاقوليتان متمحورتان لا منتهيتان ، نصف قطرهما على
بكثافتين سطحيتين $R_2 > R_1 > 0$
- 1- أستعمل خواص تناظر الجملة لتحديد اتجاه الحقل الكهروساكن في
 - 2- اعتمادا على ما سبق ما هو شكل سطح وس المناسب له
 - 3- أحسب قيمة الحقل الكهروساكن في المناطق الثلاثة بدلالة R_2 R_1
 - 4- أستنتج قيمة الكمون الكهروساكن في نفس المناطق السابقة ، ثم
استنتج قيمة الثوابت المرفقة.
 - 5- أستنتج قيمة $r > R_2$ تجعل الحقل الكهروساكن معدوما من أجل
 - 6- أحسب فرق الكمون بين الأسطوانتين ، ثم استنتج السعة الكهربائية

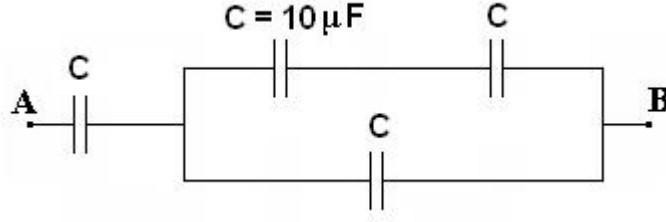
- التمرين 02 : (6)

- 1- في حالة الشكلين (1) (2) بين الناقل المؤثر و الناقل المتأثر و طبيعة التأثير الكهروساكن ، ثم
أرسم خطوط الحقل الكهروساكن في الفضاء المحيط بالناقلين .

$$V_B \cdot Q_B$$



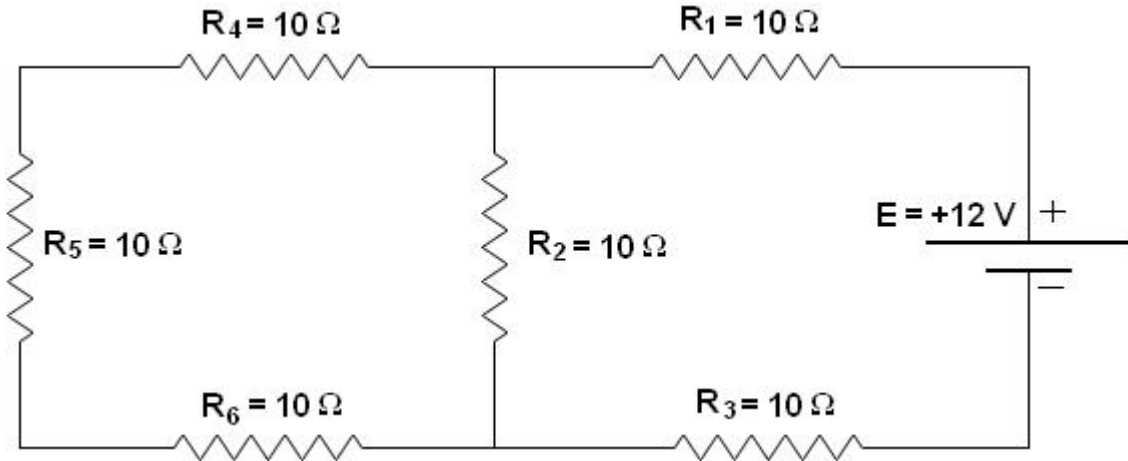
2- أحسب قيمة المكثفة المكافئة لمجموعة المكثفات الموصولة بين النقطتين A B .



- التمرين 03 : (4)

لتكن الدارة الكهربائية المبينة في الشكل أسفلا ، كل المقاومات متساوية و المولد الكهربائي لا يملك مقاومة داخلية .

- 1- حدد مختلف التيارات التي تمر في الدارة
- 2- أكتب معادلات كيرشوف لهه الدارة ، ثم اختزلها إلى معادلتين خطيتين فقط.
- 3- أحسب شدة التيارات المختلفة للدارة.



حل امتحان الكهرباء

- التمرين 01 :-

(1) - التوزيع له تناظر أسطواني، والمحل يكون محمولا بنصف قطر الأسطوانتين

(2) - سطح قوس المناسب هو أسطوانة لها نفس المحور و نصف قطرها r وارتفاعها h كفي (0.5)

(3) - لدينا ثلاثة مناطق:

- المنطقة (I) : $r \leq R_1$ (داخل الأسطوانة الصغرى)

- " (II) : $R_1 < r < R_2$ (بين الأسطوانتين)

- " (III) : $r \geq R_2$ (خارج الأسطوانة الكبرى)

$$\oint (\vec{E}) = \frac{Q_{int}}{\epsilon_0}$$

تطبيق قانون قوس في كل الحالات لدينا

$$\oint (E) = E \cdot S_L = 2\pi r \cdot h \cdot E$$

* المنطقة (I) :

(1)
$$Q_{int I} = 0$$

$$E_I = 0$$

* المنطقة (II)

(1)
$$\frac{Q_{int II}}{\epsilon_0} = \frac{\sigma_1}{\epsilon_0} \times S_{L1} = 2\pi R_1 h \cdot \frac{\sigma_1}{\epsilon_0}$$

$$E_{II} = \frac{\sigma_1}{\epsilon_0} \cdot \frac{R_1}{r}$$

2

* المنطقة (III)

$$Q_{int III} = \sigma_1 S_{L1} + \sigma_2 S_{L2}$$

$$Q_{int III} = (\sigma_1 R_1 + \sigma_2 R_2) \cdot 2\pi h$$

$$E_{III} = \frac{\sigma_1 R_1 + \sigma_2 R_2}{r}$$

$$\vec{E} = -\vec{grad} V \Rightarrow E = -\frac{dV}{dr} \quad (4) - \text{إنتاج الامون} :$$

$$\Rightarrow V = -\int E \cdot dr + C$$

$$\textcircled{03} \quad V_I = C_I \quad * \text{ في المنطقة (I)}$$

$$\textcircled{03} \quad V_{II} = -\sigma_1 R_1 \ln r + C_{II} \quad * \text{ في المنطقة (II)}$$

$$\textcircled{03} \quad V_{III} = -(\sigma_1 R_1 + \sigma_2 R_2) \ln r + C_{II} \quad * \text{ في المنطقة (III)}$$

- تحديد الثوابت ، لا يمكن استعمال شرط الامون معدوم في (∞) بسبب وجود شحنات هناك ،

* ستعمل اسطلاح الامون في المنطقة (I) معدوم

$$V_I = 0 \Rightarrow C_I = 0 \quad \textcircled{03}$$

* ستعمل خاصية استقرار الامون:

$$V_I(R_1) = V_{II}(R_1) \Rightarrow 0 = -\sigma_1 R_1 \ln R_1 + C_{II}$$

$$C_{II} = \sigma_1 R_1 \ln R_1 \quad \textcircled{03}$$

$$V_{II}(R_2) = V_{III}(R_2) \Rightarrow$$

$$C_{III} = \sigma_1 R_1 \ln R_1 + \sigma_2 R_2 \ln R_2 \quad \textcircled{03}$$

وكذلك :

3) $\sigma_2 = -\frac{R_1}{R_2} \sigma_1 \iff \sigma_1 R_1 + \sigma_2 R_2 = 0 \iff E_{II} = 0$ (5) - نجعل

(6) - حسب فرق الجهد بين $r=R_1$ و $r=R_2$ نجد

$$\Delta V = V_{II}(R_1) - V_{II}(R_2) = -\sigma_1 R_1 \ln R_1 - (-\sigma_1 R_1 \ln R_2)$$

$$\Delta V = \sigma_1 R_1 \ln \frac{R_2}{R_1} \quad (1)$$

- حسب الشحنة الكهربائية للأسطوانة نصف قطرها R_1 وارتفاعها H

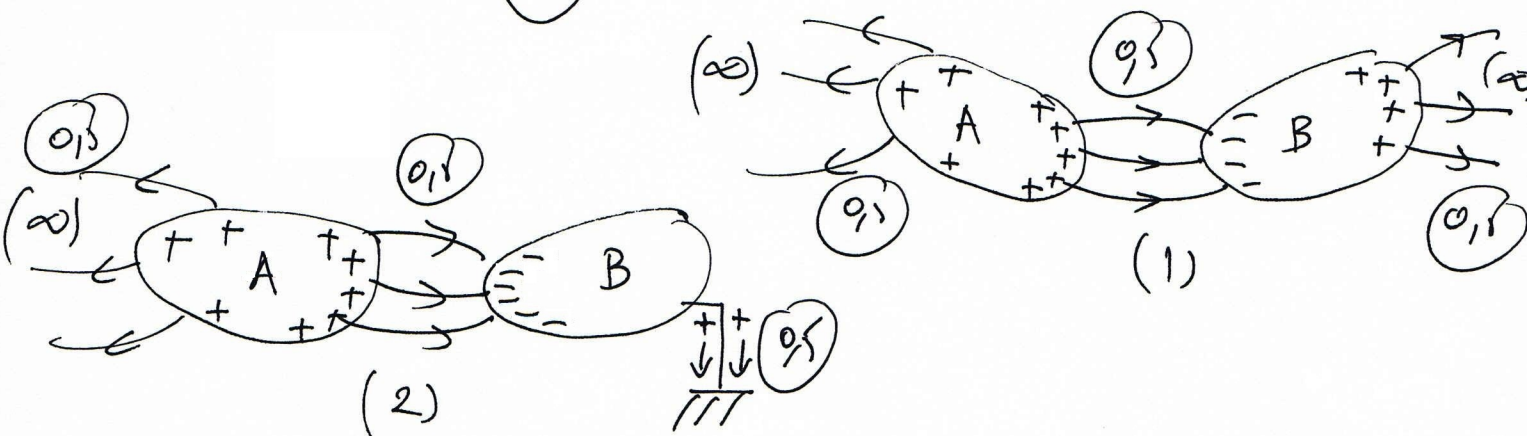
$$Q_1 = \sigma_1 S_{L_1} = 2\pi R_1 H \cdot \sigma_1 \Rightarrow \sigma_1 = \frac{Q_1}{2\pi R_1 H}$$

$$\Delta V = \frac{Q_1}{2\pi R_1 H} R_1 \ln \frac{R_2}{R_1} \Rightarrow Q_1 = \frac{2\pi H}{\ln \frac{R_2}{R_1}} \cdot \Delta V$$
 ومنه:

$$Q_1 = C \Delta V \Rightarrow C = \frac{2\pi H}{\ln \frac{R_2}{R_1}} \quad (2)$$

- التمرين 02: (1) $V_A > V_B$ الناقل المتزئ نحو (A) و المتأثر نحو (B)

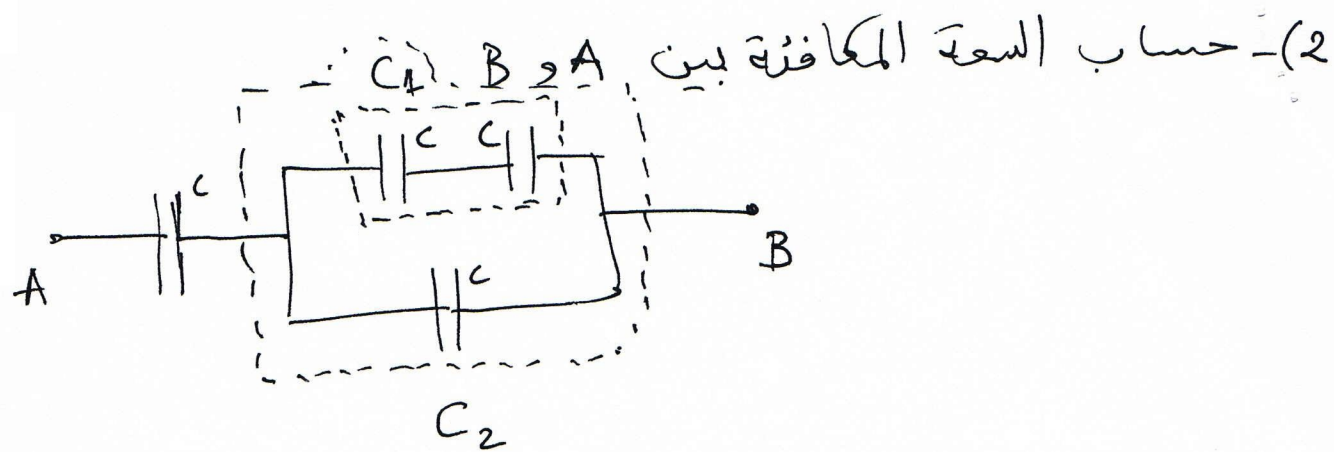
والتأثير جزئي لأن جزء من خطوط الحقل يذهب إلى (∞)



$$V_B = 0 \quad Q_B < 0$$

(0,5)

4

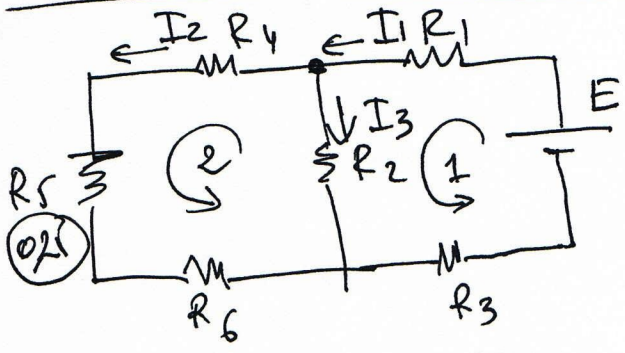


C_1 : مكثفتين على التسلسل : $C_1 = \frac{C \times C}{2C} = \frac{C}{2}$ (0,5)

C_2 : مكثفتين على التفرع : $C_2 = C + C_1 = \frac{3}{2}C$ (0,75)

C_{eq} : مكثفتين على التسلسل : $C_{eq} = \frac{C \times C_2}{C + C_2} = \frac{3}{5}C$ (0,6)

$C_{eq} = 6 \mu F$ (0,6)



التمرين 03 : (1 -) لدينا ثلاثة فروع والتيارات هي I_1 و I_2 و I_3 (0,8)

(2) - معادلات كيرشوف :

معادلة العقدة : $I_1 = I_2 + I_3$ (0,5)

العروة (1) : $(R_1 + R_3)I_1 + R_2I_3 = E$ (0,5)

العروة (2) : $(R_4 + R_5 + R_6)I_2 - R_2I_3 = 0$ (0,5)

بغرض [1] في [2] و $R=10$ ، $E=12$ ، فلنجد

$I_1 = I_2 + I_3 = 0,436A$ (0,8)

$I_2 = \frac{120}{1100} = 0,109A$ (0,5)

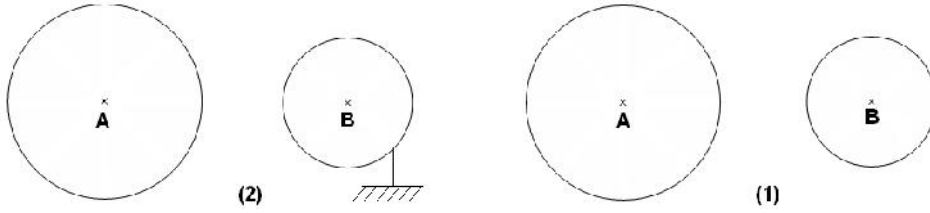
$I_3 = \frac{360}{1100} = 0,327A$ (0,5)

$20I_2 + 30I_3 = 12$ [1]
 $30I_2 - 10I_3 = 0$ [2]

الامتحان الأول في الكهرباء

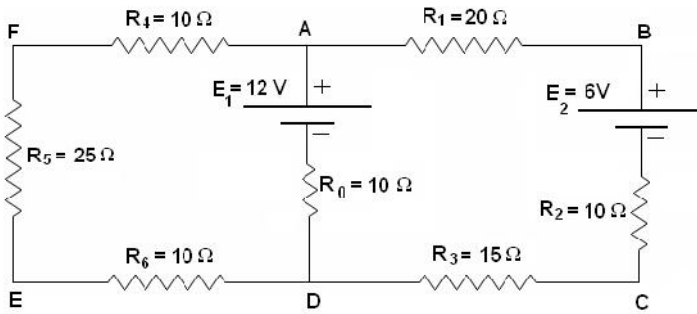
- التمرين 01 : (04)

- ناقلان كرويان، (A) مشحون بشحنة $Q_A > 0$ و (B) متعادل، في حالة تأثير كهربائي (أنظر الشكل):
- 1- نقر بهما من بعض (شكل 1)، حدد طبيعة التأثير و مثل الشحنات و خطوط الحقل للجملة
 - 2- بعد ذلك نوصل الناقل (B) بالأرض (شكل 2)، مثل من جديد شحنات الناقلين و خطوط الحقل للجملة
 - 3- نقطع التوصيل بالأرض، صف ما يحدث و أعد من جديد تمثيل الشحنات و خطوط الحقل، ما هي الحالة النهائية للناقل (B)



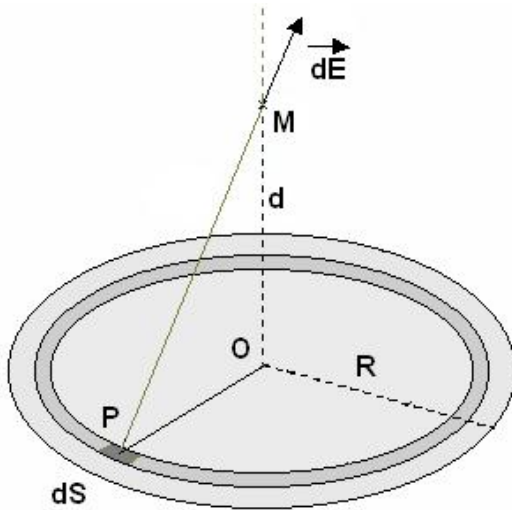
- التمرين 02 : (06)

- في حالة الدارة الكهربائية الممثلة بالشكل:
- 1- حدد عدد العقد والعروات المستقلة، ثم استنتج مختلف التيارات اللازم تعيينها
 - 2- أكتب معادلات كيرشوف المكافئة و ضعها على شكل مصفوفة مرتبة
 - 3- عين نظريا و عدديا قيم هذه التيارات
 - 4- إذا افترضنا كمون النقطة (A) $V_A = +12V$ ، أوجد كمون النقطة (C)



- التمرين 03 : (12) الجزءان () و () مستقلان - الجزء (أ):

- قرص مستوي مركزه O و نصف قطره R (أنظر الشكل) مشحون بكثافة سطحية موجبة ومنتظمة $\sigma = ct > 0$
- 1- باستعمال خواص التناظر، بين أن الحقل الكهروساكن محمول بالمحور OM.
 - 2- أكتب عبارة الحقل العنصري الناتج عن الشحنة dQ المحمولة بالمساحة dS عند النقطة M، $d, OP,$ والزاوية القطبية، ثم أحسب الحقل الناتج عن كل القرص
 - 3- أستنتج الحقل الناتج عن مستوي لامنته له بنفس الكثافة



- الجزء (ب):

قيمة الحقل الناتج عن مستوي لامنته مشحون بكثافة $\sigma = ct > 0$ هي $E = \sigma / 2 \epsilon_0$

- 1- مثل في حالة هذا المستوي، خطوط الحقل و سطوح تساوي الكمون
- 2- نأخذ ناقلين مستويين لامنتهيين ومتوازيين مشحونين بكثافتين σ_1 و σ_2 المسافة بينهما d ، حدد من أجل هذه الجملة قيمة و اتجاه الحقل في مختلف المناطق
- 3- إذا اعتبرنا أن مساحة كل مستوي هي S ، استنتج عبارة السعة الكهربائية للمكثفة المشكلة من الناقلين

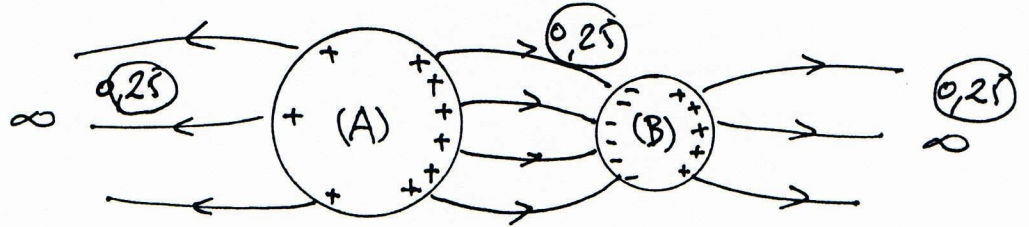
* ملاحظة :

بالنسبة للتمرين (2) ، يجب مراعاة الطريقة التي قام بها الطالب للحل ، وتوزيع النقاط حسب التوزيع الموضح في ورقة الأسئلة

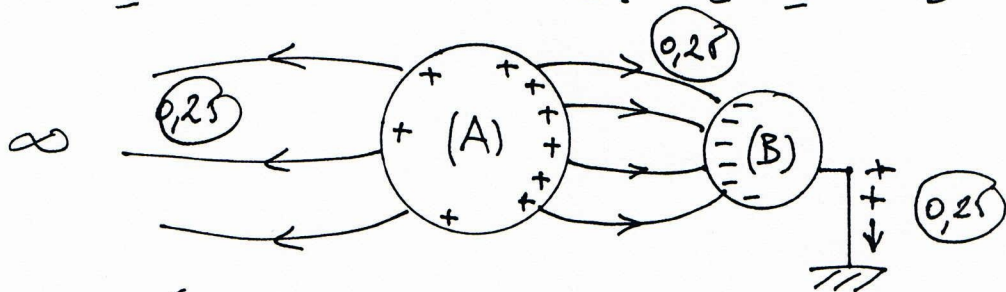
حل امتحان الكهرباء Phy 02

- التمرين 01 :-

1- التأثير الكهربائي جزئي لأن جزءاً من خطوط الحقل فقط تذهب من (A) نحو (B) و الجزء الآخر يذهب إلى (∞)

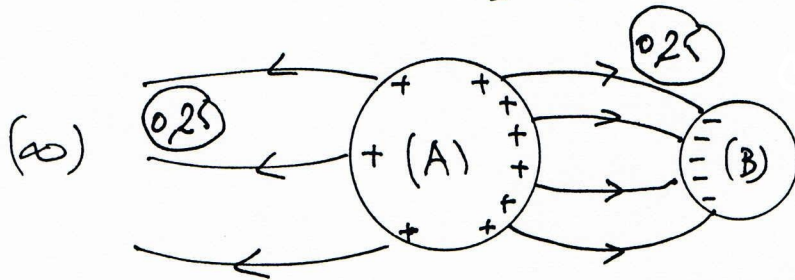


2- عند توصيل (B) بالأرض، تنزل الشحنات الموجبة نحو الأرض ويصبح الكون $V_B = 0$ ، في حين تبقى الشحنات السالبة في الناقل.



خطوط الحقل لا تخرج من (B) لأن كونه يساوي كون (∞)

3- عند قطع التوصيل بالأرض لا يتغير شيء بالنسبة للناقلين، غير أن الناقل (B) أصبح مشحوناً سلباً وهي طريقة لشحن الناقل (تسمى الشحن بالتأثير الكهربائي والحالة النهائية ل (B) هي $V_B = 0$ ، $Q_B < 0$)



- التمرين 02 :-

1- لدينا عقدتان (A) و (D)، متكافئتان، لذلك هناك عقدة واحدة مستقلة هي العقدة (A)

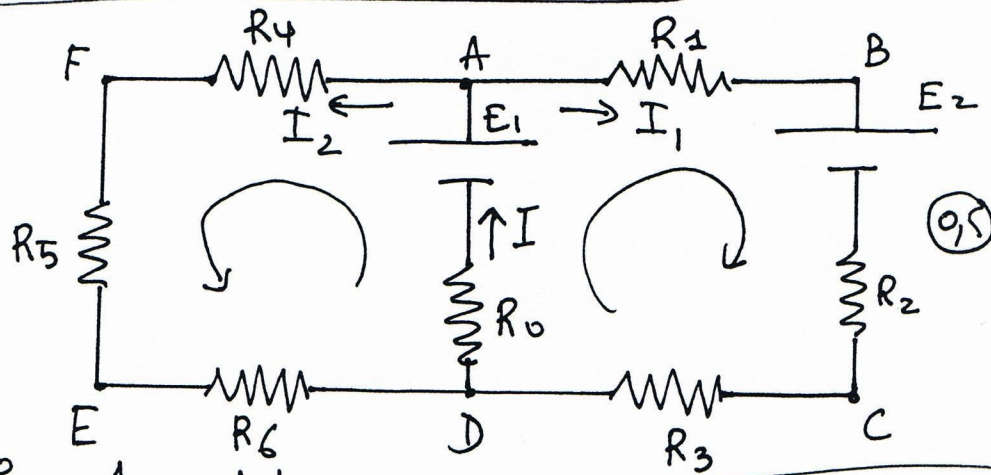
لدينا كذلك عروتان مستقلتان هما (AFED) و (ABCD)

(2) - معادلات كيرشوف :-

(1) $I = I_1 + I_2$: * العقدة (A)

(2) $(R_1 + R_2 + R_3)I_1 + R_0 I = E_1 - E_2$: * العروة (ABCD)

(3) $(R_4 + R_5 + R_6)I_2 + R_0 I = E_1$: * العروة (AFED)



(3) لنبدأ

$$I_1 = \begin{vmatrix} 0 & 1 & -1 \\ E_1 - E_2 & 0 & R_0 \\ E_1 & (R_4 + R_5 + R_6) & R_0 \end{vmatrix} = \frac{(R_0 + R_4 + R_5 + R_6)(E_1 - E_2) - R_0 E_1}{(R_1 + R_2 + R_3)(R_4 + R_5 + R_6) + R_0(R_1 + R_2 + R_3 + R_4 + R_5 + R_6)}$$

$$= \frac{55 \times 6 - 10 \times 12}{45 \times 45 + 10 \times 90} = 0,072 \text{ A}$$

$$I_2 = \begin{vmatrix} 1 & 0 & -1 \\ R_1 + R_2 + R_3 & E_1 - E_2 & R_0 \\ 0 & E_1 & R_0 \end{vmatrix} = \frac{-[R_0(E_1 - E_2) - R_0 E_1] - (R_1 + R_2 + R_3) E_1}{[(R_1 + R_2 + R_3)(R_4 + R_5 + R_6) + R_0(R_1 + R_2 + R_3 + R_4 + R_5 + R_6)]}$$

$$= \frac{-10 \times 6 - 45 \times 12}{45 \times 65} = 0,2051 \text{ A}$$

$$I = I_1 + I_2 = 0,2769 \text{ A}$$

لدينا :

$$V_A - V_C = R_1 I_1 + E_2 + R_2 I_2$$

$$V_C = V_A - (R_1 + R_2) I_1 - E_2$$

$V_C = 384 \text{ V}$ (0,5) ←

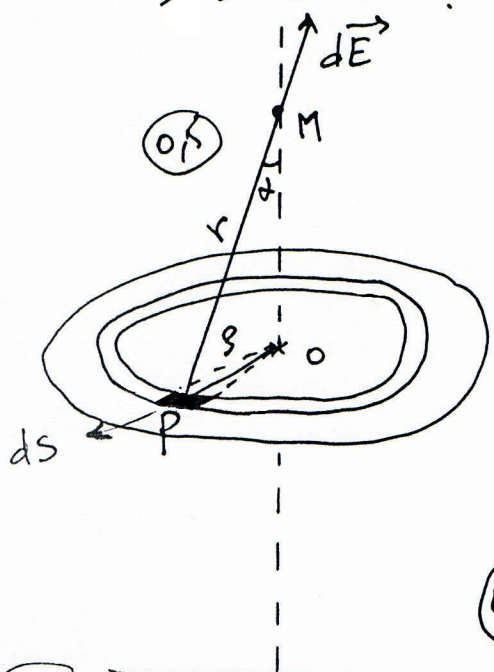
- التمرين 03 :-

- الجزء (أ) :-

(1) + (0,5)

1) * نتيجة محور الدوران \vec{OM} ، أي دوران بزواوية θ كيفية يترك القوس غير متغير، لذلك فالمقل الكهربائي يجب أن يكون غير متغير وفضل على هذا عندما يكون محولاً بمحور الدوران \vec{OM} أي عنصر ds من القرص له نظير بالنسبة لـ O ، وتكون محملة المقلين محولة بالمحور.

(2) - عبارة المقل العنصري :-



$$d\vec{E} = K \frac{dq}{r^2} \vec{U}_r = K \frac{\sigma ds}{r^2} \vec{U}_r$$

$$ds = \rho \cdot d\rho \cdot d\theta \quad \text{و} \quad \rho = \overline{OP}$$

بالإسقاط على المحور \vec{OM} نجد :

$$dE_{||} = K \frac{\sigma \rho \cdot d\rho \cdot d\theta}{r^2} \cos \alpha$$

$$\leftarrow r^2 = \rho^2 + d^2 \quad \text{و} \quad \cos \alpha = \frac{OM}{r} = \frac{d}{r}$$

$$dE_{||} = K \sigma d \frac{\rho \cdot d\rho \cdot d\theta}{(\rho^2 + d^2)^{3/2}}$$

تكامل على كل القرص : $\rho: 0 \rightarrow R$ و $\theta: 0 \rightarrow 2\pi$

$$E = E_{||} = K \sigma d \int_0^{2\pi} \int_0^R \frac{\rho \cdot d\rho \cdot d\theta}{(\rho^2 + d^2)^{3/2}}$$

4

$$E = K \sigma d \left[\frac{-1}{(R^2 + d^2)^{1/2}} \right]_0^R = K \sigma d \cdot 2\pi \left[\frac{1}{d} - \frac{1}{(R^2 + d^2)^{1/2}} \right]$$

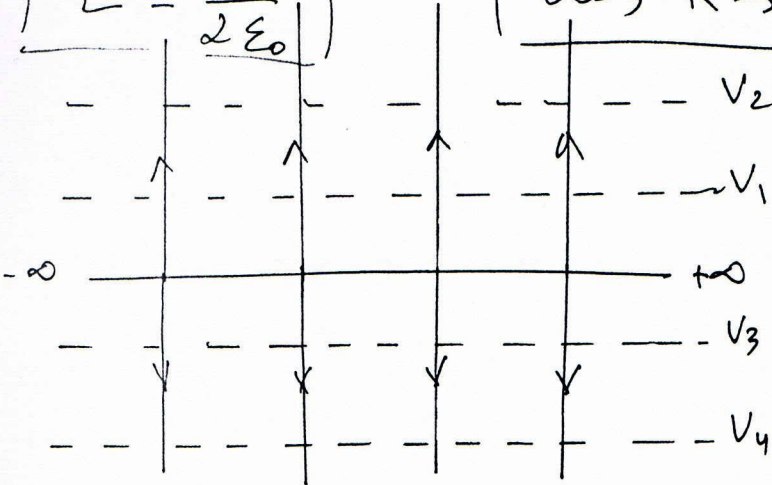
$$E = \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \left[1 - \frac{1}{\left[\left(\frac{R}{d}\right)^2 + 1 \right]^{1/2}} \right] \quad (0,5)$$

$$E = \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \quad (1)$$

منه $R \rightarrow \infty$ (0,5)

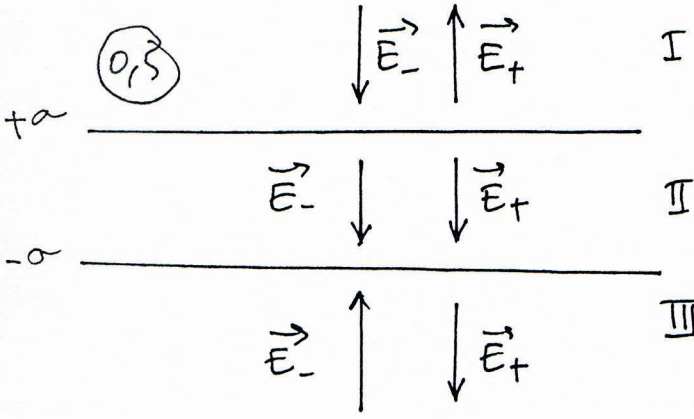
3- في حالة مستوي لامنته فان

الجزء (ب) :



(1) خطوط الحقل تكون عمودية على المستوي، وسطوح تساوي الأيون هي مستويات موازية للمستوي

(2) حساب الحقل للمكثفة :



المنطقة (I) : $\vec{E}_- = -\vec{E}_+$

$$\vec{E}_I = \vec{0} \quad (0,5)$$

المنطقة (II) : $\vec{E}_- = \vec{E}_+ = -\frac{\sigma}{2\epsilon_0} \vec{k}$

$$\vec{E}_{II} = -\frac{\sigma}{\epsilon_0} \vec{k} \quad (0,5)$$

المنطقة (IV) : $\vec{E}_- = -\vec{E}_+$

$$\vec{E}_{III} = \vec{0} \quad (0,5)$$

(3) حساب سعة المكثفة : نبحث عن العلاقة $Q_+ = C U = C(V_+ - V_-)$ (0,5)

$$d \cdot \mathcal{E} = \vec{E} \cdot d\vec{l} = E \cdot dl = -dV \quad (0,5)$$

$$Q_+ = \sigma \cdot S \quad \text{وكذلك} \quad U = V_+ - V_- = \int_{V_-}^{V_+} dV = - \int_{V_-}^{V_+} E dl = E \cdot d$$

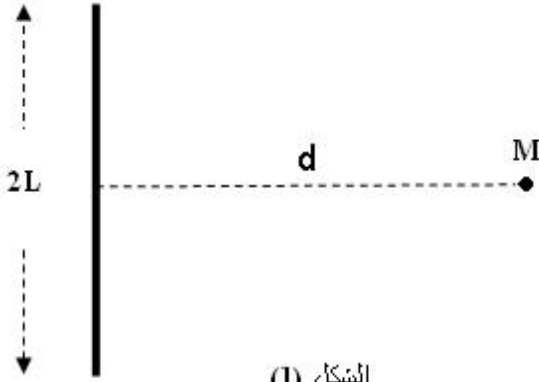
$$U = E \cdot d = \frac{\sigma}{\epsilon_0} \cdot d = \frac{Q_+}{S} \cdot \frac{d}{\epsilon_0} \quad (0,5)$$

$$C = \epsilon_0 \frac{S}{d} \quad (0,5)$$

$$Q_+ = C U$$

نوض :

الأول في الكهرباء



- التمرين 01 : (08)

قطعة مستقيمة شاقولية طولها $2L$ (1 :) وزعت عليها بطريقة منتظمة شحنة كهربائية Q .

- 1- أحسب قيمة كثافة الشحنة
- 2- حدد خواص تناظر هذا التوزيع ،
الحقل الكهربائي عند نقطة M
هذه القطعة و تبعد بالمسافة العمودية d .
- 3- نختار هذ Ox

مركبات الحقل الكهربائي العنصري dE_x dE_y

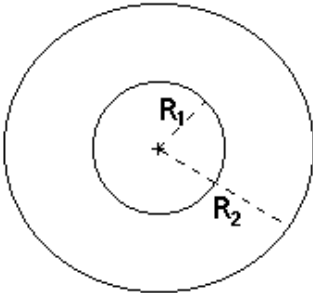
4- E_y E_x

5- $ABCD$ طول ضلعه a مع توزيع الشحنات : $BC +Q$ $AB +Q$ $DA -Q$ $CD -Q$ استنتج اتجاه و شدة الحقل المحصل عند مركز هذا المربع

- التمرين 02 : (08)

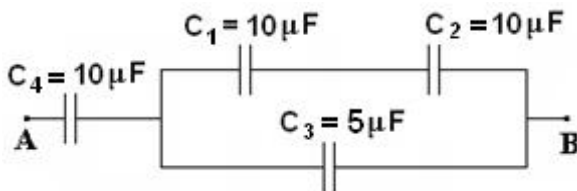
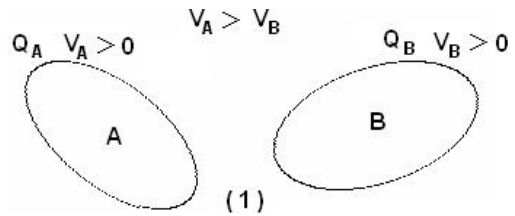
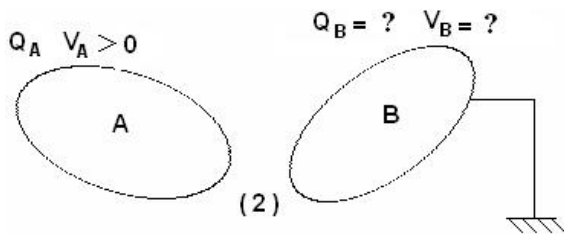
كرة مركزها O ، و نصف قطرها R مشحونة بكثافة حجمية $+ \rho$.

- 1- باستعمال نظرية غوس، أحسب قيمة الحقل الكهربائي الناتج عن هذا التوزيع M عند نقطة r والتغير. أحسب قيمة الكمون الكهربائي الموافق.
- 2- لدينا كرتان لهما نفس المركز شحنتين متناظرتين الداخلية قطرها R_1 والخارجية نصف قطرها R_2



- التمرين 03 : (06)

1- الشكلين (1) (2) بين الناقل المؤثر و الناقل المتأثر و طبيعة التأثير الكهروساكن، خطوط الحقل في الفضاء المحيط بالناقلين.



2- أحسب قيمة سعة المكثفة المكافئة لمجموعة المكثفات الموصولة بين النقطتين A B.

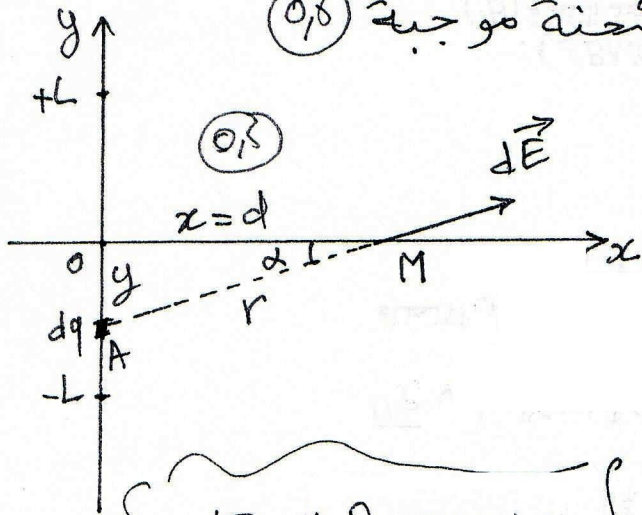
حل امتحان الكهرباء

التمرين 01 :-

$$\lambda = \frac{Q}{2L}$$

1- كثافة التوزيع منتظمة

2- القطعة المستقيمة تلك محور تناظر وكون التوزيع منتظم فإن هذا المحور هو نفسه محور تناظر الحقل الكهربائي
النقطة M تقع على المحور، لذلك الحقل يكون محمولاً بالمحور وهو في الاتجاه \vec{OM} لأن الشحنة موجبة



3- الحقل العنصري عند M :-

$$d\vec{E} = K \frac{dq}{r^2} \vec{u}_r$$

مع $\vec{u}_r = \frac{\vec{AM}}{\|\vec{AM}\|}$ ، $r = \|\vec{AM}\|$

و $dq = \lambda dy$ ، $\vec{u}_r = \begin{pmatrix} \cos \alpha \\ \sin \alpha \end{pmatrix}$

$y = d \cdot \tan \alpha$ ، $d = r \cos \alpha$

$r = \frac{d}{\cos \alpha}$ ، $dy = \frac{d}{\cos^2 \alpha} \cdot d\alpha$

$$\left. \begin{aligned} dE_x &= K \frac{\lambda}{d} \cos \alpha d\alpha \\ dE_y &= K \frac{\lambda}{d} \sin \alpha d\alpha \end{aligned} \right\}$$

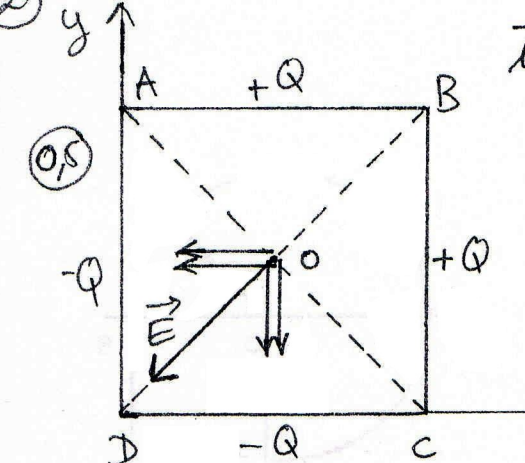
4- مركبات الحقل المحصل :

$$E_x = \int_{-\alpha_0}^{\alpha_0} K \frac{\lambda}{d} \cos \alpha d\alpha = 2K \frac{\lambda}{d} \sin \alpha_0 = 2K \frac{\lambda}{d} \frac{L}{\sqrt{L^2 + d^2}}$$

$$E_y = \int_{-\alpha_0}^{\alpha_0} K \frac{\lambda}{d} \sin \alpha d\alpha = \left[-K \frac{\lambda}{d} (\cos \alpha) \right]_{-\alpha_0}^{\alpha_0} = 0$$

5- تشكيل المربع :

$$\left. \begin{aligned} \lambda_+ &= \frac{Q}{a} \text{ له كثافة } BC & , & \lambda_+ = \frac{Q}{a} \text{ له كثافة } AB \\ \lambda_- &= -\frac{Q}{a} \text{ " " } DA & , & \lambda_- = -\frac{Q}{a} \text{ " " } CD \end{aligned} \right\}$$

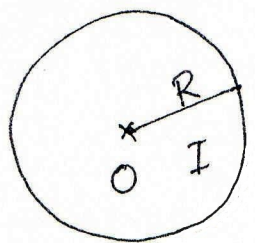
2) 

AB و CD ينشئان حقلين متماثلين عكس \vec{x}
 BC و DA " " عكس \vec{y} (O/S)

$\vec{E} = \vec{E}_{AB} + \vec{E}_{CD} + \vec{E}_{BC} + \vec{E}_{DA}$

$\vec{E}_{AB} = 4K \frac{\lambda}{a} \sin 45^\circ = 2\sqrt{2} K \frac{\lambda}{a} (-\vec{j})$

ونجد: $\vec{E} = 4\sqrt{2} K \frac{\lambda}{a} (-\vec{x} - \vec{y})$ (O/S)



II - التمرين 05 :-

1- التوزيع كروي منتظم، لذلك فالحقل يملك تناظراً كروياً، وهو محمول بنصف القطر ومنتجه نحو الخارج، ويكون سطح قوس المناسب هو كرة مركزها "O" ونصف قطرها متغير r. (O/S)

* المنطقة I :- $r \leq R$ وقانون قوس: $\Phi(\vec{E}_I) = \frac{Q_{int}}{\epsilon_0}$ (O/S)

ونتيجة التناظر: $\Phi(\vec{E}_I) = 4\pi r^2 \cdot E_I$

$Q_{int} = \rho \cdot V_\rho = \frac{4}{3}\pi r^3 \cdot \rho$

(O/S) $E_I = \frac{1}{3} \rho r$

ونجد

* المنطقة II :- $r > R$ لكن الشحنة موجودة في المجال $r \leq R$

$\Phi(\vec{E}_{II}) = 4\pi r^2 \cdot E_{II}$

لذلك

$Q_{int} = \rho V_R = \frac{4}{3}\pi R^3 \cdot \rho$

و

(O/S) $E_{II} = \frac{1}{3} \rho \frac{R^3}{r^2}$

ونجد

3) حساب الكمون: لدينا $dV = -\vec{E} \cdot d\vec{l}$

المنطقة I: $V_I = -\int E_I dr = -\frac{1}{6} \rho r^2 + C_I$

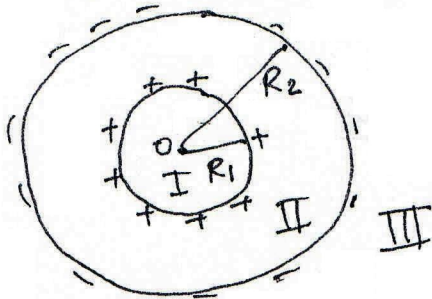
المنطقة II: $V_{II} = -\int E_{II} dr = \frac{1}{3} \rho \frac{R^3}{r} + C_{II}$

* تحديد الثابتين: سنجعل قاعدة الاستمرار عند $r=R$ وقاعدة الكمون في ما لا نهاية معدوم عند توزيع منته للشحنات

$V_I(R) = V_{II}(R) \Rightarrow C_I = \frac{1}{2} \rho R^2$ و $V_{II}(\infty) = C_{II} = 0$

$C_I = \frac{1}{2} \rho R^2$ و $C_{II} = 0$

ع - في هذه الحالة لدينا ثلاث مناطق



* المنطقة I: $r \leq R_1$

$E_I = 0 \Leftrightarrow Q_{int} = 0$

* المنطقة II: $R_1 \leq r \leq R_2$

$E_{II} = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0 r^2} \Leftrightarrow 4\pi r^2 \cdot E_{II} = \frac{Q}{\epsilon_0} \Leftrightarrow Q_{int} = Q_1 = Q$

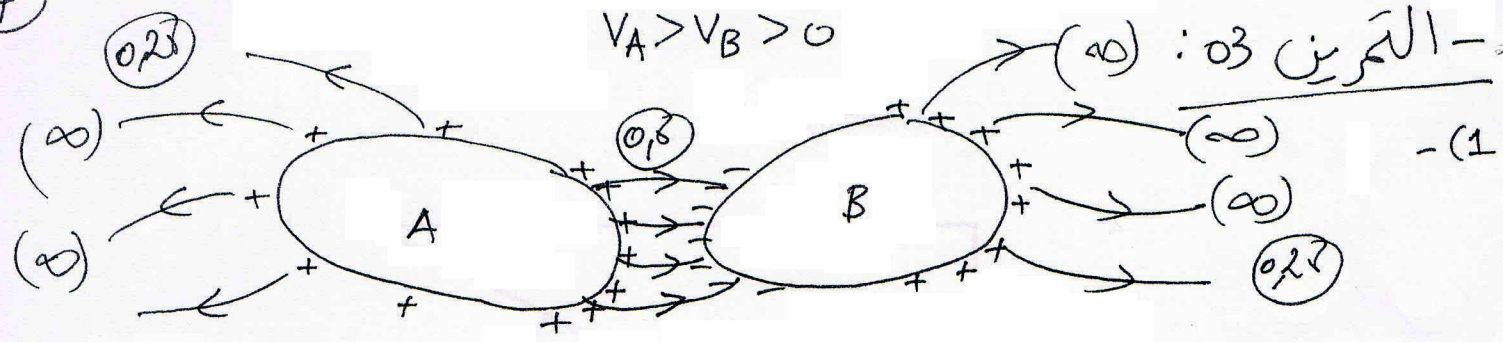
* المنطقة III: $r \geq R_2$

$E_{III} = 0$

$Q_{int} = Q_1 + Q_2 = 0$

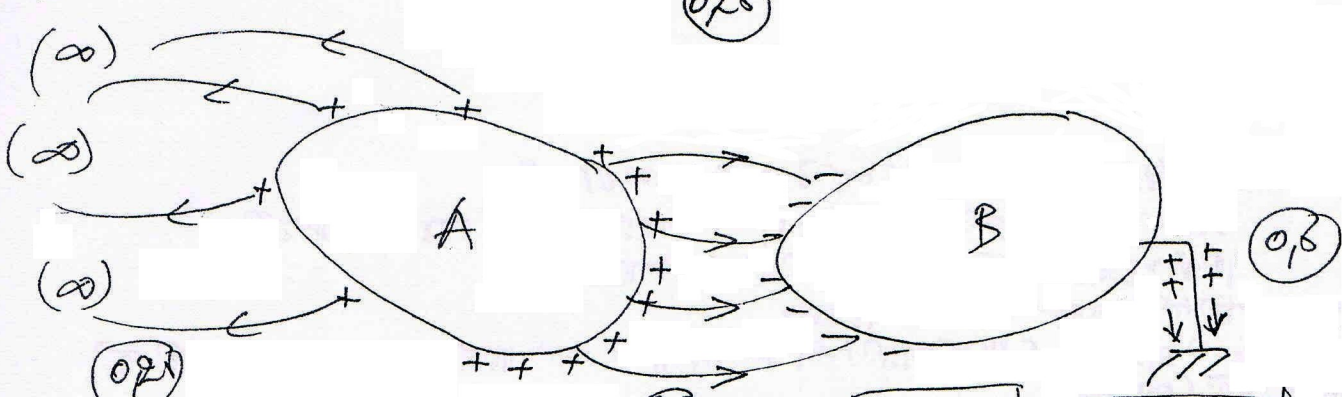
0/0

4



الشكل (1)

النقل (A) هو الموثر والنقل (B) هو الممتاثر، والتأثير جزئي



$Q_B < 0$, $V_B = 0$

الشحنات الموجبة على الناقل (B) تنزل إلى الأرض وتبقى (0,26)
 الشحنات السالبة متجذبة بالناقل (A) لذلك $Q_B < 0$

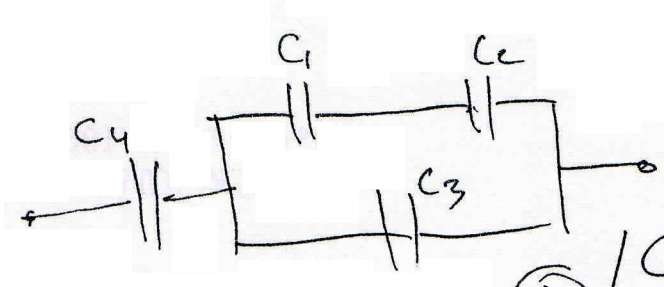
(2) * حسب المكافئة المكافئة $(C_1 + C_2)$ ونسبها C_{12}

$C_{12} = \frac{C_1 C_2}{C_1 + C_2} = 5 \text{ MF}$ $\Leftrightarrow \frac{1}{C_{12}} = \frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2}$

* حسب المكافئة المكافئة $(C_{12} // C_3)$ ونسبها C_{123}

$C_{123} = C_{12} + C_3 = 5 + 5 = 10 \text{ MF}$

* حسب المكافئة المكافئة $(C_{123} + C_4)$ ونسبها $C_{eq} = C_{1234}$



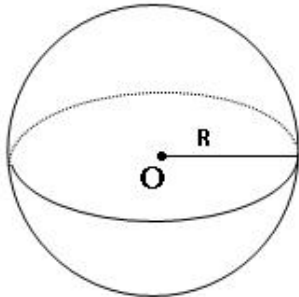
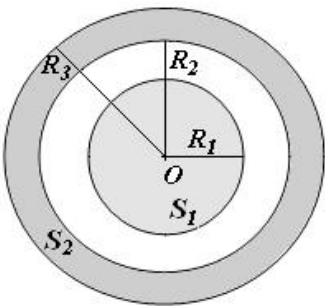
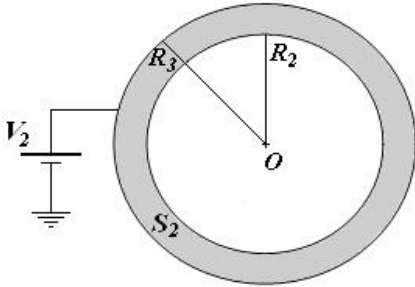
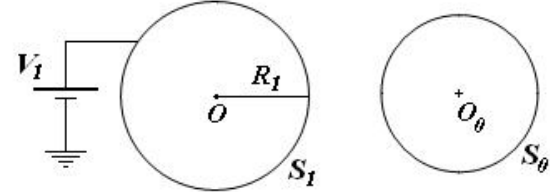
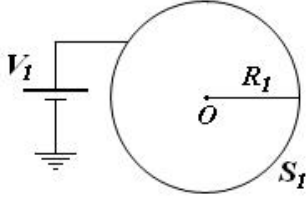
$\frac{1}{C_{eq}} = \frac{1}{C_{1234}} = \frac{1}{C_{123}} + \frac{1}{C_4}$

$C_{eq} = \frac{C_{123} \cdot C_4}{C_4 + C_{123}} = 5 \text{ MF}$

في الكهرباء

التمرين 01: (12)

- 1- أذكر خواص: ناقل وحيد، مجموعة نواقل كهربائية، في حالة توازن كهروستاتيكي.
- 2- نعتبر كرة معدنية ممتلئة و معزولة (S_1) نصف قطرها R_1 وضعت عند كمون كهربائي موجب V_1 .
 - أ - أحسب عند التوازن، الشحنة الكهربائية Q_1 للكرة (S_1)، ثم استنتج سعتها الكهربائية.
 - ب - أحسب الحقل الكهروستاتيكي داخل وخارج الكرة، تأكد من قانون كولون (بجوار الناقل).
 - 3- نقرب كرة معدنية (S_0) محايدة من الكرة السابقة (S_1) الموضوعة عند الكمون V_1 .
 - أ - ماذا يحدث للكرتين؟ ما هي القيمتان الجديدتان لـ Q_0 و Q_1 ؟
 - ب - أرسم خطوط الحقل حول الكرتين.
 - ب - نربط الكرة (S_0) بالأرض، صف ما يحدث؟ أرسم خطوط الحقل في حالة التوازن الجديدة.



- 4- نأخذ كرة معدنية (S_2) مجوفة نصف قطرها الداخلي $R_2 > R_1$ و الخارجي R_3 ، ونضعها عند الكمون الموجب V_2 .
 - أ - حدد شكل توزيع الشحنة Q_2 على الناقل (S_2) وأحسب قيمتها.
 - ب - أحسب الحقل الكهروستاتيكي في مختلف مناطق الفضاء.
 - 5- نحيط الكرة (S_1) الموجودة في حالة التوازن (V_1, Q_1) المعروف في السؤال 2- بالكرة (S_2) الموجودة عند حالة التوازن (V_2, Q_2) المعروف في السؤال 4- بحيث يكون لهما نفس المركز O .
 - أ - حدد، عند حصول التوازن الجديد، توزيع و قيمة الشحنات الكهربائية للناقلين (S_1) و (S_2).
 - ب - أحسب الحقل الكهروستاتيكي في مختلف مناطق الفضاء.
 - ج - أحسب فرق الكمون $\Delta V = (V_1 - V_2)$ بين الناقلين (S_1) و (S_2) واستنتج سعة المكثفة المشكلة.
 - د - نربط الناقل (S_2) بالأرض، ماذا يحدث؟ كيف يصبح الحقل الكهروستاتيكي خارج الكرة (S_2)؟ هل تتغير سعة المكثفة؟

التمرين 02: (8)

- كرة مركزها O و نصف قطرها R مشحونة سطحياً بكثافة منتظمة و سالبة - وضعنا في مركزها شحنة موجبة $+Q$.
- 1- حدد طبيعة تناظر التوزيع، ثم استنتج سطح غوص المناسب
 - 2- باستعمال التناظر، حدد اتجاه الحقل الكهروستاتيكي
 - 3- أحسب شدة الحقل الكهروستاتيكي، داخل وخارج الكرة.
 - 4- هل يندمج الحقل داخل الكرة و متى؟ خارج الكرة و متى؟
 - 5- أستخرج قيمة الكمون الكهروستاتيكي في كل مناطق الفضاء

حل امتحان الكهرباء

- التمرين 01 :-

1- خواص النواقل الكهربائية :

- حالة الناقل الوحيد :-

* الحقل الكهربائي داخل الناقل معدوم $\vec{E}_{int} = \vec{0}$

* الكون الكهربائي للناقل ثابت $V = cte$

* السطح الخارجي للناقل يمثل سطح مساوي الكون

* خطوط الحقل تخرج عمودية على سطح الناقل

* كثافة التوزيع الحجمي $\rho = 0$ وكثافة التوزيع السطحي $\sigma \neq 0$

* العلاقة بين الشحنة والكون $Q = C.V$ حيث C سعة الناقل

- حالة مجموعة نواقل :-

إضافة للخواص المذكورة أعلاه لدينا :

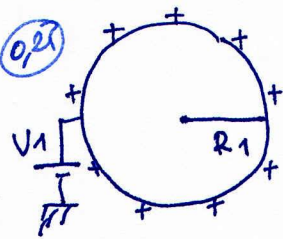
* التأثير الكهربائي المتبادل يؤدي إلى تغير التوزيع السطحي : $\sigma \neq 0$

* العلاقة بين الشحنة والكون تكتب :

$$Q_1 = C_{11}V_1 + C_{12}V_2 \quad \text{و} \quad Q_2 = C_{21}V_1 + C_{22}V_2$$

حيث $C_{21} = C_{12}$ هي معاملات التأثير المتبادل بين الناقلين

2- 2- وضع الناقل (S_1) عند الكون $V_1 > 0$ يؤدي إلى ظهور شحنه $Q_1 > 0$ على سطحه الخارجي ، تتوزع بشكل منتظم على السطح ويكون كل الحجم عند نفس الكون V_1 لذلك نجد

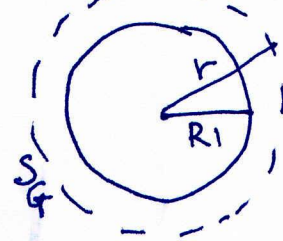


$$Q_1 = C.V_1 \Leftrightarrow V_1 = V_1(R_1) = \frac{Q_1}{4\pi\epsilon_0 R_1} \quad (0,25)$$

ومنه $Q_1 = (4\pi\epsilon_0 R_1) V_1$ والسعة هي $C_1 = 4\pi\epsilon_0 R_1$ (0,25)

ب - سنتحل قانون قوس لحساب الحقل :

* داخل الناقل $r < R_1$ $\vec{E}_{int} = \vec{0}$ لأن الناقل في حالة توازن



* خارج الناقل $r > R_1$ لدينا $\Phi(\vec{E}) = \frac{Q_{out}}{\epsilon_0}$

نتيجة تناظر التوزيع : $\vec{E} = E(r) \cdot \vec{u}_r$ (0,25)

لذلك $\Phi(E) = \oint_{S_0} \vec{E} \cdot d\vec{S} = \oint_{S_0} E(r) \cdot dS$
 $= E(r) \oint_{S_0} dS = E(r) \cdot 4\pi r^2$

$E(r) = \frac{Q_1}{4\pi\epsilon_0 r^2}$

عند سطح الناقل $r=R_1$ ومنه $E(R_1) = \frac{1}{\epsilon_0} \left(\frac{Q_1}{4\pi R_1^2} \right)$

وهو قانون كولون $E(R_1) = \frac{\sigma_1}{\epsilon_0}$

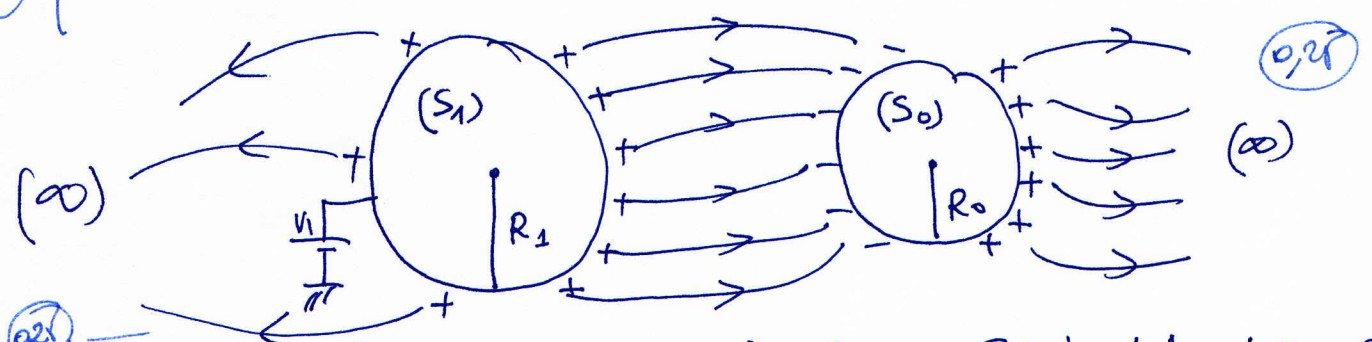
3- الناقلان (S_1) و (S_0) في حالة تأثير كهربائي متبادل جزئي

* يحدث تغير في توزيع الشحنة على سطحي الناقلين

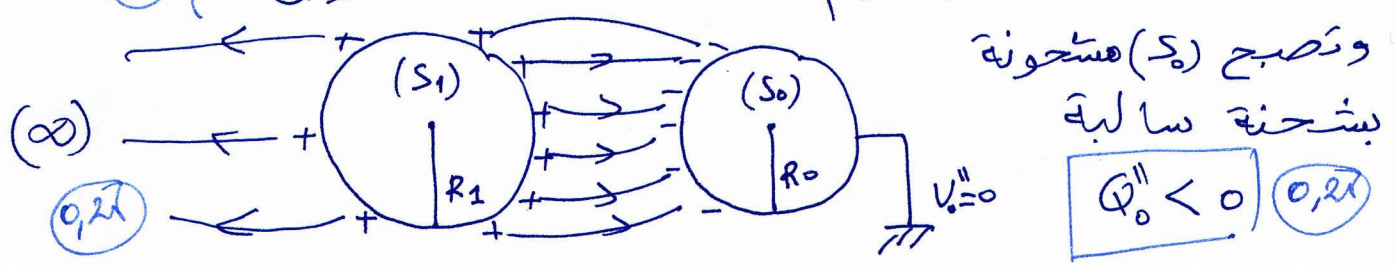
$\sigma_0 \neq \sigma_0$ و $\sigma_1 \neq \sigma_1$

* تبقى شحنتا الناقلين ثابتتين: $Q_0' = 0$ و $Q_1' = Q_1$

* يكون (S_1) يبقى ثابت $V_1 = V_1 = \text{cte}$ وكون (S_0) يتغير $V_0' \neq 0$



ب - عند ما نربط الكرة (S_0) بالأرض يصبح كونها $V_0'' = 0 = V_\infty$ لذلك تحتفي خطوط الحقل بين (S_0) و (∞)، وتحتفي الشحنات الموجبة على (S_0) وذلك بقدم شحنات $-$ من الأرض.



وتصبح (S_0) مشحونة بشحنة سالبة

$Q_0'' < 0$

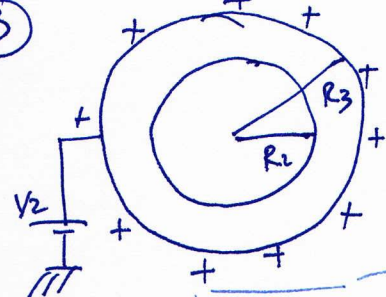
4- م - سواء كانت الكرة مجوفة أو ممتلئة فإن شحنة الناقل تتوزع على السطح الخارجي للناقل فقط: $Q_{2ext} = Q_2 > 0$ و $Q_{2int} = 0$

بنفس طريقة السؤال (2-2) نجد الشحنة: $Q_2 = 4\pi\epsilon_0 R_3 \cdot V_2$

ب - لحساب الحقل نستعمل قانون جوس وخواص الناقل المتوازن

لدينا ثلاث مناطق مختلفة وهي:

3



* داخل فراغ الناقل ($r < R_2$) وقانون قوس

(021) $\vec{E}_{int1} = \vec{0} \Leftrightarrow Q_{int} = 0$ مع $\Phi(E) = \frac{Q_{int}}{\epsilon_0}$

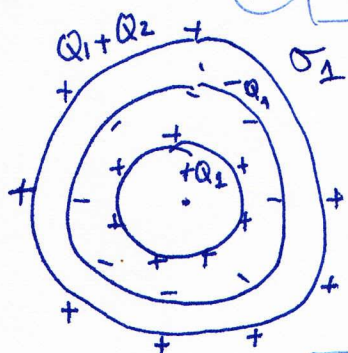
(022) $\vec{E}_{int2} = \vec{0} \Leftrightarrow Q_{int2} = 0$ ($R_2 < r < R_3$) داخل الناقل *

(023) $E_{ext} = \frac{Q_2}{4\pi\epsilon_0 r^2} \Leftrightarrow Q_{int3} = Q_2$ ومنه ($r > R_3$) خارج الناقل *

5-P- لدينا تأثير كهربائي كلي، الناقل المتأثر (S_1) يحمل شحنة Q_1

(021) الناقل المتأثر (S_2) تظهر على وجهه الداخلي الشحنة: $Q_{int} = -Q_1$

(021) وتظهر على وجهه الخارجي شحنة: $Q_{ext} = Q_2 + Q_1$



مع توزيع منتظم على السطوح الثلاثة: $\sigma_1 = \frac{Q_1}{S_1}$

(021) و $\sigma_{int} = -\frac{Q_1}{S_{int}}$ و $\sigma_{ext} = \frac{Q_2 + Q_1}{S_{ext}}$

ب- لدينا أربعة مناطق:

* داخل الناقل (S_1): $Q_{int} = 0 \Leftrightarrow E_1 = 0$ (021)

* " " (S_2): $Q_{int} = Q_1 - Q_1 = 0 \Leftrightarrow E_2 = 0$ (022)

* بين الناقلين: $R_1 < r < R_2$: $Q_{int} = Q_1$ باستخدام قانون قوس نجد

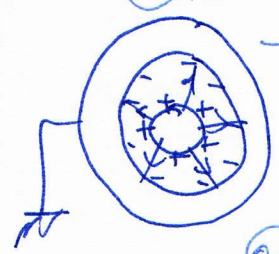
(023) $E_2 = \frac{Q_1}{4\pi\epsilon_0 r^2}$

* خارج الناقل (S_2): ($r > R_3$) $Q_{int4} = Q_2 + Q_1 \Leftrightarrow E_4 = \frac{Q_1 + Q_2}{4\pi\epsilon_0 r^2}$ (021)

ج- حساب الكون بين الناقلين: نستعمل علاقة الجوال

$\Delta V = \int_{V_2}^{V_1} = - \int_{R_2}^{R_1} dC = - \int_{R_2}^{R_1} \frac{Q_1}{4\pi\epsilon_0} \frac{dr}{r} = \frac{Q_1}{4\pi\epsilon_0} \left[\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right]$ (024) $\Leftrightarrow dV = -dC$ (021)

ومنه نستخرج السعة: $Q_1 = C \cdot \Delta V$ (025) $C = 4\pi\epsilon_0 \frac{R_1 \cdot R_2}{R_2 - R_1}$ (021)



د- نربط (S_2) بالأرض: يصبح $V_2 = 0$ ، تختفي خطوط الحقل بين (S_2) و (∞) وتندم الشحنة الخارجية $Q_{ext} = 0$ والحقل $E_{ext} = 0$ الخارجي (026)

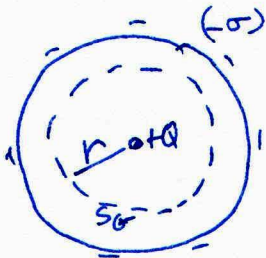
(026)

4- أما بين الناقلين (S_1) و (S_2) فلا يحدث أي تغير، يبقى الوجهان في حالة تأنيب كلي وبالتالي تبقى نفس الشحنات و نفس فرق الكهون وبالتالي، فالسعة الكهربائية تبقى ثابتة

- التمرين ٥ :-

1- نتيجة الشكل الكروي والتوزيع المنتظم للشحنة (٥-)، فإن تناظر التوزيع هو تناظر كروي، و سطح قوس المناسب هو عبارة عن كرة مركزها O ونصف قطرها r (٥٥)

2- نتيجة التناظر الكروي الحقل الكهوليسكن محقق :
 $\vec{E}(M) = \|\vec{E}(M)\| \vec{u}_r$ في كل نقطة M ، اتجاه الحقل يكون دائماً قطعياً
 * من أجل كل نقطة M تبعد عن المركز بالمسافة r فإن طولية الحقل يبقى ثابتة : $\|\vec{E}(M)\| = \|\vec{E}(r)\|$ (٥٥)
 (٥٥) $\vec{E}(M) = E(r) \cdot \vec{u}_r$
 3- حساب سدة الحقل :-



* داخل الكرة : $r < R$ - نطبق قانون قوس :

$$\Phi(E) = E_1 \cdot S_G = E_1 \cdot 4\pi r^2 \quad , \quad Q_{int_1} = +Q$$

$$E_1 = \frac{+Q}{4\pi \epsilon_0 r^2} \quad (٥٥)$$

* خارج الكرة : $r > R$ $\Leftrightarrow Q_{int_2} = Q - \sigma \cdot S$
 $Q_{int_2} = Q - \sigma \cdot 4\pi R^2$
 $S_G = 4\pi r^2$ ، $E_2 S_G = \frac{Q - \sigma \cdot 4\pi R^2}{\epsilon_0}$ والحقل سيأوي :

$$E_2 = \frac{Q - \sigma \cdot 4\pi R^2}{4\pi \epsilon_0 r^2} \quad (٥٥)$$

4- * يتعدم الحقل الداخلي $E_1 = 0 \Leftrightarrow Q = 0$ إذا نزعنا الشحنة المركزية

* // الخارج $E_2 = 0$ // $Q = 4\pi R^2 \sigma$
 ويكون مجموع الشحنتين $Q + Q' = 0$ (٥٥)

5

5- استخراج الكون :-

0,25 $dV = -E dr$

0,25 $r < R$: الكرة
لدينا $\vec{E} = -\text{grad} V = -\frac{dV}{dr} \vec{u}_r$

0,25 $V = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{1}{r} + C_1$

بالتعويض $dV = -\frac{Q}{4\pi\epsilon_0 r^2}$

$dV = -\left(\frac{Q}{4\pi\epsilon_0} - \frac{\sigma R^2}{\epsilon_0}\right) \frac{dr}{r^2}$ $r > R$: الكرة *

0,25 $V_2 = \left(\frac{Q}{4\pi\epsilon_0} - \frac{\sigma R^2}{\epsilon_0}\right) \cdot \frac{1}{r} + C_2$

* تحديد الثوابت C_1 و C_2 :-

0,25 $V(\infty) = 0$ \Leftrightarrow الثابت C_2 :- عدم وجود شحنات في (∞)

0,25 $C_2 = 0$ \Leftrightarrow والتالي : $\lim_{r \rightarrow \infty} V_2(r) = 0 + C_2 = 0$

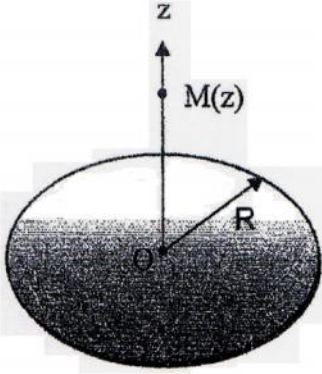
0,25 الثابت C_1 :- نستعمل شرط استمرار الكون عند السطح الفاصل

$\lim_{r \rightarrow R} V_1(r) = \lim_{r \rightarrow R} V_2(r)$ بين داخل وخارج الكرة :
أي : $V_1(R) = V_2(R)$

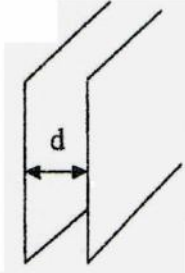
0,25 $C_1 = -\frac{\sigma R}{\epsilon_0}$ لنجد :

الامتحان الأول في الكهرباء

التمرين 01: (10 نقاط)



- نعتبر قرصا نصف قطره R ومركزه O ، مشحونا بكثافة سطحية منتظمة و موجبة $+\sigma$.
- 1- اوجد عبارة الحقل الكهربائي \vec{E} في نقطة M من محور القرص Oz ، على مسافة z من O . (أنظر الشكل)
 - 2- استنتج الحقل الكهربائي الناتج عن سطح مستوي لا منتهي يحمل الكثافة السالبة $+\sigma$. تأكد من النتيجة التي وجدتها بتطبيق نظرية غوس.

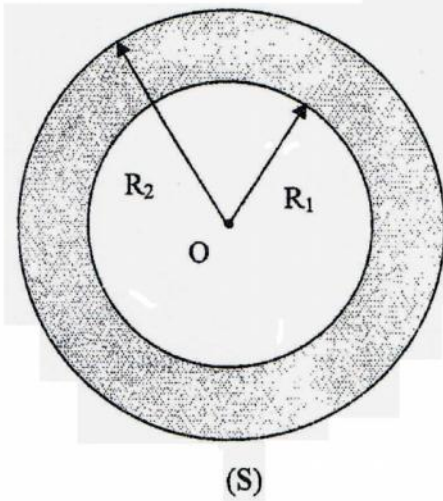


$(+\sigma, V_1)$ $(-\sigma, V_2)$

- نعتبر الآن سطحين مستويين متوازيين لا منتهيين المسافة بينهما d
- 3- اوجد الحقل الكهربائي في كل مناطق الفضاء.
 - 4- استنتج فرق الكمون الكهربائي بين المستويين $V_1 - V_2$.
 - 5- استخرج سعة المكثفة التي يشكلها المستويان المشحونان.

التمرين 02: (10 نقاط)

- نشحن كرة معدنية مجوفة (S) نصف قطرها الداخلي R_1 والخارجي R_2 بوضعها عند كمون موجب V .
- 1- عند التوازن، حدد شكل توزيع الشحنة Q فوق الناقل (S) وأحسب قيمتها ثم استنتج السعة C للناقل.
 - 2- باستعمال طريقة غوس، أحسب الحقل الكهروساكن في مختلف مناطق الفضاء. نضع شحنة كهربائية نقطية سالبة $-Q_0$ عند المركز O .
 - 3- ما طبيعة التأثير الكهروساكن بين الناقل (S) والشحنة $-Q_0$.
 - 4- حدد التوزيع الجديد للشحنة الكهربائية للناقل (S).
 - 5- أحسب مرة ثانية، الحقل الكهروساكن في مختلف مناطق الفضاء.
 - 6- متى يكون الحقل الكهروساكن خارج الناقل ($r > R_2$) معدوماً. في هذه الحالة كم يساوي الكمون الكهربائي للناقل (S). علل إجابتك.



(S)

(1)

2012 / 2011

تصحيح امتحان الفيزياء 2

التمرين الأول :

1 - المساحة العنصرية ds على القرص تنتج في M حقلاً
عنصرياً $d\vec{E}$ يعطى بالعلاقة :

$$d\vec{E} = \frac{\sigma \cdot ds}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{\vec{PM}}{\|\vec{PM}\|^3} \quad (0,5)$$

حيث P تمثل موقع ds على القرص .

$$\vec{PM} = -r\vec{u}_r + z\vec{k} \quad ds = r dr d\theta$$

$$d\vec{E} = \frac{\sigma \cdot r dr d\theta}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{(-r\vec{u}_r + z\vec{k})}{(r^2 + z^2)^{3/2}} \quad (0,5)$$

الحقل الكهربائي \vec{E} في M هو :

$$\vec{E} = \int d\vec{E} = \iint \frac{\sigma \cdot r dr d\theta}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{[-r\vec{u}_r + z\vec{k}]}{(r^2 + z^2)^{3/2}} \quad (0,5)$$

$$\vec{E} = \frac{\sigma}{4\pi\epsilon_0} \left[\iint \frac{-r^2 dr d\theta \cdot \vec{u}_r}{(r^2 + z^2)^{3/2}} + \iint \frac{z \cdot r dr d\theta \cdot \vec{k}}{(r^2 + z^2)^{3/2}} \right] \quad (0,5)$$

وبما أن المحور oz هو محور تناظر للقرص فإن الحقل \vec{E} محمول بـ oz

أي في اتجاه \vec{k} . إذن الشكامل الأول في العبارة السابقة لـ \vec{E}

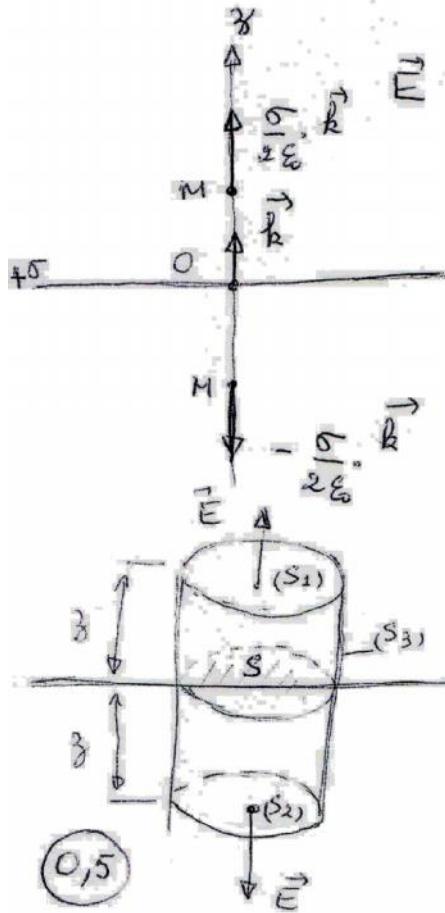
$$\vec{E}(M) = \frac{\sigma}{4\pi\epsilon_0} \cdot z \cdot \int_0^R \frac{r dr}{(r^2 + z^2)^{3/2}} \times \int_0^{2\pi} d\theta \cdot \vec{k} \quad (0,5)$$

$$\vec{E}(M) = \frac{\sigma \cdot z}{2\epsilon_0} \cdot \left[-\frac{1}{\sqrt{r^2 + z^2}} \right]_0^R \cdot \vec{k} =$$

$$\vec{E}(M) = \frac{\sigma \cdot z}{2\epsilon_0} \cdot \left[\frac{1}{|z|} - \frac{1}{\sqrt{R^2 + z^2}} \right] \cdot \vec{k} \quad (0,5)$$

(2)

2- لحصل على مستوى لا منتهى عندنا $R \rightarrow \infty$ و نحصل بذلك على عبارة الحقل الكهربائي $\vec{E}(M)$ من الشكل:



$$\vec{E} = \frac{\sigma z}{2\epsilon_0} \cdot \frac{1}{|z|} \cdot \vec{k} = \pm \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \cdot \vec{k} \quad (0,5)$$

+ لما $z > 0$ و - لما $z < 0$

يمكن الحصول على هذه النتيجة باستخدام نظرية غوس ومن أجل ذلك يكفي أن نختار سطح غوس المغلق عبارة عن أسطوانة عمودية على المستوى ويقطعها إلى نصفين متساويين. كما هو في الشكل كوني محور عمودي على المستوى وهو محور تناظر و المستوى الامتداد هو أيضا مستوى تناظر. جعل الحقل الكهربائي دائما عمودي على قاعدتي الاسطوانة و شدته ثابتة. باذن

$$\oint_{(S)} \vec{E} \cdot d\vec{s} = \iint_{(S_1)} \vec{E} \cdot d\vec{s} + \iint_{(S_2)} \vec{E} \cdot d\vec{s} + \iint_{(S_3)} \vec{E} \cdot d\vec{s} = \frac{q_{in}}{\epsilon_0}$$

$\vec{E} \parallel d\vec{s}$ $\vec{E} \parallel d\vec{s}$ $\vec{E} \perp d\vec{s}$

$$\oint_{(S)} \vec{E} \cdot d\vec{s} = E \cdot S_1 + E \cdot S_2 = \frac{q_{in}}{\epsilon_0}$$

باذن

$$2ES = \frac{\sigma \cdot 2z}{\epsilon_0} \quad (0,5) \quad \leftarrow S_1 = S_2 = S$$

$$E = \frac{\sigma}{2\epsilon_0}$$

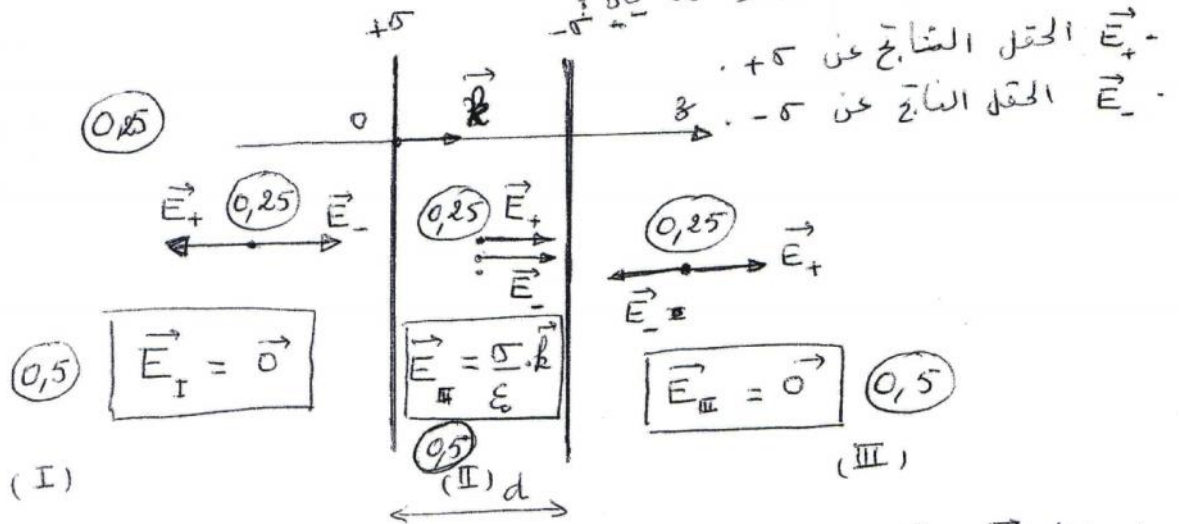
أذا

+ لما $z > 0$
 - لما $z < 0$

$$\vec{E} = \pm \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \vec{k} \quad (0,5)$$

أذا

3- كتطبيق لنتيجة السؤال السابق - يمكن الحصول على قيمة الحقل \vec{E} في كل مناطق الفضاء كما يلي:



$$E = - \frac{dV}{dz} = \frac{σ}{ε_0} \quad (0,5)$$

$$\vec{E} = -\vec{\text{grad}} V \quad (4)$$

$$\int_{V_2}^{V_1} dV = -\frac{σ}{ε_0} \int_d^0 dz \quad \leftarrow \quad dV = -\frac{σ}{ε_0} dz \quad \text{إذن}$$

$$(0,5) \quad \boxed{V_1 - V_2 = \frac{σ}{ε_0} \cdot d} \quad \text{إذن}$$

$$(0,5) \quad \varphi = C \cdot V = C \cdot (V_1 - V_2) \quad \text{لدينا}$$

إذن اعتبرنا S هي مساحة كل مستوى، فإن $Q = σ \cdot S$

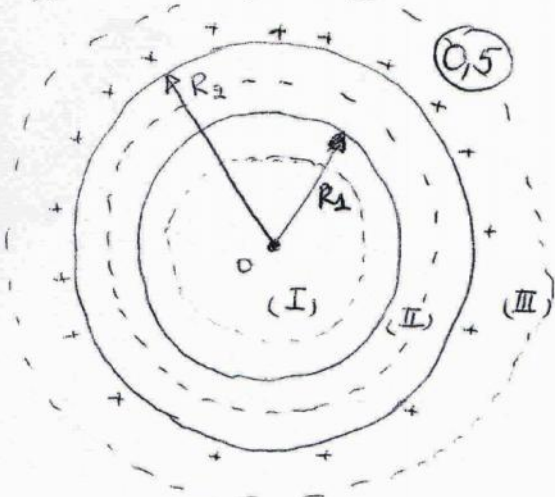
$$(0,5) \quad C = \frac{σ \cdot S}{\frac{σ}{ε_0} \cdot d} = \frac{ε_0 \cdot S}{d} \quad \text{و نحصل على}$$

المشربين الثاني :

1 - عند التوازن يكون الناقل الكروي (د) عند كمون V و-كامل شحنة

(0,5) Q موجبة فوقه سطحه الخارجي فقط : كون الحقل الكهربائي داخل

الناقل $\vec{E} = \vec{0}$ لا يسمح بظهور شحنة فوق سطحه الداخلي .



• بسبب خاصية استمرار الكون الكهربائي

لدينا : $V(0) = V = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0 R_2}$

إذن : $Q = 4\pi\epsilon_0 R_2 \cdot V$ (0,5)

إذن : $C = 4\pi\epsilon_0 R_2$ (0,5)

2 - الشحنة Q موزعة بانتظام على سطح الناقل (د) أي تملك تناظر كروي

إذن الحقل \vec{E} هو قطري في كل مناطق الفضاء ويكتب من الشكل

(0,5) $\vec{E} = E(r) \cdot \vec{u}_r$ حيث \vec{u}_r هو شعاع الوحدة القطري . سطح غوس هو دائرة عبارة عن كرة نصف قطرها r . (نصف قطري)

وبما أنه لا توجد شحن في المنطقتين (I) و (II) فإننا نحصل على

(0,5) $\vec{E}_I = \vec{0}$ و (0,5) $\vec{E}_{II} = \vec{0}$ ($R_1 < r < R_2$)

في المنطقة (III) : $\iint \vec{E} \cdot d\vec{s} = E \cdot S = \frac{Q}{\epsilon_0} = E \cdot 4\pi r^2$

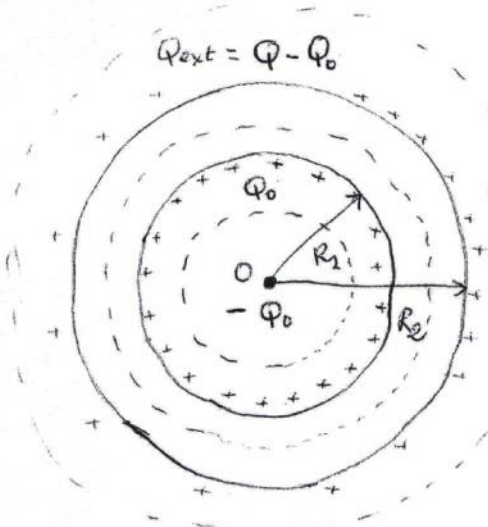
(د)

(0,5) $\vec{E}_{III} = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0 r^2} \cdot \vec{u}_r$

(5)

3- يوجد تأثير كلي بين Q_0 - والسطح

الداخلي لناقل (S) . ①



4- بسبب التأثير الكلي بين Q_0 - خاصة بغوس

والسطح الداخلي لناقل (S) تظهر شحنة Q_0 على سطح التجويف ، وبكيفية تبقى شحنة الناقل (S) محفوظة

فإن السطح الخارجي يصبح يحمل شحنة $Q_{ext} = Q - Q_0$

عندما $Q > Q_0$ و $Q_{ext} < 0$ كما $Q < Q_0$ ،

5- ما أن Q_0 - موضوعة في المركز O فإن Q_0 تكون موزعة بانتظام فوق السطح الداخلي لـ (S) وكذلك Q_{ext} ، إذن الحقل \vec{E} يبقى قطري ويمكن تطبيق نظرية غوس كما هو في السؤال و

$$E_I \cdot S = \frac{-Q_0}{\epsilon_0} \Rightarrow E_I = \frac{-Q_0}{4\pi\epsilon_0 r^2} \quad ; r < R_1 \text{ - (I)}$$

$$\vec{E}_I = -\frac{Q_0}{4\pi\epsilon_0} \frac{\vec{u}_r}{r^2} \rightarrow 0,5$$

$$(Q_{int} = -Q_0 + Q_0) \cdot Q_{int} = 0 \quad \Rightarrow \quad \vec{E}_{II} = \vec{0} \quad ; R_1 < r < R_2 \text{ - (II)}$$

0,5

$$\iint_{(S)} \vec{E} \cdot d\vec{s} = \frac{Q_{int}}{\epsilon_0} = \frac{Q - Q_0}{\epsilon_0}$$

; $r > R_2$ III

$$\vec{E}_{III} = \frac{Q - Q_0}{4\pi\epsilon_0} \frac{\vec{u}_r}{r^2} \rightarrow 0,5$$

(6)

6- يكون المحقل خارج الناقل ($R_2 > R_3$) معروفاً لما : $\varphi = +\varphi_0$

$$\textcircled{0,5} \quad \boxed{\varphi = \varphi_0} \Leftrightarrow \vec{E}_{III} = \vec{0}$$

في هذه الحالة الكمون V للناقل (5) معروفاً ($V=0$) (0,5)
لأنه لما $\varphi = \varphi_0$ السطح الخارجي للناقل (5) لا يحمل أي شحنة
إذن لا توجد خطوط للمحقل ($\vec{E}_{III} = \vec{0}$) بين الناقل و 6

$$\textcircled{0,5} \quad \begin{matrix} \swarrow \\ \text{الناقل} \\ \searrow \end{matrix} \quad V_{\text{الناقل}} = V(\infty) = 0$$

و بسبب استمرارية الكمون لدينا : $V_{III} = \epsilon \Leftrightarrow \vec{E}_{III} = \vec{0}$

$$V = V_{III} = V(\infty) = 0$$

امتحان في الفيزياء 2 (ساعة ونصف)

التمرين الأول (7 نقاط): 1- ليكن الناقل الكهربائي الممثل بالشكل المقابل

المشحون بشحنة سالبة $-Q$ والموجود في حالة توازن كهروستاتيكي.

أ- اذكر بشكل دقيق ومختصر الخواص الكهربائية لهذا الناقل. (2)

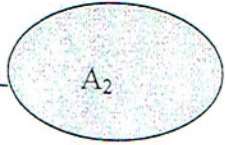
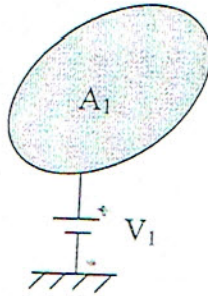
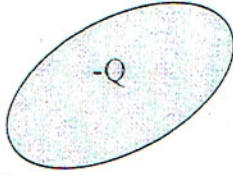
ب- مثل على الشكل هذه الخواص بشكل واضح. (1)

2- كيف تتبسط (تصير) هذه الخواص عندما يكون الناقل كروي. (1,5)

مثل ذلك على الرسم.

3- نأخذ ناقلين (A_1) و (A_2) موصولين بمولدين V_1 و V_2 (حسب الشكل)

عند التوازن، مثل على الرسم جميع خصائص هذا التوازن. (3)



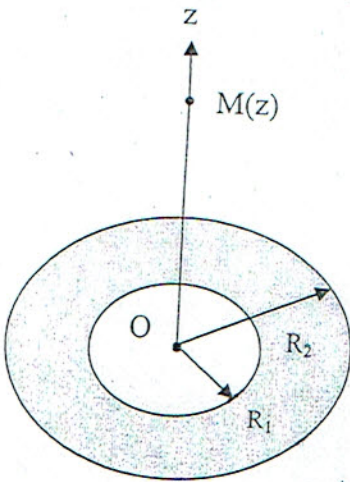
التمرين الثاني (7 نقاط): نعتبر قرصا اجوفاً أفقياً مركزه O ونصف قطره الداخلي

R_1 والخارجي R_2 يحمل كثافة شحنة سطحية منتظمة $+\sigma$.

1- احسب الحقل \vec{E} عند نقطة M تقع على محوره وتبعد بالمسافة z عن O (الشكل). (3,5)

2- نضع عند النقطة M شحنة نقطية Q . ناقش بدلالة إشارة Q وضعية التوازن. (1)

3- احسب العمل المنجز لبلوغ التوازن وفق إشارة Q . (2,5)



التمرين الثالث (7 نقاط): ليكن التوزيع الشحني التالي المشكل من:

- أسطوانة شاقولية لا منتهية نصف قطرها R مشحونة

بكثافة سطحية منتظمة $+\sigma$.

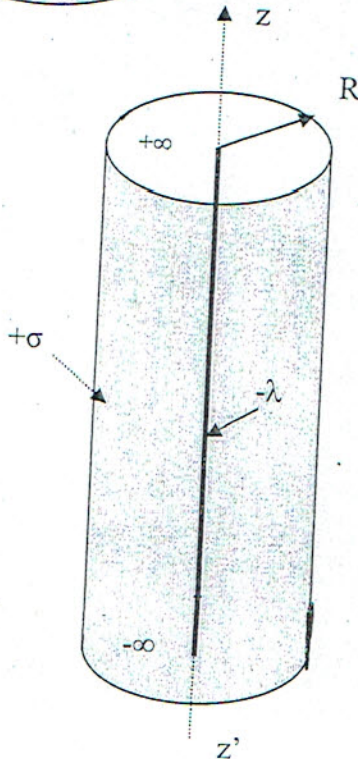
- سلك لا منتهي متطابق مع محور الأسطوانة ($z'z'$)

مشحون بكثافة خطية منتظمة $-\lambda$.

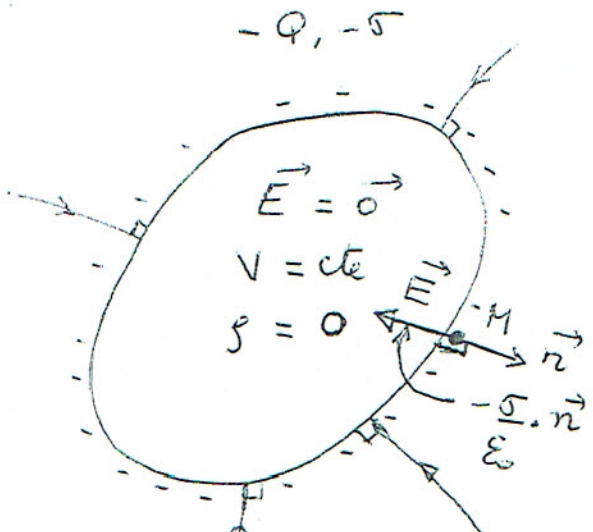
باستعمال نظرية (قانون) غوس، احسب شعاع الحقل الكهربائي

\vec{E} الناتج عن هذا التوزيع في كل مناطق الفضاء. متى يكون الحقل

معدوما خارج الأسطوانة؟



امتحان فيزياء 2 : تصحيح نموذجي

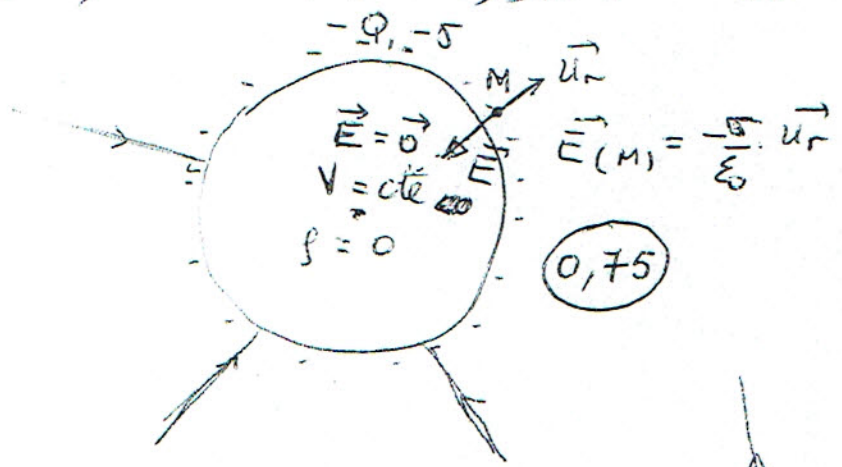


- التمرين 1 : 2. - $\vec{E} = 0$ داخل الناقل معدوم
- الكون في أي نقطة من الناقل ثابت
 - سطح الناقل متساوي الكون
 - خطوط الحقل عمودية على سطح الناقل
 - الكثافة السطحية الحجمية $\rho = 0$
 - $-Q$ توجد على سطح الناقل
 - كثافة سطحية σ
 - الحقل \vec{E} بالجوار المباشر للناقل
 - الضغط على سطح الناقل : $P = \frac{\sigma^2}{2\epsilon_0} = \frac{Q^2}{2\epsilon_0 R^2}$

8x0,25
②

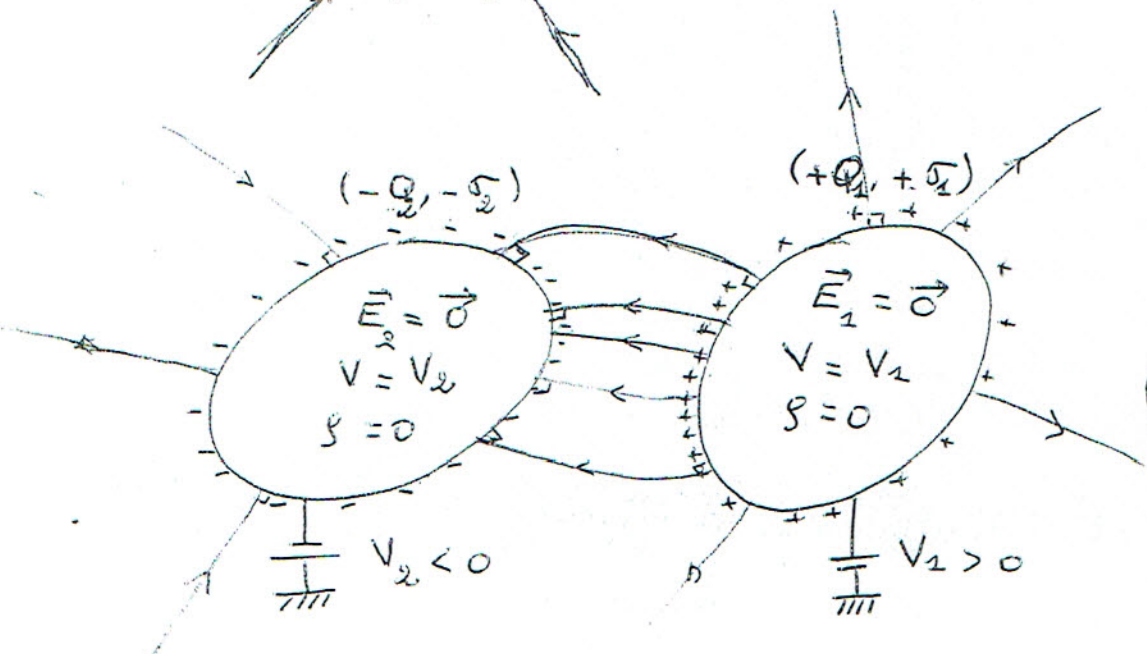
① - الخواص على الشكل
M * : نقطة بجوار الناقل من
الجهة الخارجية

2. - ناقل كروي مملئ نصف قطره a ثابت \leftarrow كثافة سطحية σ - منتظمة 0,75
الحقل \vec{E} يصبح خارج الناقل وجواره في الاتجاه \vec{u}_r ($\vec{n} = \vec{u}_r$)

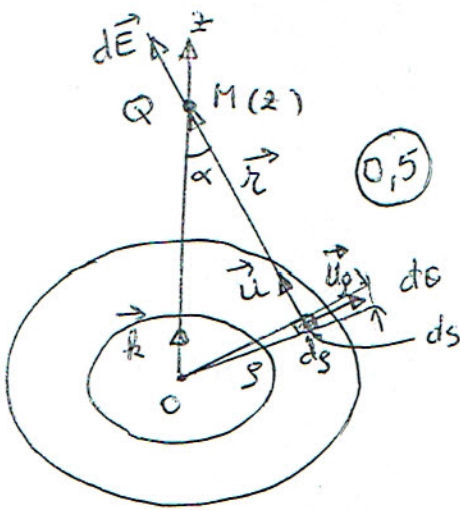


0,75

3



غير متساويين σ_1, σ_2
3 → 12x0,25



التوزيع : المساحة العنصرية ds تنتج في M حقلًا عنصريًا :

$$d\vec{E} = \frac{\sigma \cdot ds}{4\pi\epsilon_0 r^2} \cdot \vec{u} = \frac{\sigma \cdot ds}{4\pi\epsilon_0 r^3} \cdot \vec{r} \quad (0,5)$$

$$\vec{r} = -r \vec{u}_r + z \vec{k}, \quad ds = r d\varphi dr$$

$$\vec{u} = -\sin\alpha \vec{u}_r + \cos\alpha \vec{k} \quad \text{أو}$$

عندما نعوض \vec{r} أو \vec{u} نجد :

$$d\vec{E} = \frac{\sigma \cdot r^2 d\varphi dr}{4\pi\epsilon_0 (r^2+z^2)^{3/2}} \cdot \vec{u}_r + \frac{\sigma \cdot z}{4\pi\epsilon_0} \frac{r d\varphi dr}{(r^2+z^2)^{3/2}} \cdot \vec{k} \quad (0,5)$$

$$\vec{E}(M) = \frac{\sigma}{4\pi\epsilon_0} \iint \frac{r^2 d\varphi dr}{(r^2+z^2)^{3/2}} \cdot \vec{u}_r + \frac{\sigma z}{4\pi\epsilon_0} \cdot \vec{k} \cdot \iint \frac{r d\varphi dr}{(r^2+z^2)^{3/2}} \quad (0,25)$$

M تنتهي إلى محور التناظر z للتوزيع الشحني أي $\vec{E}(M)$ هو في اتجاه \vec{k}

والتكامل الأول هو باذن معدوم \rightarrow (0,25)

$$\vec{E}(M) = \frac{\sigma z}{4\pi\epsilon_0} \cdot \vec{k} \cdot \int_{R_1}^{R_2} \frac{r dr}{(r^2+z^2)^{3/2}} \cdot \int_0^{2\pi} d\varphi = \frac{2\pi\sigma \cdot z \cdot \vec{k}}{4\pi\epsilon_0} \left[\frac{1}{(R_1^2+z^2)^{1/2}} - \frac{1}{(R_2^2+z^2)^{1/2}} \right]$$

$$\vec{E}(M) = \frac{2\pi\sigma \cdot z}{4\pi\epsilon_0} \cdot \left[\frac{1}{\sqrt{R_1^2+z^2}} - \frac{1}{\sqrt{R_2^2+z^2}} \right] \cdot \vec{k} \quad (1,5)$$

2- $\vec{F} = Q \cdot \vec{E}$ } $Q > 0$ تتحرك في اتجاه \vec{E} و $Q < 0$ تتحرك عكس اتجاه \vec{E} حيث Q يصبح \vec{E} معدومًا. (0,5)

$$W_{M \rightarrow \infty} = \int_M^\infty Q \cdot \vec{E} \cdot d\vec{l} \quad \text{أو} \quad W_{M \rightarrow \infty} = E_p(M) - E_p(\infty) = (Q) \cdot \phi - 3$$

$$d\vec{l} = dz \cdot \vec{k} \quad \text{مع}$$

$$(0,5) \rightarrow W_{M \rightarrow \infty} = Q \cdot V(M) \leftarrow E_p(\infty) = 0$$

$$(0,25) \rightarrow V(M) = \frac{\sigma}{4\pi\epsilon_0} \iint \frac{ds}{r} = \frac{\sigma}{4\pi\epsilon_0} \iint \frac{r d\varphi dr}{\sqrt{r^2+z^2}} = \frac{\sigma}{4\pi\epsilon_0} \int_{R_1}^{R_2} \frac{r dr}{\sqrt{r^2+z^2}} \int_0^{2\pi} d\varphi$$

$$V(M) = \frac{Q}{2\epsilon_0} \left[\sqrt{R_2^2 + z^2} - \sqrt{R_1^2 + z^2} \right] \quad (0,25)$$

$$W_{M \rightarrow \infty} = Q \cdot \frac{Q}{2\epsilon_0} \left[\sqrt{R_2^2 + z^2} - \sqrt{R_1^2 + z^2} \right] \quad (0,5)$$

$$W_{M \rightarrow 0} = E_p(M) - E_p(0) \quad ; \quad (-Q) Q < 0 \quad *$$

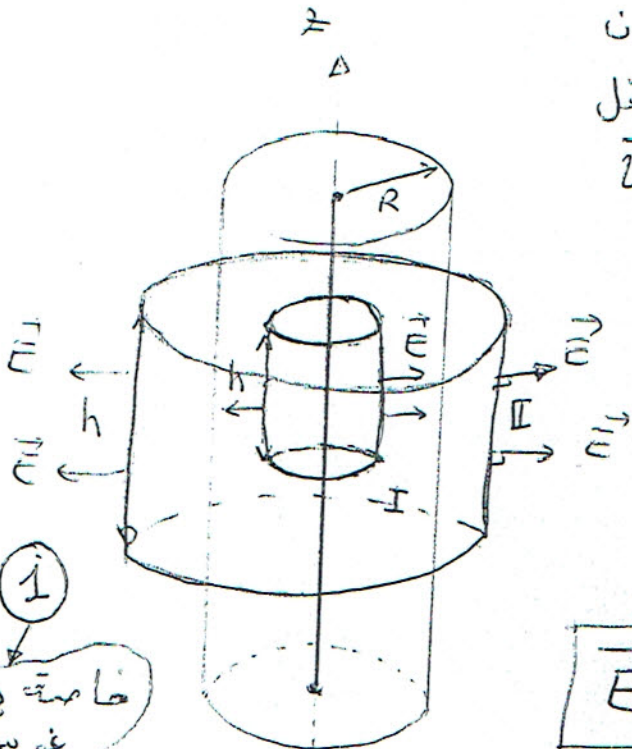
$$= -Q \left[V(M) - V(0) \right], \quad (0,5)$$

$$(0,5) \rightarrow W_{M \rightarrow 0} = -Q \cdot \frac{Q}{2\epsilon_0} \left[\left(\sqrt{R_2^2 + z^2} + R_1 \right) - \left(\sqrt{R_1^2 + z^2} + R_2 \right) \right]$$

التمرين 3 : التوزيع الشحني المشكل من السلك + الأسطوانة يمتلك تناظر أسطواني حيث أي دوران حول المحور لا يغير في التوزيع الشحني وكذلك جميع المحاور العمودية على z هي

محاور تناظر مهما كانت قيمة z لأن التوزيع لا ينتهي في الطول، إذن الحقل الكهربائي \vec{E} هو دائماً في الاتجاه \vec{u}_r لمحطة إحداثيات الأسطوانة

(1,5) $(\vec{u}_r, \vec{u}_z, \vec{k})$ مع أخذ \vec{k} محمول بالمحور z ، ولا يتعلق إلا ببعد النقطة M عن المحور z التي تحسب فيها \vec{E} .



①
خاصية سطح غوس

$$\vec{E}(M) = E(r) \cdot \vec{u}_r \quad (0,5)$$

r هو بعد M عن z

لحساب $\vec{E}(M)$ يمكن تطبيق نظرية غوس مع اعتبار سطح غوس عبارة عن أسطوانة محورها z وارتفاعها h .

تدقق الحقل \vec{E} عبر سطح غوس يساوي دائما التدفق عبر المساحة الجانبية فقط .

$$\iint_{(S)} \vec{E} \cdot d\vec{s} = E \cdot 2\pi r \cdot h = q_{in}/\epsilon_0$$

لما $r < R$: M توجد داخل الأسطوانة

$$E \cdot 2\pi r h = -\lambda h / \epsilon_0$$

(1,5)

$$\vec{E}(M) = -\frac{\lambda}{2\pi\epsilon_0 r} \cdot \vec{u}_r$$

لما $r > R$: M توجد خارج الأسطوانة :

$$E \cdot 2\pi r \cdot h = \frac{\sigma \cdot 2\pi R h - \lambda h}{\epsilon_0}$$

(1,5)

$$\vec{E}(M) = \frac{\sigma \cdot 2\pi R - \lambda}{2\pi\epsilon_0 r} \cdot \vec{u}_r$$

يُعدم الحقل خارج الأسطوانة لما $r > R$ في الحالة يصبح يساوي صفر.

$$\vec{E}(M) = \vec{0} \Rightarrow \lambda = \sigma \cdot 2\pi R$$

أو لما $q_{in} = 0$ في الحالة $r > R$ أي : $\lambda = \sigma \cdot 2\pi R$

2014/2013

2014/05/25

جامعة قسنطينة 1

السنة الاولى علوم المادة

امتحان في مادة الفيزياء 2 (ساعة ونصف)

التمرين 1 (06 نقاط): تثبت شحنتان نقطيتان لهما نفس القيمة q في نقطتين A و B من المحور xOx' احداثياتهما $x_B = +a$ و $x_A = -a$. نضيف شحنة نقطية اخرى q' حرة في الانتقال على المحور بين النقطتين A و B .
1- ما هي القوة الكهربائية التي تؤثر على q' ؟ 2- ما هو موضع توازن q' ؟ 3- ناقش استقرار التوازن

التمرين 02 (07 نقاط): 1- اذكر خواص: ناقل وحيد، مجموعة نواقل كهربائية، في حالة توازن كهروساكن.

2- نعتبر كرة معدنية متلانة و معزولة (S_1) نصف قطرها R_1 وضعت عند كمون كهربائي موجب V_1 .

ا - احسب عند التوازن، الشحنة الكهربائية Q_1 للكرة (S_1)، ثم استنتج سعتها الكهربائية.

ب - احسب الحقل الكهروساكن داخل وخارج الكرة، تأكد من قانون كولون (قيمة الحقل بجوار الناقل).

3- نقرب كرة معدنية (S_0) محايدة من الكرة السابقة (S_1) الموضوعه عند الكمون V_1 .

ا - ماذا يحدث للكرتين؟ ما هي قيمتا Q_1 و Q_0 الجديدتين؟ ارسم خطوط الحقل حول الكرتين.

ب - نربط الكرة (S_0) بالأرض، صف ما يحدث؟ ارسم خطوط الحقل في حالة التوازن الجديدة.

التمرين 03 (09 نقاط): نعتبر توزيعا شحنيا يملك تناظرا كرويا مركزه O بحيث الكمون الكهربائي $V(M)$ الناتج عن هذا التوزيع في نقطة M تبعد بمسافة r عن المركز O يكتب من الشكل:

$$V(M) = \left(\frac{A}{4\pi\epsilon_0 r} \right) \exp\left(-\frac{r}{a}\right)$$

حيث A و a ثابتان موجبان

- 1- ما هي أبعاد (A و a).
- 2- احسب الحقل الكهربائي $\vec{E}(M)$ الموافق.
- 3- انطلاقا من عبارة الحقل الكهربائي فوق كرة مركزها O ونصف قطرها r ، احسب الشحنة $Q(r)$ داخل هذه الكرة. استنتج الشحنة الكلية لهذا التوزيع ($r \rightarrow \infty$).
- 4- احسب الكثافة الشحنية الحجمية ρ عند المسافة r من O مع تحديد اشارتها.
- 5- بين أنه توجد في المركز O شحنة موجبة تحدد قيمتها. ما هي اذن عبارة الحقل الكهربائي بجوار النقطة O ؟
- 6- ما هو التوزيع الشحني المقترح في التمرين.

تصحيح الإمتحان الإستعدادي



المسألة 1

1.
$$\vec{E}(M) = \frac{q}{4\pi\epsilon_0 \frac{a^2}{4}} \frac{\vec{a}}{a^2} - \frac{Q}{4\pi\epsilon_0 \frac{(a+x)^2}{4}} \frac{\vec{x}}{(a+x)^2} \quad (0,5)$$

مع: $\vec{AM} = a+x$; $\vec{BM} = a-x$ لأن $a < x < 2a$; $(0,25)$

وعندما نفوض نجد :
$$\vec{E}(M) = \frac{-4qq'ax \cdot \vec{x}}{4\pi\epsilon_0 (a+x)^2 (a-x)^2} \quad (1)$$

2.
$$\vec{F} = q \cdot \vec{E}(M) = \frac{-4qq'a^2x \cdot \vec{x}}{4\pi\epsilon_0 (a+x)^2 (a-x)^2} \quad (0,5)$$

ونحصل على التوازن لما : $\vec{F}_q = \vec{0}$ أي عند النقطة 0 .

3. يكون التوازن مستقر عندما تعمل القوة \vec{F}_q' في اتجاه \vec{x} عند إزاحة الشحنة q' إلى النقطة 0 لما تزداد عندها عند إزاحتها عن النقطة 0 في الاتجاه \vec{x} ($x > 0$) . يجب أن تكون F_q في الاتجاه \vec{x} عند $x > 0$ (0,5)

أي $-4qq'ax < 0$ أي $qq' > 0$ أي $q < 0$ يكون التوازن غير مستقر في حالة العكس أي $q > 0$ (0,5)

كل امتحان الكهرباء

- التمرين 02 :-

1- خواص الناقل الكهربائي :

- حالة الناقل الوحيد :-

* الحقل الكهربائي داخل الناقل معدوم $\vec{E}_{int} = \vec{0}$

* الكون الكهربائي للناقل ثابت $V = cte$

* السطح الخارجي للناقل يمثل سطح مساوي الكون

* خطوط الحقل تخرج عمودية على سطح الناقل

* كثافة التوزيع الحجمي $\rho = 0$ وكثافة التوزيع السطحي $\sigma \neq 0$

* العلاقة بين الشحنة والكون $Q = C.V$ حيث C سعة الناقل

- حالة مجموعة نواقل :-

إضافة للخواص المذكورة أعلاه لدينا :

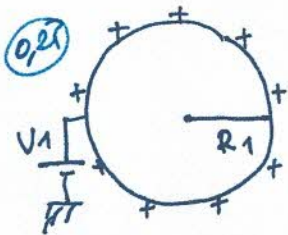
* التأثير الكهربائي المتبادل يؤدي إلى تغير التوزيع السطحي : $\sigma \neq \sigma'$

* العلاقة بين الشحنة والكون تكتب :

$$Q_1 = C_{11}V_1 + C_{12}V_2 \quad \text{و} \quad Q_2 = C_{21}V_1 + C_{22}V_2$$

حيث $C_{21} = C_{12}$ هي معاملات التأثير المتبادل بين الناقلين

2-2- وضع الناقل (S_1) عند الكون $V_1 > 0$ يؤدي إلى ظهور شحنة $Q_1 > 0$ على سطحه الخارجي ، تتوزع بشكل منتظم على السطح ويكون كل الجسم عند نفس الكون V_1 لذلك نجد



$$Q_1 = C.V_1 \Leftrightarrow V_1 = V_1(R_1) = \frac{Q_1}{4\pi\epsilon_0 R_1} \quad (0,24)$$

ومنه $Q_1 = (4\pi\epsilon_0 R_1) V_1$ والسعة هي $C_1 = 4\pi\epsilon_0 R_1$ (0,25)

ب- سنتحل قانون غوس لحساب الحقل :

* داخل الناقل $r < R_1$ $\vec{E}_{int} = \vec{0}$ (0,24) لأن الناقل في حالة توازن



* خارج الناقل $r > R_1$ لدينا $\Phi(\vec{E}) = \frac{Q_{int}}{\epsilon_0}$

نتيجة تناظر التوزيع : $\vec{E} = E(r) \cdot \vec{u}_r$ (0,25)

لذلك $\oint (E) = \oint E \cdot dS = \oint E(r) \cdot dS$
 $= E(r) \oint dS = E(r) \cdot 4\pi r^2$

$E(r) = \frac{Q_1}{4\pi \epsilon_0 r^2}$

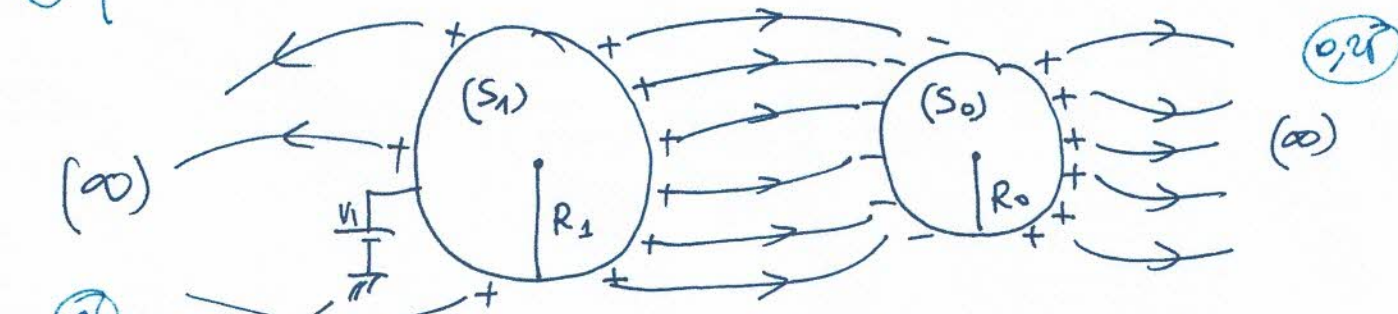
عند سطح الناقل $r=R_1$ ومنه $E(R_1) = \frac{1}{\epsilon_0} \left(\frac{Q_1}{4\pi R_1^2} \right)$

وهو قانون كولون $E(R_1) = \frac{\sigma_1}{\epsilon_0}$

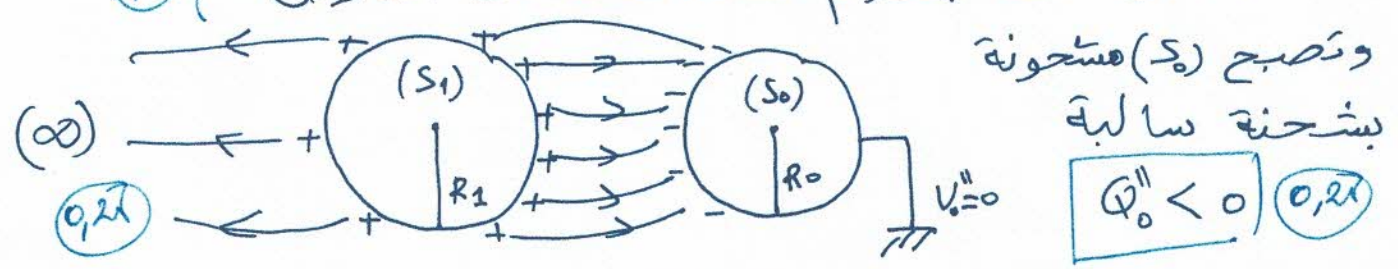
3- الناقلان (S_1) و (S_0) في حالة تأثير كهربائي متبادل جزئي

* يحدث تغير في توزيع الشحنة على سطحي الناقلين
 $\sigma_0 \neq \sigma_0$ و $\sigma_1 \neq \sigma_1$

* تبقى شحنتا الناقلين ثابتتين: $Q_0 = 0$ و $Q_1 = Q_1$



ب - عند ما نربط الكرة (S_0) بالأرض يصبح كونها $V_0 = 0 = V_\infty$ كذلك تختفي خطوط الحقل بين (S_0) و (∞) ، و تختفي الشحنت الموجبة على (S_0) وذلك بقدم شحنت Q_0 من الأرض.



4- سواء كانت الكرة مجوفة أو ممتلئة فإن شحنة الناقل تتوزع على السطح الخارجي للناقل فقط:

$Q_{2ext} = Q_2 > 0$ و $Q_{2int} = 0$

بنفس طريقة السؤال (2-2) نجد الشحنة: $Q_2 = 4\pi \epsilon_0 R_3 \cdot V_2$

ب - لحساب الحقل نستعمل قانون غوس وخواص الناقل المتوازن

لدينا ثلاث مناطق مختلفة وهي:

التمرين 3 :

$$\vec{E}(M) = -\vec{\text{grad}} V \stackrel{(0,5)}{=} - \frac{dV}{dr} \cdot \vec{u}_r$$

- 1 -

لأن $V(M)$ يتعلق بـ r فقط .

$$\vec{E}(M) = \frac{Q_0}{4\pi\epsilon_0} \left(\frac{1}{r^2} + \frac{1}{ar} \right) e^{-r/a} \vec{u}_r \quad (1,5)$$

2. $\vec{E}(M)$ دالة لـ r فقط وفي اتجاه \vec{u}_r ، إذن يمكن حساب

الشحنة $Q(r)$ داخل كرة كرة نصف قطرها باستعمال

$$\iint_{(S)} \vec{E} \cdot d\vec{s} = \frac{Q_{\text{int}}}{\epsilon_0} = \frac{Q(r)}{\epsilon_0} \quad (0,5)$$

(S) هو سطح غوس الممثل بـ سطح الكرة التي نصف قطرها هو r .

$$Q(r) = \epsilon_0 \cdot 4\pi r^2 \cdot E(r) = Q_0 \left(1 + \frac{r}{a} \right) e^{-r/a} \quad (1)$$

$$Q_{\text{tot}} = \lim_{r \rightarrow \infty} Q(r) = 0 \quad (0,5)$$

3. $dQ = \rho dV$ مع dQ هي الشحنة العنصرية الموجودة

بين الكرتين r و $r+dr$ \leftarrow $dQ = \rho \cdot 4\pi r^2 dr$

(0,5)

$$\rho(r) = \frac{1}{4\pi r^2} \cdot \frac{dQ}{dr} \quad \text{إذن :}$$

$$\rho(r) = -\frac{Q_0}{4\pi a^2 r} e^{-r/a} < 0 \quad \text{وباشتقاق } Q(r) \text{ بالنسبة لـ } r \text{ نجد :}$$

4. عندما $r \rightarrow 0 \leftarrow Q_0 > 0$ $\lim_{r \rightarrow 0} Q(r) = Q_0$ \leftarrow توجد في 0 شحنة موجبة

$$\vec{E} = \frac{Q_0}{4\pi\epsilon_0 r^2} \vec{u}_r \quad (0,5)$$

إذن الحقل الكهروستاتيكي بجوار المركز 0 هو :

5. التوزيع الشحني المقترح هو :

$$\left. \begin{array}{l} Q_0 \text{ لـ } r=0 \\ \rho(r) = -\frac{Q_0}{4\pi a^2 r} e^{-r/a} \text{ لـ } r > 0 \end{array} \right\} (1)$$

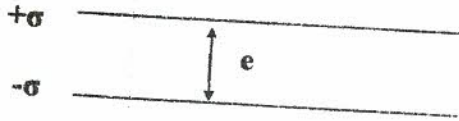
Remise des notes au plus tard le 07/06/1

مقياس فيزياء-2
السنة الجامعية 2014/2015

جامعة قسنطينة-1
قسم الفيزياء

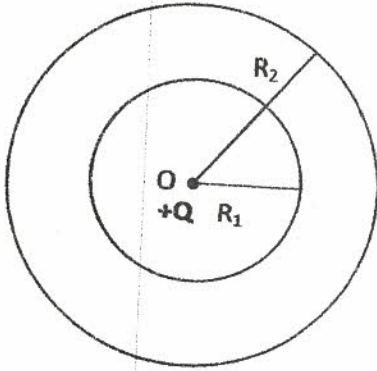
الامتحان الأول في الكهرباء

- التمرين 01: (10 نقاط) قرص ممثلي محوره Oz و نصف قطره R ، مشحون بكثافة سطحية منتظمة و موجبة $+\sigma$



- 1- أحسب الحقل و الكمون الكهربائيين عند نقطة M تقع على محوره على مسافة Z من المركز. (3)
- 2- أستنتج الحقل الكهربائي الناشئ عن المستوي اللامنته. (1)
- 3- أعد حساب الحقل الناشئ عن المستوي اللامنته، باستعمال نظرية (قانون) فوس. (2)
- 4- أستنتج، من أجل توزيع شحني مشكل من مستويين متوازيين لامنتاهيين، يحملان على التوالي كثافتين منتظمتين $+\sigma$ و $-\sigma$: قيمة الحقل الكهربائي في كل الفضاء. (أنظر الشكل). (2)
- 5- أحسب سعة المكثفة المشكلة. (2)

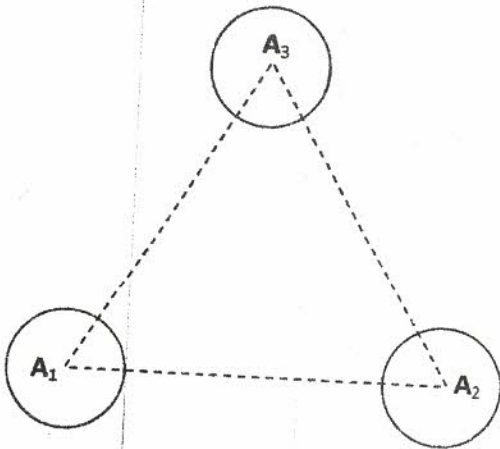
- التمرين 02: (8 نقاط) لتكن الجملة الكهربائية المشكلة من : شحنة نقطية $+Q$ تقع عند المركز O ، و ناقل كروي أجوف محايد مركزه O و نصفا قطريه الداخلي R_1 و الخارجي R_2 ($R_2 > R_1$).



- 1- ماذا يحدث للناقل و ما نوع التأثير. (1)
 - 2- أحسب الكثافة الشحنية عند سطحي النقل الكروي : الداخلي و الخارجي. (1)
 - 3- أحسب الحقل و الكمون الكهربائيين، الناشئين عن التوزيع في كل مناطق الفضاء. (4)
 - 4- أرسم خطوط الحقل و سطوح تساوي الكمون. (1)
 - 5- تربط الناقل الكروي بالأرض، ماذا يحدث؟ (2)
- أستنتج مرة أخرى، قيمة الحقل في كل مناطق الفضاء.

- التمرين 03: (6 نقاط) نعتبر ثلاثة نواقل كروية متماثلة مراكزها تقع على رؤوس مثلث متساوي الأضلاع، مع :

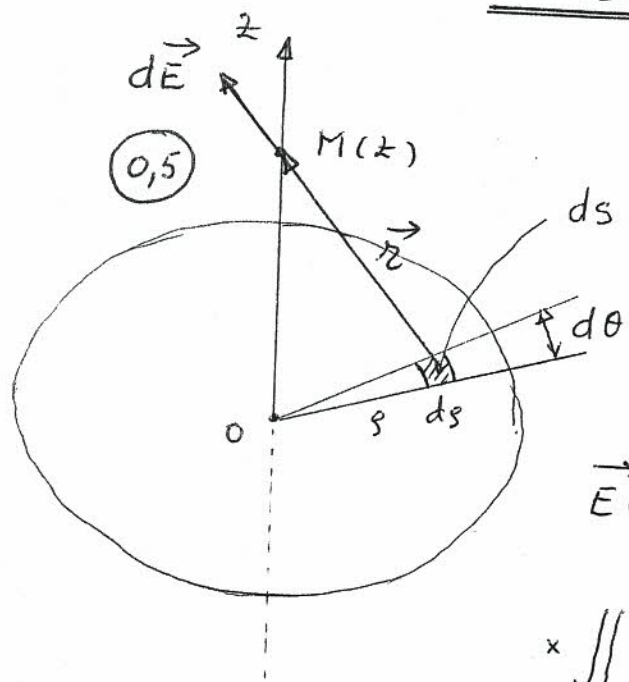
$$V_1 > V_2 > V_3 > 0, \text{ حيث : } A_3(Q_3, V_3), A_2(Q_2, V_2), A_1(Q_1, V_1)$$



- 1- أكتب عند التوازن، العلاقة التي تربط الشحنات (Q_1, Q_2, Q_3) بالكمونات (V_1, V_2, V_3) . (1)
- 2- ما طبيعة التأثير بين هذه النواقل، حدد طبيعة الشحنات على سطوحها، ثم ارسم خطوط الحقل بينها. (2)
- 3- تربط الناقل A_3 بالأرض، حدد حالة التوازن الجديدة، ثم ارسم خطوط الحقل لهذه الحالة. (4,5)
- 4- بدلا من الناقل A_3 ، تربط هذه المرة الناقل A_1 بالأرض، أجب على نفس الأسئلة للحالة السابقة. (4,5)

تمحيص امتحان الفيزياء 2

التمرين 01 :



$$d\vec{E} = \frac{\sigma \cdot ds}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{\vec{r}'}{r'^3} \quad (1)$$

$$d\vec{E} = \frac{\sigma}{4\pi\epsilon_0} \cdot r \cdot dr \cdot d\theta \cdot \frac{(-r\vec{u}_r + z\vec{k})}{(r^2 + z^2)^{3/2}}$$

$$\vec{E}(M) = \frac{\sigma}{4\pi\epsilon_0} \left[- \iint \frac{r \cdot dr \cdot d\theta \cdot \vec{u}_r}{(r^2 + z^2)^{3/2}} + z \cdot \vec{k} \cdot \iint \frac{r \cdot dr \cdot d\theta}{(r^2 + z^2)^{3/2}} \right]$$

بسبب التناظر حول المحور Oz ، التكامل الأول في عبارة $\vec{E}(M)$ مفردوم ويبقى :

$$\vec{E}(M) = \frac{\sigma}{4\pi\epsilon_0} \cdot z \cdot \vec{k} \cdot \int_0^R \frac{r \cdot dr}{(r^2 + z^2)^{3/2}} \times \int_0^{2\pi} d\theta$$

$$\vec{E}(M) = \frac{\sigma}{4\pi\epsilon_0} \cdot 2\pi \cdot z \cdot \vec{k} \cdot \left[\frac{1}{(r^2 + z^2)^{1/2}} \right]_0^R$$

$$\vec{E}(M) = \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \cdot z \cdot \left[\frac{1}{|z|} - \frac{1}{(R^2 + z^2)^{1/2}} \right] \cdot \vec{k}$$

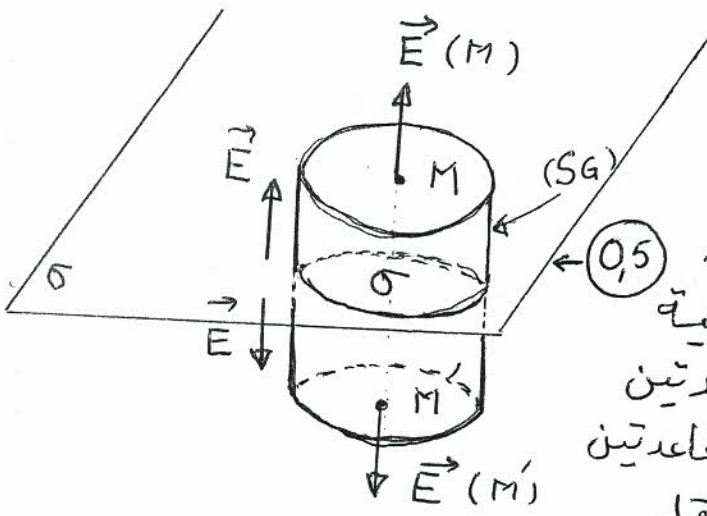
$$dV = \frac{\sigma \cdot ds}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{1}{r'} = \frac{\sigma \cdot r \cdot dr \cdot d\theta}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{1}{(r^2 + z^2)^{1/2}} \quad (0,5)$$

$$V(M) = \frac{\sigma}{4\pi\epsilon_0} \cdot \int_0^{2\pi} d\theta \cdot \int_0^R \frac{r \cdot dr}{(r^2 + z^2)^{1/2}} = \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \cdot \left[(r^2 + z^2)^{1/2} \right]_0^R$$

$$V(M) = \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \cdot \left[\sqrt{R^2 + z^2} - |z| \right] \quad (0,5)$$

2- نحصل على الحقل الكهربائي الناتج عن مستوي لا منتهي لها $R \rightarrow \infty$.
 لي $R \rightarrow \infty \leftarrow \frac{1}{\sqrt{R^2 + z^2}} \rightarrow 0$ وبصير : $\vec{E}(M) = \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \cdot \frac{z}{|z|} \cdot \vec{k}$ (0,5)

$$\vec{E}(M) = \pm \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \cdot \vec{k} \quad \begin{cases} + , z > 0 \\ - , z < 0 \end{cases} \quad \text{أي :}$$

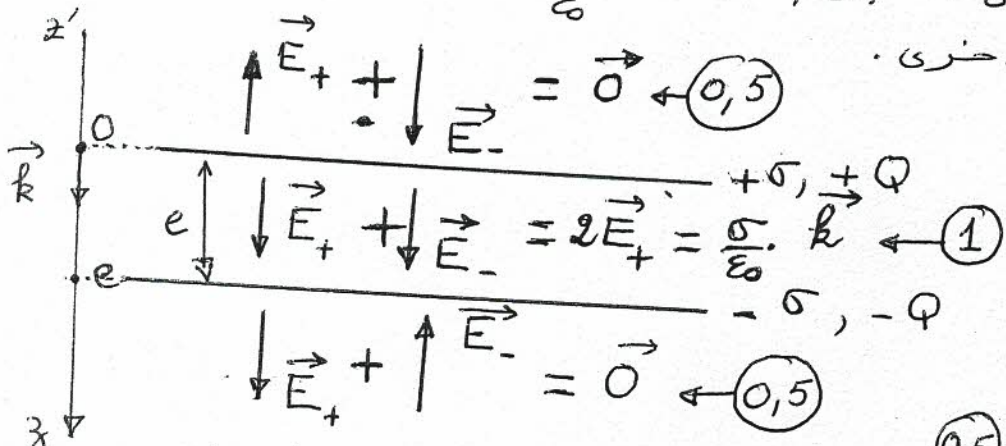


3. تناظر المستوي اللامتهي يؤدي إلى إمكانية اختيار سطح غوس عبارة عن أسطوانية يقسمها المستوي المشحون إلى نصفين متساويين. \vec{E} الحقل موازي للمساحة الجانبية للأسطوانة وعمودي على القاعدتين معشدة ثابتة. الحقل \vec{E} على القاعدتين متناظر. كل هذه الخصائص للحقل الكهربائي الناتج عن المستوي تؤدي إلى:

$$\oint_{(SG)} \vec{E} \cdot d\vec{S} = 2 \cdot E \cdot S_{\perp} = \frac{Q_{int}}{\epsilon_0} = \frac{\sigma \cdot S_{\perp}}{\epsilon_0} \quad (0,5)$$

حيث S_{\perp} هي مساحة قاعدتي الأسطوانة. إذن: $E = \frac{\sigma}{2\epsilon_0}$ ونجد مرة أخرى: $\vec{E}(M) = \pm \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \cdot \vec{k}$ $\left. \begin{array}{l} +, \text{ إذا } z > 0 \\ -, \text{ إذا } z < 0 \end{array} \right\}$

4. باستعمال قانون التطابق في حساب الحقل الكهربائي و النتيجة المحصل عليها في السؤال السابق نجد: $\vec{E} = \frac{\sigma}{\epsilon_0} \cdot \vec{k}$ بين المستويين و $\vec{E} = \vec{0}$ في المناطق الأخرى.



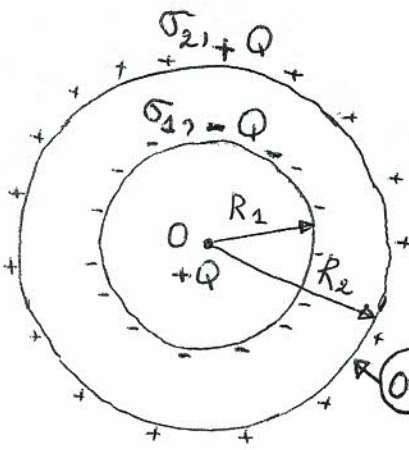
5. حيث $Q = C \cdot (V_1 - V_2)$ الشحنة الكلية للمستوي $Q = \sigma \cdot S$ وعندما نعوض في عبارة C نجد:

$$\vec{E} = \frac{\sigma}{\epsilon_0} \cdot \vec{k} = -\frac{dV}{dz} \cdot \vec{k} \leftarrow \vec{E} = -\text{grad} V$$

$$V_1 - V_2 = \int_{V_2}^{V_1} dV = -\frac{\sigma}{\epsilon_0} \int_e^0 dz = \frac{\sigma}{\epsilon_0} \cdot e \quad (1)$$

شحنة المستوي $Q = \sigma \cdot S$ و $C = \epsilon_0 \cdot S / e$ حيث S هي مساحة المستوي المشحون.

تمرين 02: 1 - تحت تأثير الحقل الكهروستاتيكي الناتج



عن الشحنة $+Q$ الموضوعة في O الناقل $\sigma_2 = +Q$ الكهروستاتيكي الذي كان محايداً $(Q=0)$ يصبح $\sigma_1 = -Q$ مشحوناً. التأثير الكلي \leftarrow ظهور شحنة $-Q$ على السطح الداخلي للناقل وشحنة $+Q$ على السطح الخارجي (شحنة الناقل تبقى محفوظة). الشحنتان

موزعتان بانتظام على سطحي الناقل بالتوزيع σ_1 للسطح الداخلي هو: σ_2 الخارجي هو:

$$\sigma_1 = \frac{-Q}{S_1} = \frac{-Q}{4\pi R_1^2}$$

$$\sigma_2 = \frac{Q}{S_2} = \frac{Q}{4\pi R_2^2}$$

3 - التناظر الكروي للتوزيعات الشحنية على سطحي الناقل يستلزم أن الحقل الكهروستاتيكي يكتب من الشكل: $\vec{E}(M) = E(r) \cdot \vec{u}_r$ يمكن إذن تطبيق نظرية غوس مع أخذ سطح غوس (S_G) عبارة عن سطح كرة مركزها O ونصف قطرها r . في جميع الحالات: $\oint_{S_G} \vec{E} \cdot d\vec{S} = E \cdot S_G = \frac{Q_{int}}{\epsilon_0}$

ونجد:

لما $r < R_1$: $\vec{E}(M) = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0 r^2} \cdot \vec{u}_r$

ولما $r > R_2$: $\vec{E}(M) = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0 r^2} \cdot \vec{u}_r$

من العلاقة: $\vec{E} = -\text{grad} V \Leftrightarrow E(r) = -\frac{dV}{dr} \Leftrightarrow V(r) = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0 r} + C$ لما $r > R_2$: $V(\infty) = 0 \Leftrightarrow C = 0 \Leftrightarrow V(r) = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0 r}$

لما $R_1 < r < R_2$: $\vec{E} = 0 \Leftrightarrow V = cte$ استمرارية الكمون في المنطقة السابقة $\Leftrightarrow V = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0 R_2}$

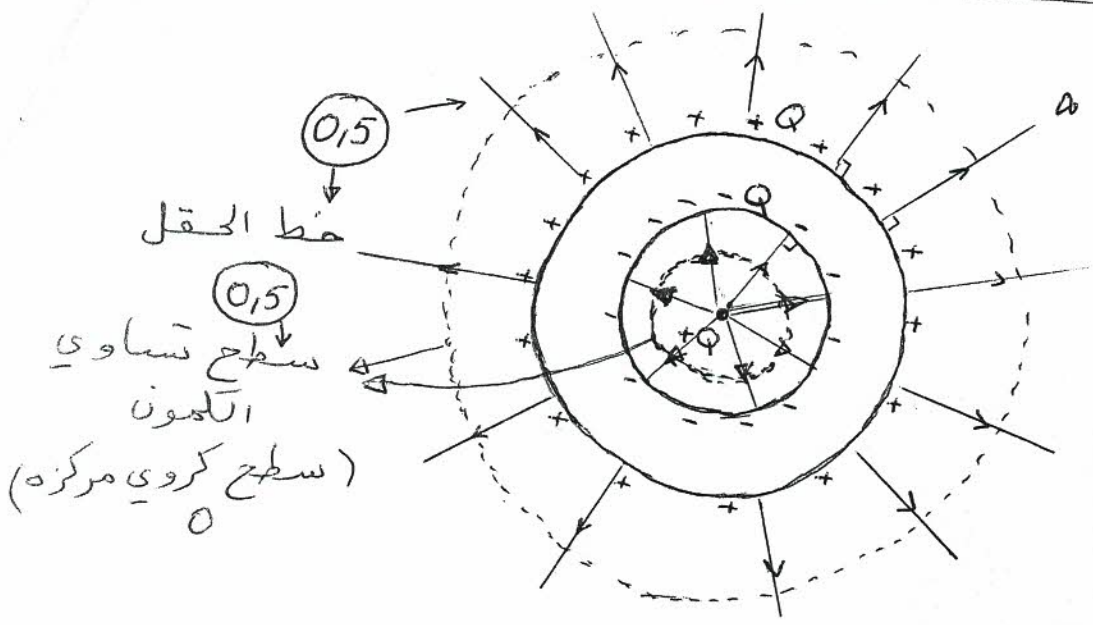
لما $r < R_1$: $V(r) = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0 R_1} + cte = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0 R_2} + cte$ واستمرارية الكمون $\Leftrightarrow V(r) = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0 r} + cte$

لما $r < R_1$

$$V(r) = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0} \left[\frac{1}{r} + \frac{1}{R_2} - \frac{1}{R_1} \right]$$

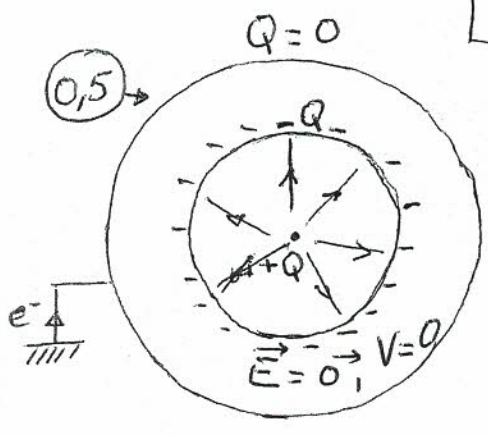
و نجد : (0,5)

- 4



5- نربط الناقل بالأرض \Rightarrow كمون الناقل $V=0$ ونحصل على هذه الحالة عند

انعدام وجود خطوط للحقل بين الناقل و الأرض \Rightarrow عدم وجود شحنة على السطح الخارج للناقل. (0,5)



$$\vec{E} = \vec{0}$$

في هذه الحالة يوجد حقل كهربائي فقط بين الشحنة النقطية $+Q$ والسطح الداخلي للناقل أي لما $0 < r < R_1$. ويتبقى :

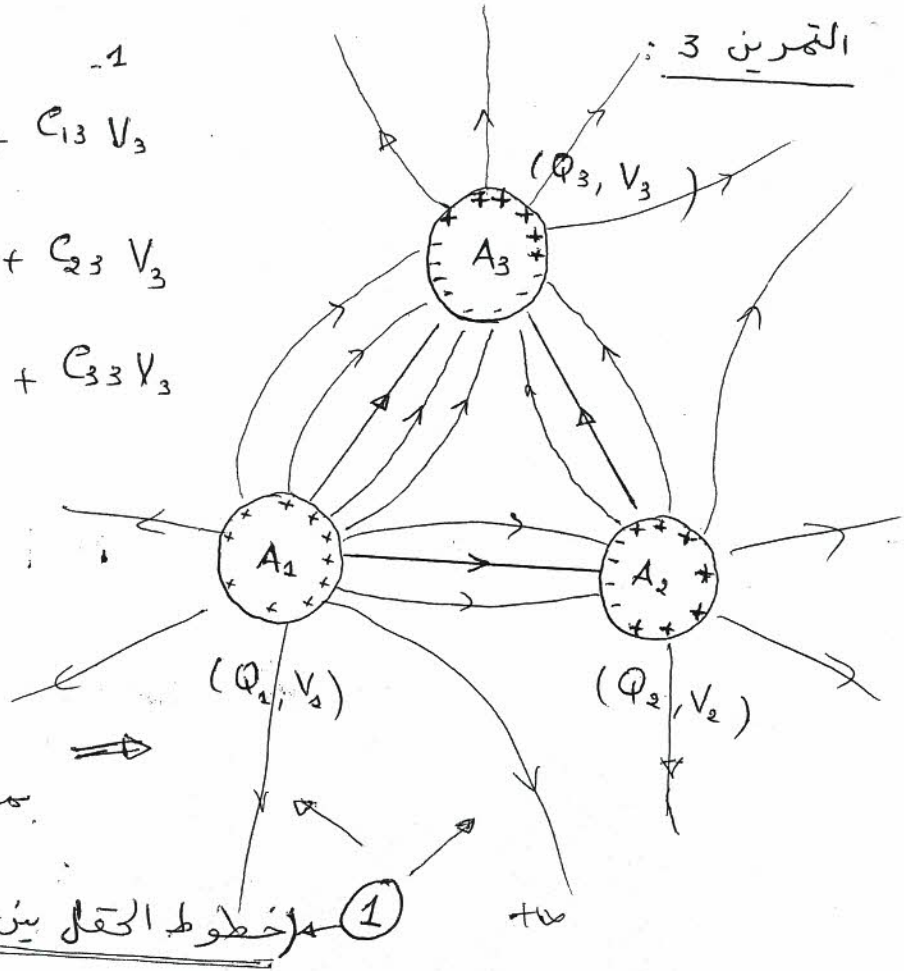
$$\vec{E}(r) = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{1}{r^2} \cdot \vec{u}_r$$

لما $r > R_2$: $\vec{E} = \vec{0}$ (0,5)

التمرين 3 :

1.

$$\begin{cases} Q_1 = C_{11} V_1 + C_{12} V_2 + C_{13} V_3 \\ Q_2 = C_{21} V_1 + C_{22} V_2 + C_{23} V_3 \\ Q_3 = C_{31} V_1 + C_{32} V_2 + C_{33} V_3 \end{cases}$$



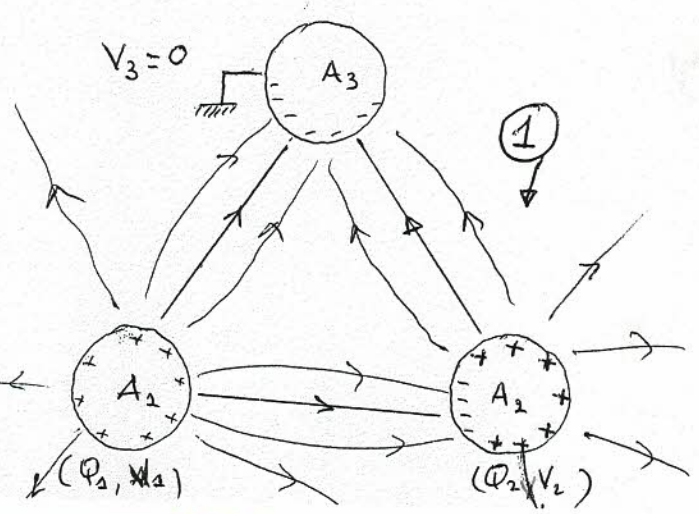
2. التأثير جزئي بين النواقل. (0,25)

كما أن: $V_1 > V_2 > V_3 > 0$

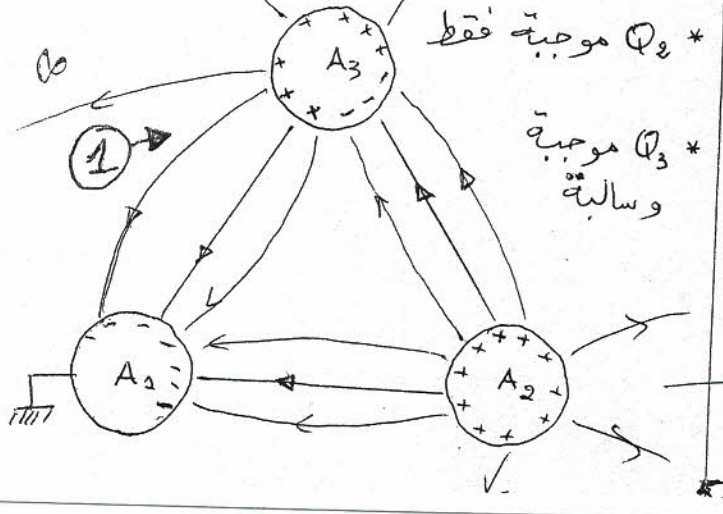
1. خطوط النقل بين النواقل الثلاثة

- * (0,25) الشحنة Q_2 على A_1 هي موجبة فقط .
 - * (0,25) الشحنة Q_2 على A_2 موجبة وسالبة .
 - * (0,25) الشحنة Q_3 على A_3 موجبة وسالبة .
- (التمثيل على الشكل يكفي)
- سالبة في المنطقة التي تصلها خطوط النقل من A_2 .
 - موجبة في المنطقة التي تذهب منها خطوط النقل إلى A_3 أو A_1 .
- سالبة في المنطقة التي تصلها خطوط النقل من A_2 و A_1 .
 - موجبة في المنطقة المتبقية والتي تذهب منها خطوط النقل إلى A_3 .

3. $V_3 = 0$ Q_3 سالبة فقط (0,15)



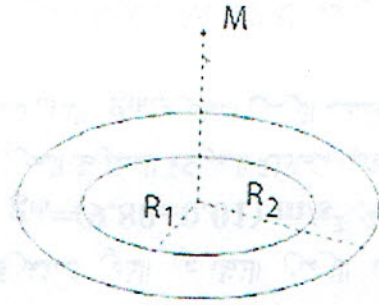
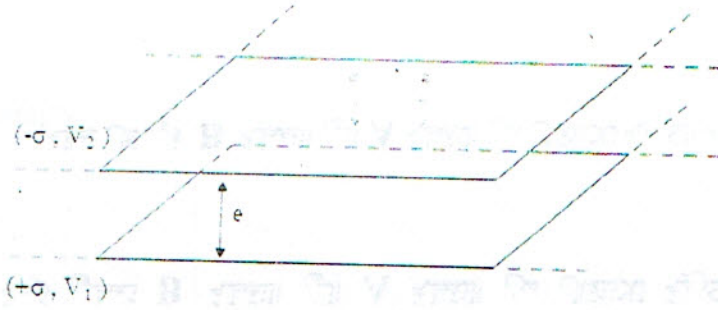
4. $V_1 = 0$ Q_1 شحنة سالبة فقط (0,15)



الامتحان الأول في الفيزياء-2

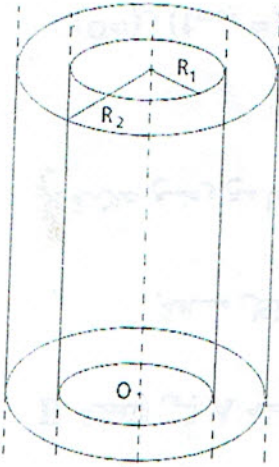
التمرين 01 : (08 نقاط)

- قرص مجوف الوسط، نصف قطره الداخلي R_1 و الخارجي R_2 ، مشحون بكثافة سطحية منتظمة وموجبة $+\sigma$ ، النقطة M تقع على محوره وتبعد عن المركز O بالمسافة Z .
- ② - أكتب عبارة الكمون العنصري عند النقطة M ، ثم استنتج الكمون الناتج عن التوزيع كله.
 - ⑤, ① - باستعمال التناظر حدد اتجاه الحقل الكهربائي المحصل.
 - ② - من عبارة الكمون، استنتج عبارة الحقل الكهربائي المحصل.
 - ② - استنتج في حالة المستوي اللامنتهي قيمة الحقل والكمون الكهربائيين.
 - ① - نأخذ هذه المرة ناقلين مستويين أفقيين متوازيين المسافة بينهما e ، مشحونان بكثافتين منتزمتين ومتناظرتين $+\sigma$ و $-\sigma$.
 - ① - أحسب قيمة الحقل الكهربائي في مختلف المناطق
 - ①, ⑤ - أحسب فرق الكمون بين المستويين، ثم استنتج السعة الكهربائية للمكثفة المشكلة



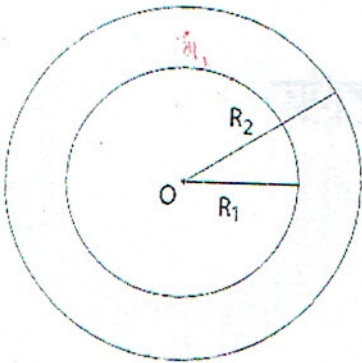
التمرين 02 : (07 نقاط)

- أسطوانتان شاقوليتان متمحورتان و لا منتهيتان، نصفا قطريهما R_2 و R_1 ، مشحونتان بكثافتين سطحييتين منتزمتين σ_2 و σ_1
- ④ - باستعمال خواص تناظر التوزيع، حدد اتجاه الحقل الكهربائي في كل نقطة من الفضاء
 - ① - ما هو شكل سطح فوس المناسب في هذه الحالة
 - ② - أحسب قيمة الحقل الكهربائي في كل مناطق الفضاء
 - ② - استنتج قيمة الكمون الكهربائي في هذه المناطق، ثم حدد قيمة ثابت الكمون لكل منطقة
 - ④ - نشكل من الأسطوانتين السابقتين مكثفة، حدد من أجل ذلك العلاقة بين σ_2 و σ_1



التمرين 03 : (07 نقاط)

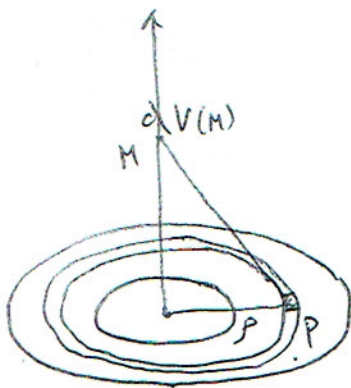
- كرة معدنية مجوفة نصف قطرها الداخلي R_1 و الخارجي R_2 ، وضعت عند الكمون $V > 0$.
- ① - حدد عند التوازن، شكل توزيع الشحنة Q و طبيعتها، ثم أرسم خطوط الحقل حول الناقل
 - ② - استعمل طريقة فوس لأجل حساب الحقل الكهربائي في كل الفضاء
 - ① - استنتج قيمة الشحنة Q و السعة الكهربائية للناقل الكروي
 - ① - نضع شحنة نقطية $-Q_0$ في مركز الكرة ($Q > |Q_0|$)
 - ① - حدد نوع التأثير الكهربائي الذي يحدث، ما هو التوزيع الجديد للشحنة داخل الناقل، أرسم مرة أخرى خطوط الحقل حول الناقل
 - ④ - أعد حساب الحقل الكهربائي في هذه الحالة
 - ① - متى يمكن أن نتكلم عن مكثفة كهربائية



حل امتحان الكورس

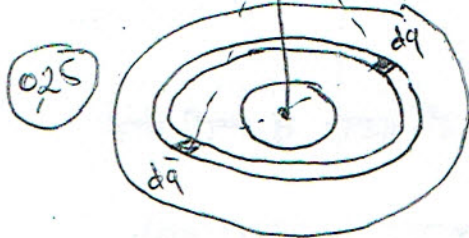
التمرين 01 :-

- الشحنة العنصرية dq عند السطح العنصري dS تنتج في النقطة M كوناً عنصرياً :



$$\begin{aligned} \textcircled{01} \quad dV(M) &= \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{dq}{\|PM\|} + C \\ &= \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \frac{\sigma \cdot dS}{\|PM\|} + C \end{aligned}$$

لدينا: $dS = \rho d\rho d\theta$ و $\vec{PM} = -\rho\vec{u}_\rho + z\vec{k}$



$$\textcircled{01} \quad dV(M) = \frac{\sigma \rho d\rho d\theta}{4\pi\epsilon_0} \frac{1}{(\rho^2 + z^2)^{3/2}} + C$$

والكون المحصل :

$$V(M) = \iint_{(S)} dV = \int_0^{R_2} \int_0^{2\pi} \frac{\sigma}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{\rho d\rho d\theta}{(\rho^2 + z^2)^{3/2}} + C$$

$$\textcircled{1} \quad V(M) = \frac{\sigma}{4\pi\epsilon_0} \times 2\pi \left[\frac{1}{(\rho^2 + z^2)^{1/2}} \right]_{R_1}^{R_2} + C = \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \left[\frac{1}{(R_2^2 + z^2)^{1/2}} - \frac{1}{(R_1^2 + z^2)^{1/2}} \right] + C$$

- المحور Oz هو محور تناظر التوزيع وبالتالي فإن مجال الحقل هو المحور نفسه

$$\textcircled{025} \quad \vec{E} \parallel \vec{Oz} \quad \text{أي} \quad \vec{E} = -\vec{grad} V$$

$$\textcircled{025} \quad \vec{E}(z) = -\frac{dV}{dz} \vec{k} \quad \text{أي} \quad \vec{E}(M) = \frac{\sigma}{2\epsilon_0} z \left[\frac{1}{(R_1^2 + z^2)^{3/2}} - \frac{1}{(R_2^2 + z^2)^{3/2}} \right] \vec{k}$$

0,25 $R_2 \rightarrow +\infty$ و $R_1 \rightarrow 0$

2- حالة المستوى اللامنتهي :
 نجد من أجل الحقل الكهربائي :

$\vec{E}(M) = \frac{\sigma z}{2\epsilon_0} \left[\frac{1}{(z^2)^{3/2}} - 0 \right] \vec{k}$, $(z^2)^{3/2} = |z|$ (0,25)

و منه نجد : $\vec{E}(M) = \frac{\sigma z}{2\epsilon_0 |z|} \vec{k}$

0,25 $\vec{E}_+(M) = \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \vec{k}$
 0,25 $\vec{E}_-(M) = -\frac{\sigma}{2\epsilon_0} \vec{k}$

فوق المحور $B_+ = z_+$ و منه
 تحت المحور $B_- = -z_-$ و منه

* من أجل الكون :

العلاقة السابقة تصبح غير صالحة بسبب (0,25) الثابت c غير المنتهي

$\vec{E} = -\text{grad } V$

لذلك نعلم على العلاقة بين الكون والحقل

$$\left\{ \begin{aligned} V_+ &= -\frac{\sigma}{2\epsilon_0} z_+ + C_+ & \leftarrow \vec{E}_+ &= -\frac{dV_+}{dz_+} \vec{k}_+ * \\ V_- &= +\frac{\sigma}{2\epsilon_0} z_- + C_- & \leftarrow \vec{E}_- &= +\frac{dV_-}{dz_-} \vec{k}_- * \end{aligned} \right.$$

0,25 $V(M) = -\frac{\sigma}{2\epsilon_0} |z| + c$

نجد الثابت "c" بافتراض أن الكون على سطح المستوى معدوم

0,25 $C = 0$

$\leftarrow V(z=0) = 0$

3. كالتطبيق لتوزيعه السابق يمكن الحصول على قيمة المجال \vec{E} هي

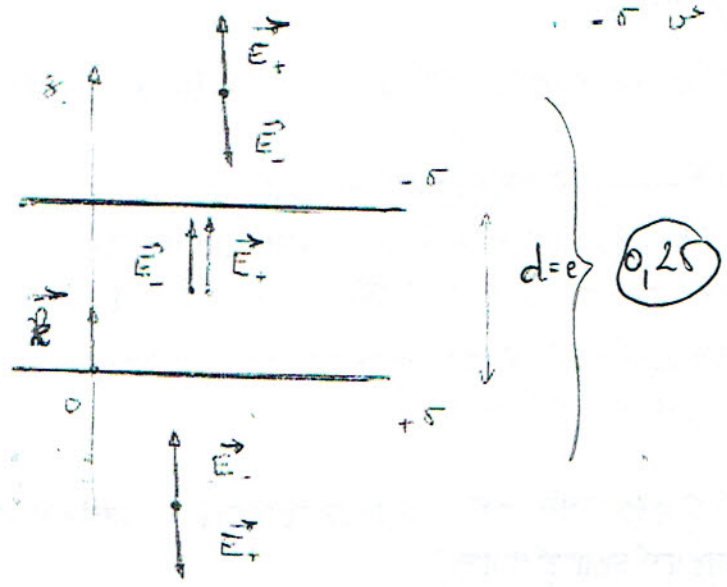
كل منطبق الفحص كما يلي

- \vec{E}_+ الخ المجال الناتج عن $+\sigma$
- \vec{E}_- الخ المجال الناتج عن $-\sigma$

(I) $\vec{E}_I = \vec{0}$

(II) $\vec{E}_II = \frac{\sigma}{\epsilon_0} \vec{z}$

(III) $\vec{E}_III = \vec{0}$



$E = - \frac{dV}{dz} = \frac{\sigma}{\epsilon_0}$ (0,5) $\vec{E} = -\vec{g} \cdot dV$

اذن : $\int_{V_2}^{V_1} dV = - \frac{\sigma/\epsilon_0}{d} dz \Rightarrow dV = - \frac{\sigma}{\epsilon_0} dz$

(0,5) $V_1 - V_2 = \frac{\sigma}{\epsilon_0} \cdot d$ اذن : (d = e)

لدينا : $Q = C \cdot V = C \cdot (V_1 - V_2)$

باذن اعتبرنا S هي مساحة كل مستوي ، فان $Q = \sigma \cdot S$

(0,5) $C = \frac{\sigma \cdot S}{\sigma/\epsilon_0 \cdot d} = \frac{\epsilon_0 \cdot S}{d}$ وحصل على :

- اللّرن 02 :-

(1) - التوزيع له تناظر أسطواني ⁰⁵ أو الحقل يكون محو لا بنصف قطر الأسطوانتين

⁰⁵ $\vec{E}(M) = E(r) \cdot \vec{u}_r$

(2) - سطح قوس المناسب هو أسطوانة لها نفس المحور و نصف قطرها ρ و ارتفاعها h كيفي ¹
(3) - لدينا ثلاثة مناطق:

- المنطقة (I) : $\rho \leq R_1$ (داخل الأسطوانة الصغرى)

- " (II) : $R_1 < \rho \leq R_2$ (بين الأسطوانتين)

- " (III) : $\rho \geq R_2$ (خارج الأسطوانة الكبرى)

⁰⁵ تطبيع قانون قوس :
في كل الحالات لدينا
 $\Phi(\vec{E}) = \frac{Q_{int}}{\epsilon_0}$
 $\Phi(E) = E \cdot S_L$

⁰⁵ $Q_{int I} = 0$
 $E_I = 0$

* المنطقة (I) :

$$Q_{int II} = \sigma_1 \times S_{L1} = 2\pi R_1 h \times \sigma_1$$

$$E_{II} = \frac{\sigma_1 \times R_1}{\epsilon_0 \rho}$$

* المنطقة (II) : (0,5)

$$Q_{int III} = \sigma_1 S_{L1} + \sigma_2 S_{L2}$$

* المنطقة (III) : (0,5)

$$Q_{int III} = (\sigma_1 R_1 + \sigma_2 R_2) \cdot 2\pi h$$

$$E_{III} = \frac{\sigma_1 R_1 + \sigma_2 R_2}{\rho}$$

(0,5)

(4) - استنتاج الامرين : $E = - \frac{dV}{d\rho} \iff \vec{E} = - \vec{grad} V$

(0,25)

$$V = - \int E \cdot d\rho + C$$

$$V_I = C_I$$

* في المنطقة (I) : (0,25)

0,5 $V_{II} = -\sigma_1 R_1 \ln s + C_{II}$ * في المنطقة (II)

0,25 $V_{II} = -(\sigma_1 R_1 + \sigma_2 R_2) \ln s + C_{II}$ * في المنطقة (III)

- تحديد الثوابت ، لا يمكن إستعمال شرط الكون معدوم في (∞) بسبب وجود شحنات هناك ،
 * سيعمل إسطلاح الكون في المنطقة (I) معدوم

0,25 $C_I = 0 \iff V_I = 0$

* ستعمل حاصية إستقرار الكون:

$0 = -\sigma_1 R_1 \ln R_1 + C_{II} \iff V_I(R_1) = V_{II}(R_1)$

$C_{II} = \sigma_1 R_1 \ln R_1$ 0,25

0,25

$C_{III} = \sigma_1 R_1 \ln R_1 + \sigma_2 R_2 \ln R_2$

وكذلك:

$\iff V_{II}(R_2) = V_{III}(R_2)$

$\sigma_2 = -\frac{R_1}{R_2} \sigma_1$

0,5

$\iff \sigma_1 R_1 + \sigma_2 R_2 = 0 \iff E_{III} = 0$

0,5

(5) - نجعل

المسارين 03 :-

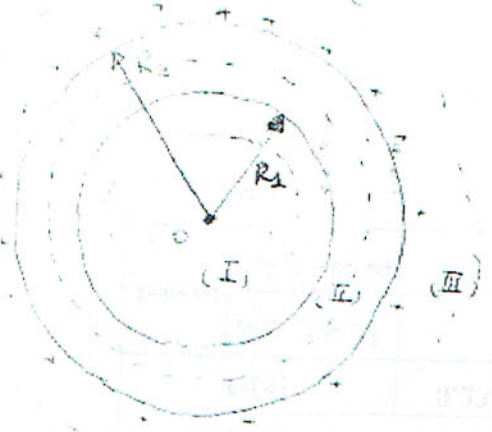
1- عند التوازن يكون الناقل الكروي (ك) عند كيون V وكميل شحنة

(1) Q موجبة فوقه سطحه الخارجي فقط : يكون الحقل الكهربائي داخل

الناقل $\vec{E} = \vec{0}$ لا يسمح بظهور شحنة فوق أسطحه الداخلي.

بسبب خاصية استمرار الأمور الكهربائي

لدينا $V(0) = V = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0 R_2}$



$Q = 4\pi\epsilon_0 R_2 \cdot V$	(0,5)
$C = 4\pi\epsilon_0 R_2$	(0,5)

2- الشحنة Q موزعة بانتظام على سطح الناقل (ك) أي تملك تناظرا كرويا

إذاً الحقل \vec{E} هو قطري في كل مناطق الفضاء ويكتب من الشكل

(0,5) $\vec{E} = E(r) \cdot \vec{u}_r$ حيث \vec{u}_r هو شعاع الوحدة القطري. سطح غوس

هو دائرة عن كرة نصف قطرها r

وبما أنه لا توجد شحن في المسطقتين (I) و (II) فإننا نحصل على

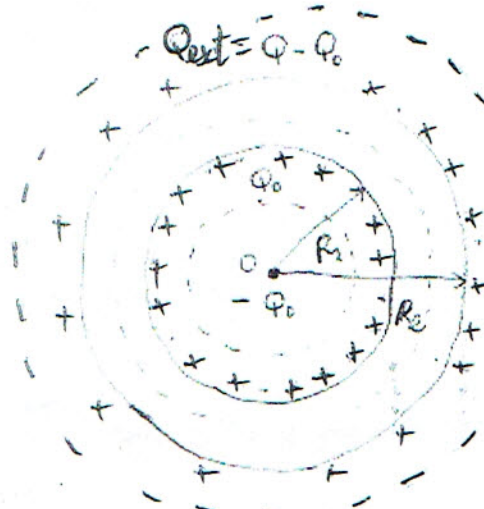
(0,5) $\vec{E}_I = \vec{0}$ و (0,5) $\vec{E}_{II} = \vec{0}$ ($r < R_1$) و ($R_1 < r < R_2$)

(III) في المنطقه $\iint_{(S)} \vec{E} \cdot d\vec{S} = E \cdot S = \frac{Q}{\epsilon_0} = E \cdot 4\pi r^2$

(0,5) $\vec{E}_{III} = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0 r^2} \cdot \vec{u}_r$

0,26

3 يوجد تأثير كلي يعني $-Q_0$ والسطح الداخلي للناقل (S).



0,27

4 - مسبب التأثير الكلي بين Q_0 والسطح الداخلي للناقل (S) خاصة بفرص متصلة Q_0 على سطح التوصيل.

0,28

وكي تبقى شحنة الناقل (S) محفوظة فإن السطح الخارجي يصبح يحمل شحنة $Q_{ext} = Q - Q_0$

0,29

$Q_{ext} > 0$ عندما $Q > +Q_0$ و $Q_{ext} < 0$ لما $Q < +Q_0$

5 - بما أن $-Q_0$ موضوعة في المركز O فإن Q_0 تكون موزعة بانتظام على السطح الداخلي لـ (S) وكذلك Q_{ext} . إذن الحقل \vec{E} يبقى قطريا ويمكن تطبيق نظرية غاوس كما هو في السؤال و

0,28

$$E \cdot S = \frac{-Q_0}{\epsilon_0} \Rightarrow E_I = \frac{-Q_0}{4\pi\epsilon_0 r^2} \quad r < R_1 \text{ (I)}$$

$$\vec{E}_I = -\frac{Q_0}{4\pi\epsilon_0 r^2} \vec{u}_r \quad 0,28$$

$(Q_{int} = -Q_0 + Q_0)$ لأن $Q_{int} = 0$ $\vec{E}_I = \vec{0}$: $R_1 < r < R_2$ (II)

0,29

: $r > R_2$ (III)

$$\vec{E}_{III} = \frac{Q - Q_0}{4\pi\epsilon_0 r^2} \vec{u}_r$$

$$\iint_S \vec{E} \cdot d\vec{s} = \frac{Q_{int}}{\epsilon_0} = \frac{Q - Q_0}{\epsilon_0}$$

0,29

- نصل على مكثفة عندما ننتقي خطوط الحقل خارج الكرة

1

$$Q_0 = Q$$

أي $\vec{E}_{III} = \vec{0}$ ومنه

امتحان في مقياس الفيزياء 2

التمرين الأول (12 نقطة): 1- مستوي لا منتهي يحمل كثافة شحنية سطحية منتظمة موجبة σ نأخذ المحور Oz عمودي عليه .
 باعتمادك على تناظر التوزيع الشحني ، وظف نظرية غوس للحصول على عبارة الحقل الكهربائي في كل مناطق الفضاء ثم ارسم منحنى الحقل $E(z)$.

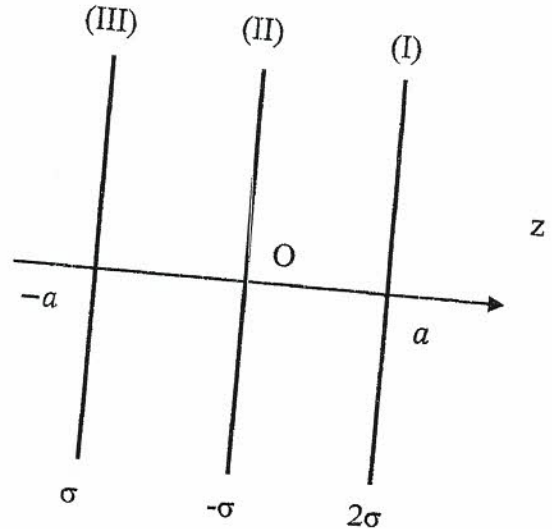
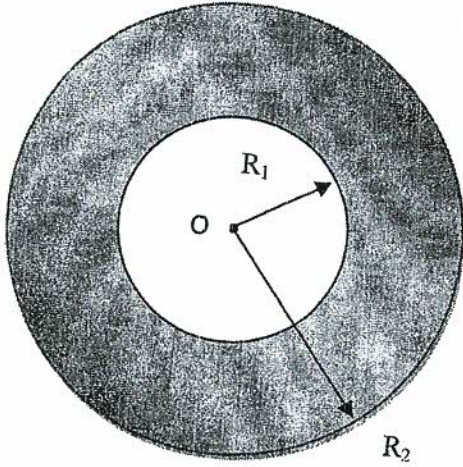
2- نعتبر الآن ثلاث مستويات (I) و (II) و (III) لا متناهية ومتوازية وعمودية على المحور Oz . المستوي (I) يوجد عند $z = a$ ويحمل كثافة شحنية 2σ والمستوي (II) يوجد عند $z = 0$ ويحمل كثافة شحنية $-\sigma$ والمستوي (III) يوجد عند $z = -a$ ويحمل كثافة شحنية σ .

ا- احسب الحقل الكهربائي الناتج عن مجموع هذه التوزيعات الشحنية في كل مناطق الفضاء ثم ارسم منحنى الحقل $E(z)$.
 ب- استنتج الكمون الكهربائي في كل مناطق الفضاء . نأخذ كمون المستوي (II) الذي يقطع Oz في O يساوي V_0 .
 ت- ارسم منحنى الكمون $V(z)$ لما : $V_0 = -10 V$ و $V = 5 V$ و $\frac{\sigma}{\epsilon_0} \cdot a = 5 V$.

التمرين الثاني (8 نقاط): 1- ناقل كهربائي يوجد بداخله فراغ يمتد بين سطحين كرويين لهما نفس المركز O . نصف قطر السطح الداخلي هو R_1 ونصف قطر السطح الخارجي R_2 . يوضع هذا الناقل تحت كمون كهربائي موجب V_0 فنحصل على حالة التوازن الكهروساكن (V_0, Q_0) .

ا- صف حالة التوازن للناقل الكهربائي وبيّن أن الشحنة Q_0 تظهر فقط على السطح الخارجي وأن الكمون $V(O) = V_0$.
 ب- احسب الشحنة Q_0 والكثافة الشحنية السطحية σ_0 والحقل الكهربائي خارج الناقل ($r > R_2$) ثم تأكد من تحقق نظرية كولون.
 2- ندخل عبر ثقب صغير إلى مركز الناقل الذي يوجد عند التوازن (V_0, Q_0) شحنة كهربائية نقطية موجبة Q ونثبتها في O.

ا- صف حالة التوازن الكهروساكن الجديدة للناقل.
 ب- احسب الحقل والكمون الكهربائيين الجديدين في كل مناطق الفضاء.



تصحيح امتحان الفيزياء 2 .

التمرين الأول: 1- بما أن أي محور عمودي على المستوى المشحون هو محور تناظر \leftarrow الحقل الكهربائي في أي نقطة $M(x, y, z)$ من الفضاء يكتب: $\vec{E}(M) = E(z) \cdot \vec{k}$. وبما أن المستوى المشحون هو مستوى تناظر \leftarrow $\vec{E}(M) = -\vec{E}(M')$ حيث M' منظر M بالنسبة للمستوى إذن يمكن تطبيق نظرية غوس لحساب الحقل الكهربائي $\vec{E}(M)$ باختيار سطح غوس عبارة عن أسطوانة (متوازي مستطيلات) طولها $2z$ ومقطعها S ومحورها موازي لـ Oz كما هو في الشكل:

$$S_G = S_1 + S_2 + S_3$$

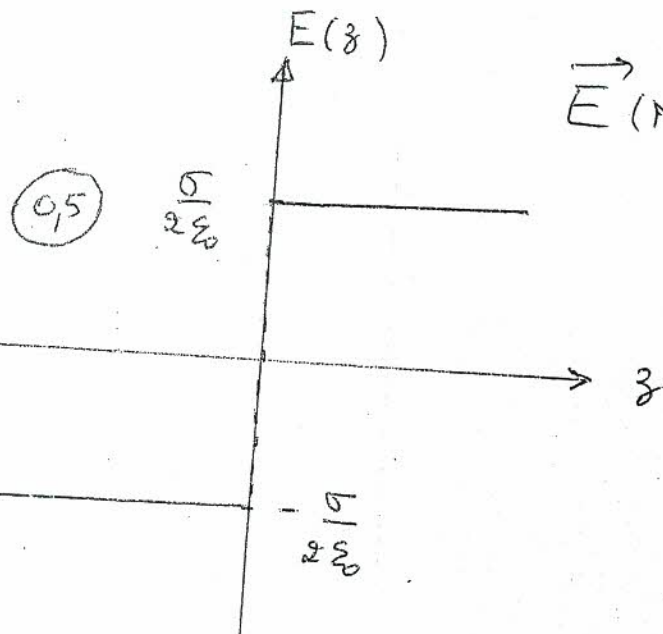
$$\oint_{S_G} \vec{E} \cdot d\vec{s} = \iint_{S_1} \vec{E} \cdot d\vec{s} + \iint_{S_2} \vec{E} \cdot d\vec{s} + \iint_{S_3} \vec{E} \cdot d\vec{s} = 2S_1 E$$

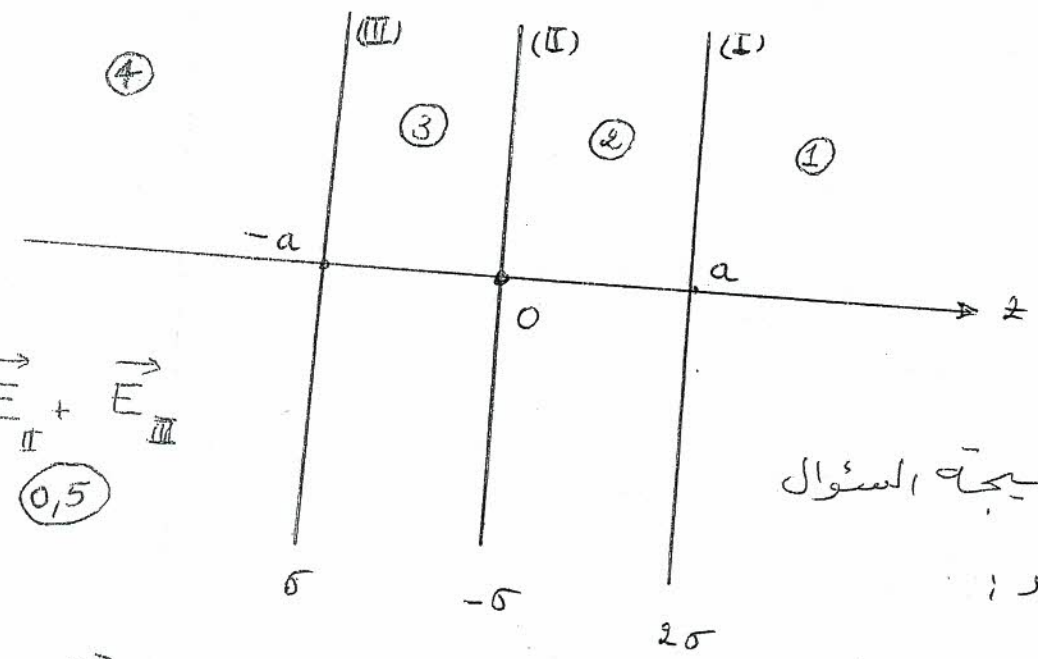
لأن \vec{E} عمودي وثابت على قاعدتي الأسطوانة S_1 و S_2 وموازي للسطح الجانبي S_3 و $S_1 = S_2$.

$$\oint_{S_G} \vec{E} \cdot d\vec{s} = 2S_1 E = \frac{\sigma \cdot S}{\epsilon_0} \quad \text{إذن:}$$

$$\boxed{E(z) = \frac{\sigma}{2\epsilon_0}} \quad \leftarrow S_1 = S$$

$$\vec{E}(M) = \pm \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \vec{k} \quad \left\{ \begin{array}{l} + : z > 0 \\ - : z < 0 \end{array} \right. \quad \text{إذن:}$$





$$\vec{E} = \vec{E}_I + \vec{E}_{II} + \vec{E}_{III}$$

(0,5)

نطبق نتيجة السؤال 1 ونجد:

في المنطقة ① ($z > a$)

$$\vec{E} = \frac{2\sigma}{2\epsilon_0} \vec{k} - \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \vec{k} + \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \vec{k} = \frac{\sigma}{\epsilon_0} \vec{k}$$

(0,5)

في المنطقة ② ($0 < z < a$)

$$\vec{E} = -\frac{2\sigma}{2\epsilon_0} \vec{k} - \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \vec{k} + \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \vec{k} = -\frac{\sigma}{\epsilon_0} \vec{k}$$

(0,5)

في المنطقة ③ ($-a < z < 0$)

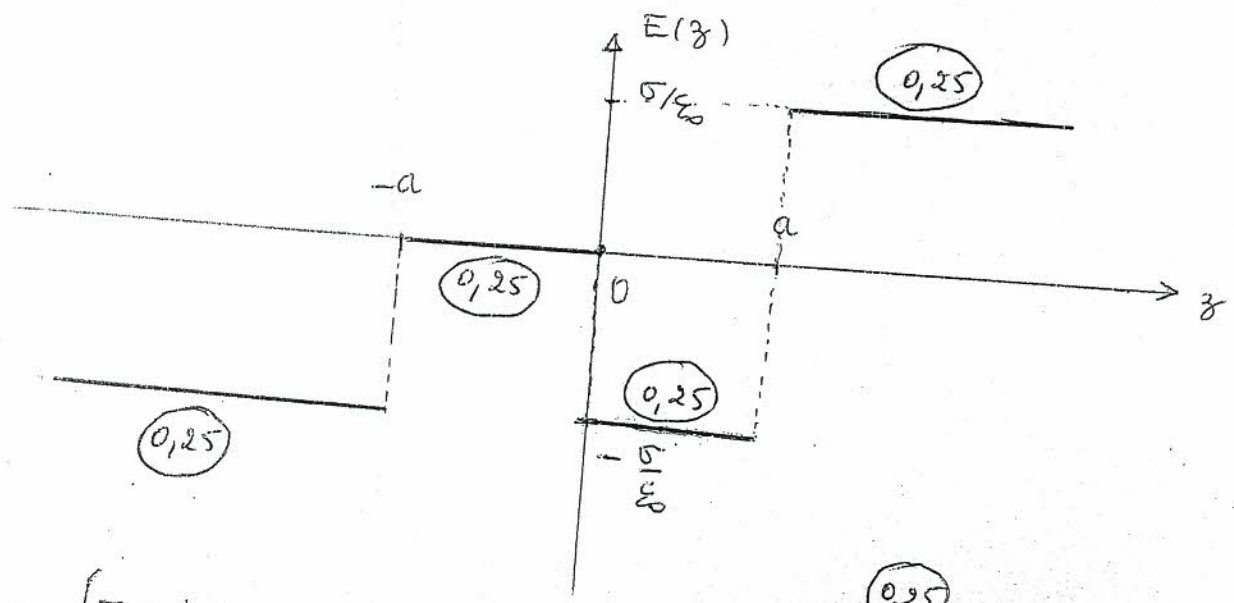
$$\vec{E} = -\frac{2\sigma}{2\epsilon_0} \vec{k} + \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \vec{k} + \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \vec{k} = \vec{0}$$

(0,5)

في المنطقة ④ ($z < -a$)

$$\vec{E} = -\frac{2\sigma}{2\epsilon_0} \vec{k} + \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \vec{k} - \frac{\sigma}{2\epsilon_0} \vec{k} = -\frac{\sigma}{\epsilon_0} \vec{k}$$

(0,5)



$$V(z) = -\int E(z) dz \iff E(z) = -\text{grad } V$$

(0,25)

في المنطقة ① $V(z) = -\frac{\sigma}{\epsilon_0} z + V_1$ ، في المنطقة ② $V(z) = \frac{\sigma}{\epsilon_0} z + V_2$

(0,25)

في المنطقة ③ $V(z) = \text{cte} = V_3$ ، في المنطقة ④ $V(z) = \frac{\sigma}{\epsilon_0} z + V_4$

(0,25)

خاصية استمرار الكون تعطينا :

$$V(z) = \frac{\sigma}{\epsilon} z + V_0 \leftarrow \frac{\sigma}{\epsilon} \times 0 + V_2 = V_0 \iff z=0 \text{ و } V(2) = V_0 : \textcircled{0,5}$$

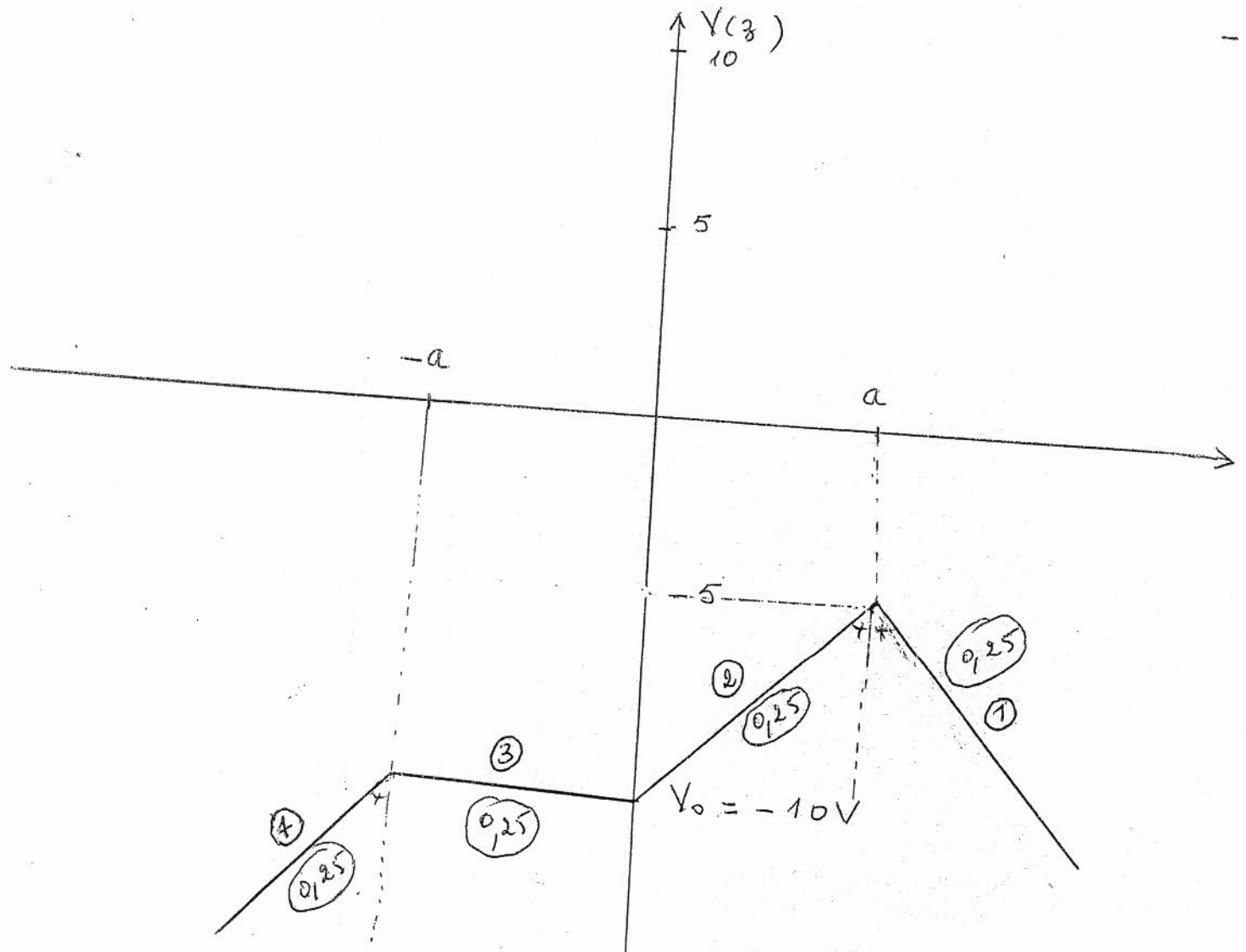
$$V(z) = V_0 \leftarrow V(z) = V_3 = V_0 \iff V(3) = V_0 : \textcircled{0,5}$$

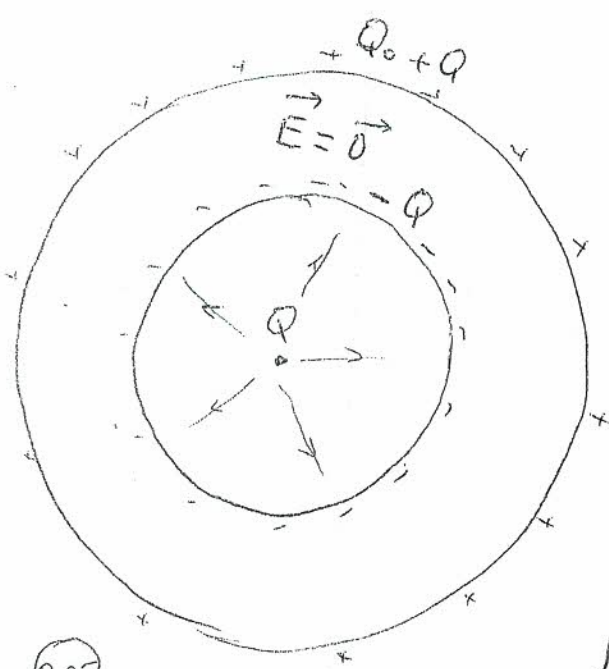
$$V_1 = \frac{2\sigma a}{\epsilon} + V_0 \leftarrow -\frac{\sigma}{\epsilon} a + V_1 = \frac{\sigma}{\epsilon} a + V_0 \iff z=a \text{ و } V(1) = V(2) : \textcircled{0,5}$$

$$V(z) = -\frac{\sigma}{\epsilon} z + \frac{2\sigma a}{\epsilon} + V_0$$

$$V_4 = \frac{\sigma}{\epsilon} a + V_0 \leftarrow -\frac{\sigma}{\epsilon} a + V_4 = V_0 \iff z=-a \text{ و } V(4) = V(2) : \textcircled{0,5}$$

$$V(z) = \frac{\sigma}{\epsilon} z + \frac{\sigma}{\epsilon} a + V_0 \textcircled{0,5}$$





في $r = 0$ وضع شحنة Q في 0
 يحدث تأثير كلي بينها وبين
 (0,25) السطح الداخلي للناقل \leftarrow ظهور
 شحنة $-Q$ على السطح
 (0,25) الداخلي. الشحنة على
 السطح الخارجي تصبح $Q + Q_0$
 \vec{E} داخل الناقل يبقى معدوم
 (0,25) $\vec{E}_{int} = \vec{0}$

(0,25) $\vec{E}(r) = E(r) \cdot \vec{u}_r$
 التوزيع الشحني الكلي له تناظر كروي
 يمكن حساب $\vec{E}(r)$ بتطبيق نظرية غوس لما تأخذ في كل مرة
 سطح غوس عبارة عن كرة مركزها O ونجد:

(0,25) $\vec{E} = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0 r^2} \cdot \vec{u}_r$: $r < R_1$
 لما : $r > R_2$: (0,25) $\vec{E} = \frac{Q + Q_0}{4\pi\epsilon_0 r^2} \cdot \vec{u}_r$

(0,25) $\int dV = - \int E(r) dz \leftarrow E(r) = - \frac{dV}{dz}$
 (0,25) $\vec{E} = -\text{grad } V$
 $\vec{E} = \vec{0} \leftarrow R_1 < r < R_2$

(0,25) $V(r) = \frac{Q + Q_0}{4\pi\epsilon_0 r} + C_1$ لما $r > R_2$
 لأن $C_1 = 0$ و $V(r) = 0$

(0,25) $V(r) = \frac{Q + Q_0}{4\pi\epsilon_0 r}$

(0,25) $V = C_2 = C_2 \leftarrow \vec{E} = \vec{0} : R_1 < r < R_2$ لما
 واستمرارية الكمون تؤدي الى

(0,25) $V = C_2 = \frac{Q + Q_0}{4\pi\epsilon_0 R_2} > V_0$

(0,25) $V(r) = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0 r} + C_3$: $r < R_1$ لما

$V(r = R_1) = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0 R_1} + C_3 = \frac{Q + Q_0}{4\pi\epsilon_0 R_2}$

التمرين الثاني :

P-1 . كمون الناقل $V_0 > 0$

$\vec{E} = \vec{0}$ داخل الناقل (0,25)

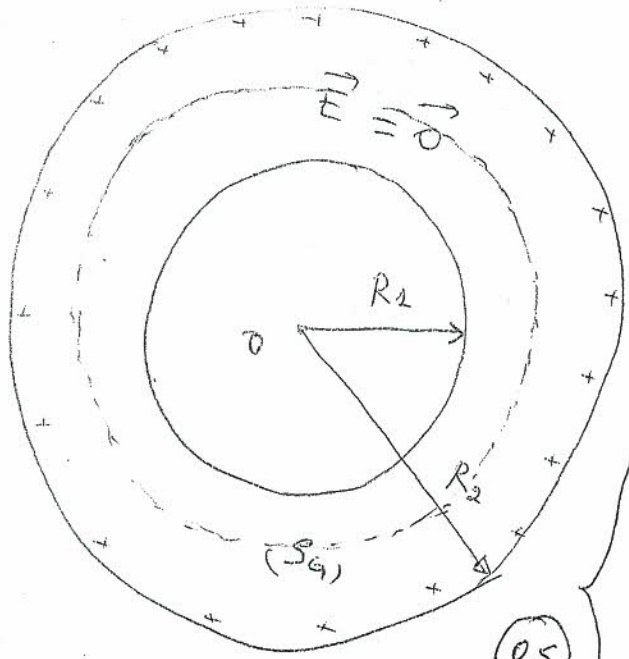
Q_0 موزعة على سطح الناقل (0,25)

Q_0 موزعة على السطح الخارجي

فقط لأن وجود شحنة

على السطح الداخلي يعني وجود خطوط للحقل تنطلق من السطح الداخلي وتنتهي عنده وهذا ممنوع

(0,5)



حيث S_0 يوجد داخل الناقل

$$\oint_{(S_0)} \vec{E} \cdot d\vec{s} = \frac{Q_{int}}{\epsilon_0} = 0$$

أي لا توجد شحنة على السطح الداخلي

\vec{E} داخل الناقل معدوم $\leftarrow Q_{int} = 0$

داخل الناقل $V = V_0$ ، في الفراغ الداخلي $\vec{E} = \vec{0} \leftarrow V = \text{cte}$

وبما أن الكمون مستمر $\leftarrow V(0) = V_0$ (0,5)

$$V(0) = \frac{Q_0}{4\pi\epsilon_0 R_2} \cdot \frac{1}{R_2} = V_0 \Rightarrow Q_0 = 4\pi\epsilon_0 R_2^2 V_0 \quad - U$$

σ_0 موزعة بانتظام على السطح الخارجي لأن الانحناء ثابت

$$Q_0 = 4\pi R_2^2 \cdot \sigma_0 \Rightarrow \sigma_0 = \frac{\epsilon_0 V_0}{R_2} \quad (0,5)$$

بسبب التناظر الكروي لتوزيع الشحنة Q_0 فإن الحقل خارج الناقل يكتب :

$$\vec{E}(r) = E(r) \cdot \vec{u}_r$$

$$(0,5) \cdot \vec{E}(r) = \frac{Q_0}{4\pi\epsilon_0 r^2} \cdot \vec{u}_r$$

لما $r < R_2 \leftarrow \vec{E} = \frac{Q_0}{4\pi\epsilon_0 R_2^2} \cdot \vec{u}_r$ ولما نعوض Q_0 نجد :

$$\vec{E} = \frac{\sigma_0}{\epsilon_0} \cdot \vec{u}_r$$

نظرية كولون \leftarrow (0,5)

$$C_3 = \frac{Q_0}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{1}{R_2} + \frac{Q}{4\pi\epsilon_0} \cdot \left[\frac{1}{R_2} - \frac{1}{R_1} \right]$$

نص

0,5

$$V(r) = \frac{Q}{4\pi\epsilon_0 r} + \frac{Q_0}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{1}{R_2} + \frac{Q}{4\pi\epsilon_0} \cdot \left[\frac{1}{R_2} - \frac{1}{R_1} \right]$$

نص

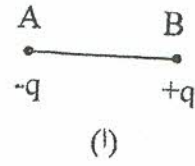
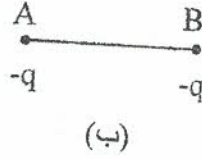
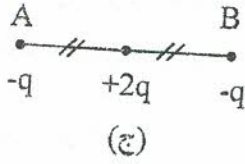
2018/2017

2018/05/21

امتحان في مقياس الفيزياء 2

السنة الأولى علوم المادة

التمرين الأول (08 نقاط):

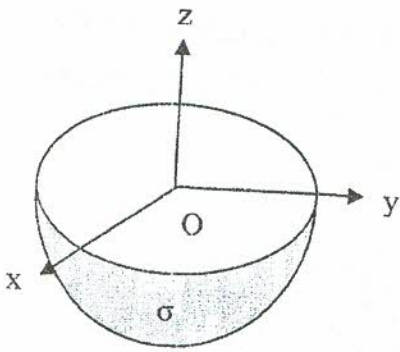


(2)

1- نعتبر التوزيعات الشحنية النقطية أعلاه:

أي التوزيعات تشكل ثنائي قطب كهربائي؟ ما هو عزم كل ثنائي قطب؟ نضع شحنة +Q على محور AB لكل توزيع، مثل القوة الكهربائية التي تؤثر فيها.

2- يشحن السطح الكروي لنصف كرة مركزها O ونصف قطرها R بكثافة شحنية سطحية منتظمة موجبة σ . اختر الإجابة الصحيحة لقيمة الحقل والكمون الكهروستاتيين في O.

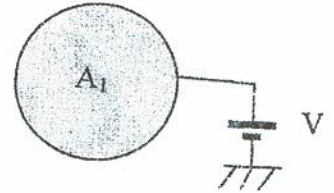
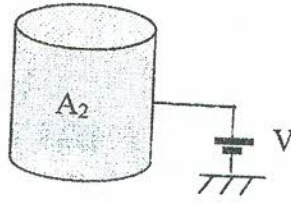
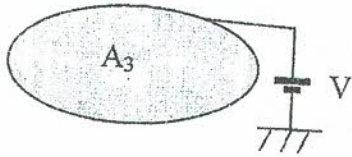


$V(O) = 0$, $V(O) = \sigma R / 2\epsilon_0$, $V(O) = \sigma / 2\epsilon_0$

$\vec{E}(O) = \frac{\sigma}{4\epsilon_0} \vec{k}$, $\vec{E}(O) = \frac{\sigma}{4\epsilon_0 R} \vec{k}$, $\vec{E}(O) = \vec{0}$

(1)

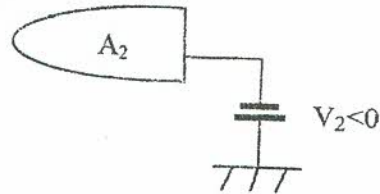
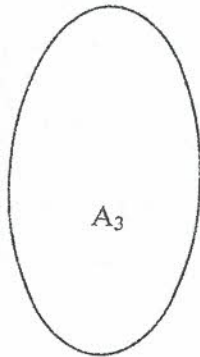
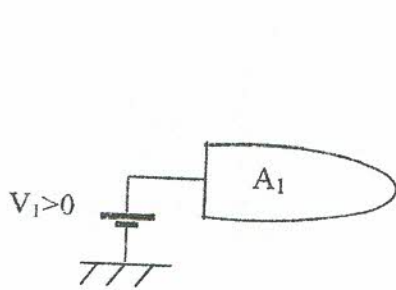
3- تشحن ثلاثة نواقل كهربائية معزولة بنفس الكمون الموجب V. A_1 ناقل كروي، A_2 ناقل أسطواني و A_3 ناقل بيضوي.



(2)

كيف توزع الشحنة على كل ناقل؟ هل شحن النواقل الثلاثة متساوية؟ لماذا؟

4- نضع ناقل كهربائي A_3 محايد بين الناقلين A_1 و A_2 بحيث يمنع التأثير المتبادل بينهما.



(3)

حدد طبيعة الشحنة التي تظهر على كل ناقل وارسم خطوط الحقل الناتجة عنها. رتب تنازليا الكمونات V_i . اكتب العلاقة بين Q_i و V_i .

التمرين الثاني (12 نقطة): I- سطحان كرويان (S_1) و (S_2) لهما نفس المركز O، يحملان على التوالي كثافة شحنية سطحية منتظمة σ_1 موجبة و σ_2 سالبة. نصف قطر (S_1) هو R_1 ونصف قطر (S_2) هو R_2 مع $R_1 < R_2$.

1- (1,5) ما هي الشحنة التي يحملها كل سطح كروي؟

2- (3,5) أحسب الحقل والكمون الكهروستاتيين في كل مناطق الفضاء.

3- (1,5) أرسم خطوط الحقل الكهربائي في كل الفضاء.

II- ندخل ناقل كهربائي كروي متلئ نصف قطره R_1 داخل ناقل كروي آخر مجوف نصف قطره الداخلي R_2 ($R_2 > R_1$) ونصف قطره الخارجي R_3 . الناقلان لهما نفس المركز O ومحايدين. نربط الناقل الداخلي بمولد كمونه V_1 (أنظر الشكل).

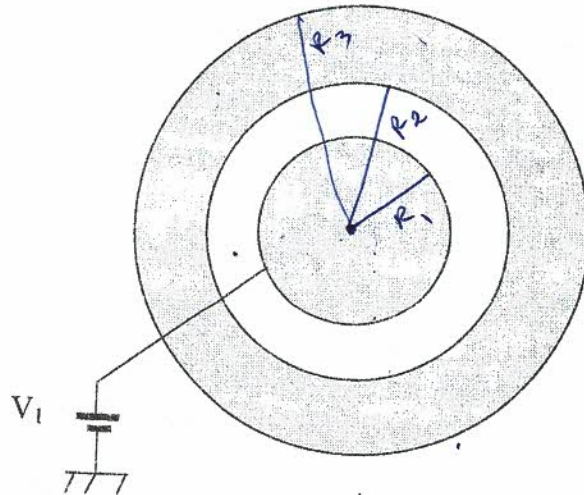
1- (1,5) ما هي حالة التوازن الجديدة للناقلين؟

2- (2) باستعمال النتائج السابقة أعط عبارات الحقل الكهربائي في كل مناطق الفضاء ومثل خطوطه.

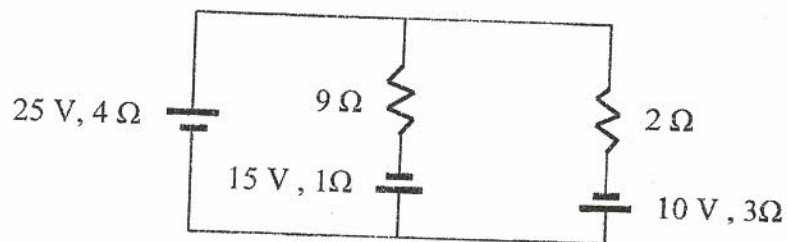
3- نربط الناقل الخارجي بالأرض.

أ- (1) أرسم خطوط الحقل الكهربائي لهذه الحالة.

ب- (1,5) أحسب فرق الكمون بين الناقلين ثم استنتج سعة المكثفة التي يشكلها الناقلان معا.



التمرين الثالث (04 نقاط): أوجد التيار الكهربائي الذي يمر في كل فرع من الدارة الكهربائية التالية.



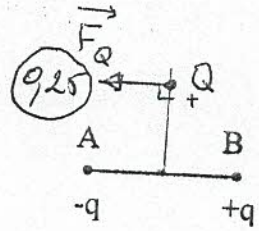
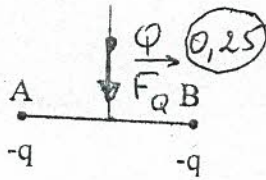
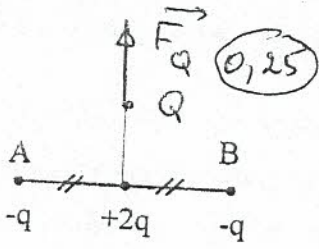
2018/05/21

Boucle

امتحان في مقياس الفيزياء 2

السنة الأولى علوم المادة

التمرين الأول (08 نقاط):



ثنائي قطب (0,25)

$\vec{\mu} = q \cdot \vec{AB}$ (0,25)

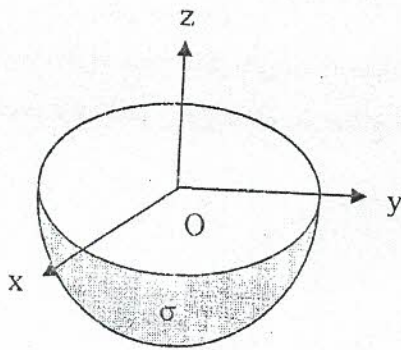
(1)

1- نعتبر التوزيعات الشحنية النقطية أعلاه:

(ب) ليس ثنائي قطب (0,25)
 (ج) ثنائي قطب ضعيف $\vec{\mu} = \vec{0}$ (0,25)

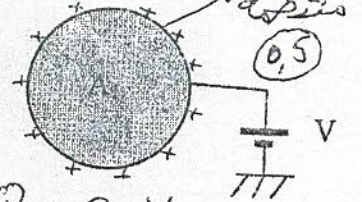
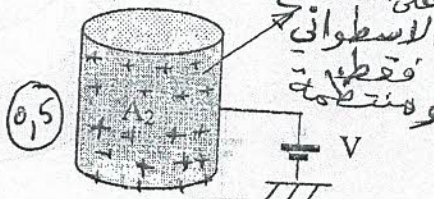
أي التوزيعات تشكل ثنائي قطب كهربائي؟ ما هو عزم كل ثنائي قطب؟ نضع شحنة +Q على محور AB لكل توزيع، مثل القوة الكهربائية التي تؤثر فيها.

2- يشحن السطح الكروي لنصف كرة مركزها O ونصف قطرها R بكثافة شحنية سطحية منتظمة موجبة σ . اختر الإجابة الصحيحة لقيمة الحقل والكمون الكهروستاتيكي في O.



$V(O) = 0$, $V(O) = \sigma R / 2\epsilon_0$, $V(O) = \sigma / 2\epsilon_0$ (0,5)
 $\vec{E}(O) = \frac{\sigma}{4\epsilon_0} \vec{k}$, $\vec{E}(O) = \frac{\sigma}{4\epsilon_0 R} \vec{k}$, $\vec{E}(O) = \vec{0}$ (0,5)

3- تشحن ثلاثة نواقل كهربائية معزولة بنفس الكمون الموجب V. A_1 ناقل كروي، A_2 ناقل أسطواني و A_3 ناقل بيضوي.

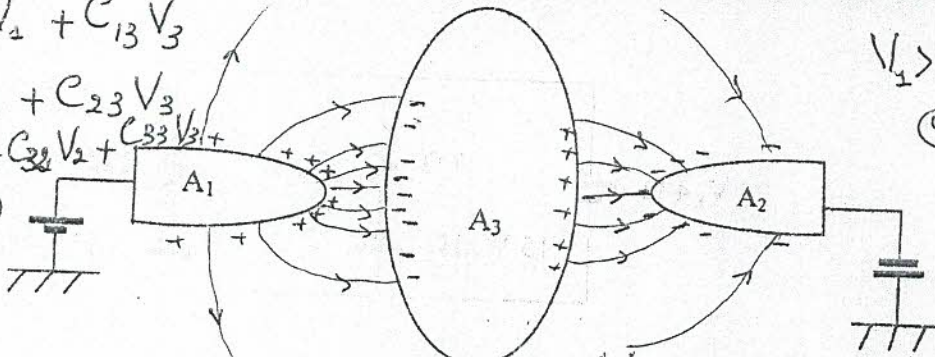


$C_1 \neq C_2 \neq C_3$
 $Q_3 = C_3 V$
 $Q_1 \neq Q_2 \neq Q_3$ (0,5)

كيف توزع الشحنة على كل ناقل؟ هل شحن النواقل الثلاثة متساوية؟ لماذا؟

4- نضع ناقل كهربائي A_3 محايد بين الناقلين A_1 و A_2 بحيث يمنع التأثير المتبادل بينهما.

$Q_1 = C_{11} V_1 + C_{13} V_3$
 $Q_2 = C_{22} V_2 + C_{23} V_3$
 $0 = C_{31} V_1 + C_{32} V_2 + C_{33} V_3$



$V_1 > V_3 > V_2$
 $V_1 > V_3$
 $V_3 > V_2$ (0,25)

$Q_3 = 0$
 $Q_2 > 0$
 $Q_1 < 0$ (0,25)

حدد طبيعة الشحنة التي تظهر على كل ناقل وارسم خطوط الحقل الناتجة عنها. رتب تنازلياً الكمونات V_i . اكتب العلاقة بين V_i و Q_i .

$0 = C_{31} V_1 + C_{32} V_2 + C_{33} V_3$

خطوط الحقل (0,75)
 تمثيل الشحنة على الشكل (0,75)

التمرين الثاني : I .

1 - $Q_1 = 4\pi R_1^2 \cdot \sigma_1$ (0,5) $Q_2 = S_2 \sigma_2 = 4\pi R_2^2 \sigma_2$ (0,5)

2 - Q_1 و Q_2 موزعتان بانتظام على (S_1) و (S_2) \Leftarrow تناظر كروي للتوزيعات الشحنية. في أي نقطة من الفضاء $\vec{E}(M) = E(r)$ حيث: r هو بعد M عن المركز O . لحساب $\vec{E}(M)$ يمكن استعمال نظرية غوس مع اختيار سطح غوس (S_G) عبارة عن سطح كروي موكزه O ونصف قطره r .

$$\oiint_{(S_G)} \vec{E}(r) \cdot d\vec{s} = \iint E(r) \cdot ds = E(r) \cdot S_G = E(r) \cdot 4\pi r^2 = \frac{Q_{int}}{\epsilon_0}$$

$$\vec{E}(M) = \frac{Q_{int}}{4\pi\epsilon_0 r^2} \cdot \vec{u}_r$$

I - $\vec{E}_I(M) = \vec{0} \Leftrightarrow Q_{int} = 0 : r < R_1$ (0,5)

II - $\vec{E}_{II}(M) = \frac{Q_1}{4\pi\epsilon_0 r^2} \cdot \vec{u}_r \Leftrightarrow Q_{int} = Q_1 : R_1 < r < R_2$ (0,5)

III - $\vec{E}_{III}(M) = \frac{Q_1 + Q_2}{4\pi\epsilon_0 r^2} \cdot \vec{u}_r \Leftrightarrow Q_{int} = Q_1 + Q_2 : r > R_2$ (0,5)

حساب الكمون: $\vec{E} = -\text{grad } V \Leftrightarrow dV = -E(r) dr$

أي $\int dV = -\int E(r) dr$

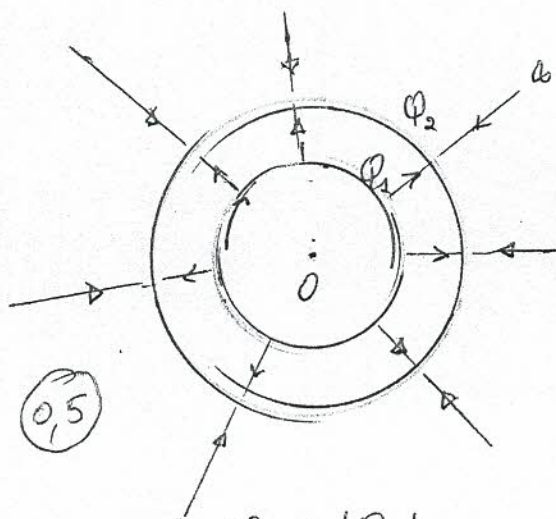
في المنطقة I: $V(r) = C_I$ في المنطقة II: $V(r) = \frac{Q_1}{4\pi\epsilon_0 r} + C_{II}$

في المنطقة III: $V(r) = \frac{Q_1 + Q_2}{4\pi\epsilon_0 r} + C_{III}$ $\Leftarrow V(\infty) = 0 \Rightarrow C_{III} = 0$ (0,5)

إذن: $V_{III}(r) = \frac{Q_1 + Q_2}{4\pi\epsilon_0 r}$ و $V_{II}(r=R_2) = V_{III}(r=R_2)$ $\Leftrightarrow C_{II} = \frac{Q_2}{4\pi\epsilon_0 R_2}$ (0,25)

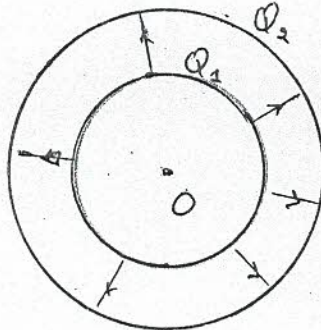
أي: $V_{II}(r) = \frac{Q_1}{4\pi\epsilon_0 r} + \frac{Q_2}{4\pi\epsilon_0 R_2}$ (0,25) $\Leftrightarrow V_{II}(r=R_2) = C_I = V_{III}(r=R_2)$

أي: $V_I(r) = \frac{Q_1}{4\pi\epsilon_0 R_1} + \frac{Q_2}{4\pi\epsilon_0 R_2}$ (0,25)



$$Q_2 < |Q_1|$$

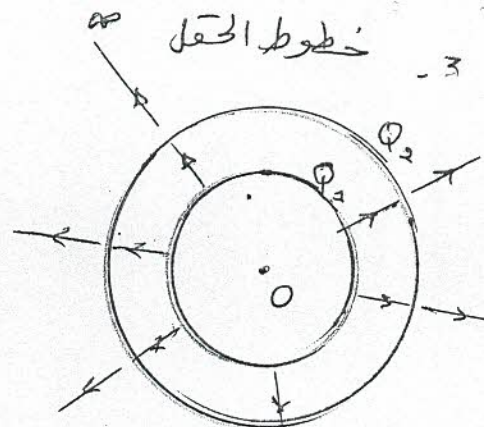
$$Q_1 + Q_2 < 0$$



$$Q_2 = |Q_1|$$

$$Q_1 + Q_2 = 0$$

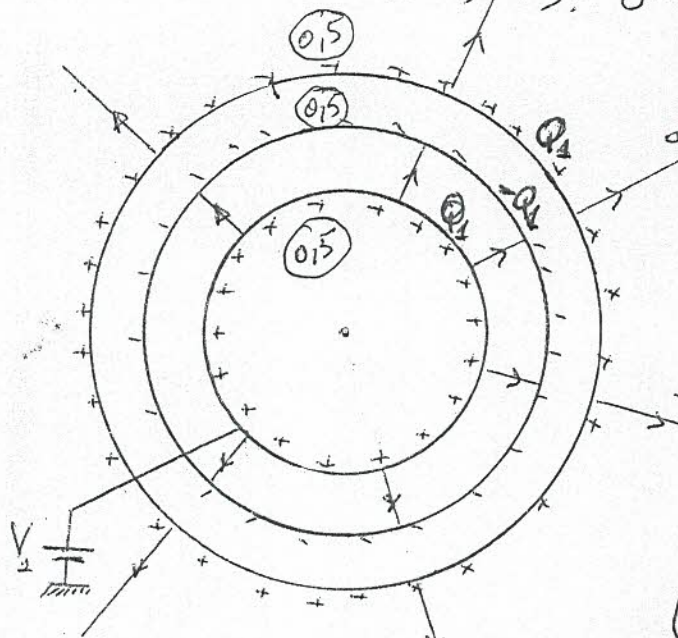
$$\vec{E}(r) = 0$$



$$Q_2 > |Q_1|$$

$$Q_1 + Q_2 > 0$$

II - 1 - شحنة $+Q_2$ على الناقل الداخلي
 شحنة $-Q_2$ على السطح الداخلي للناقل الميخوف (تأثير كاي بين الناقلين)
 شحنة $+Q_2$ على السطح الخارجي.
 الناقلان لهما نفس المركز O
 جميع الشحن موزعة بانتظام
 على السطوح الكروية



2 - تناظر التوزيعات الشحنة كروي

$$\vec{E}(r) = \frac{Q_{int}}{4\pi\epsilon_0 r^2} \cdot \vec{u}_2$$

$$\vec{E} = \vec{0} \quad \leftarrow \quad Q_{int} = 0 : r < R_a$$

$$\vec{E}(r) = \frac{Q_a}{4\pi\epsilon_0 r^2} \cdot \vec{u}_2 \quad : R_1 < r < R_2$$

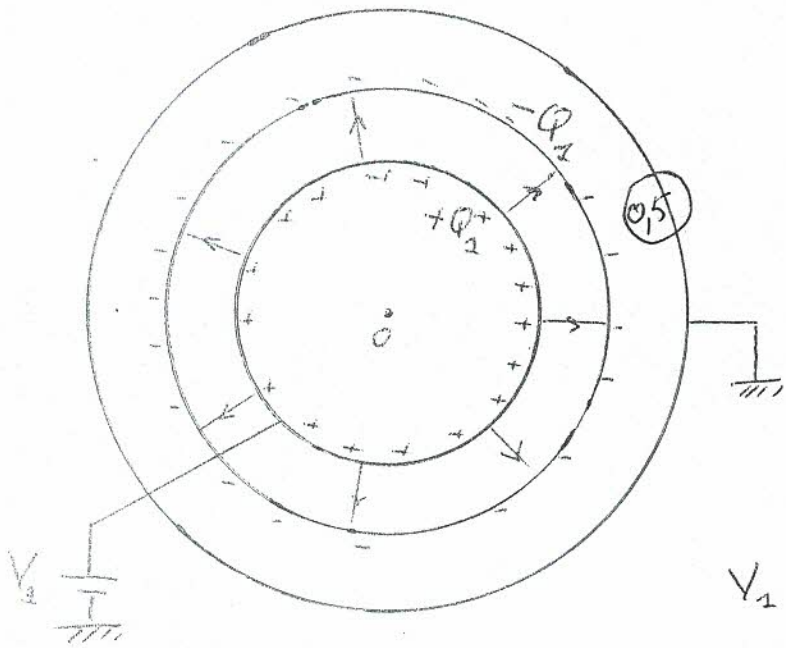
$$\vec{E} = \vec{0} \quad : R_2 < r < R_3$$

$$\vec{E}(r) = \frac{Q_a}{4\pi\epsilon_0 r^2} \cdot \vec{u}_2 \quad : r > R_3$$

P-3. نربط الناقل الخارجي بالأرض \Leftarrow يكون الناقل الأرضي $V_2 = 0$

لا توجد خطوط لابنير و لا توجد خطوط الحقل \Leftarrow لا توجد شحنة على السطح الخارجي للناقل $\Leftarrow \vec{E} = \vec{0}$

$$r > R_3 \quad (0,25)$$



$$E(r) = - \frac{dV}{dr} \quad \dots$$

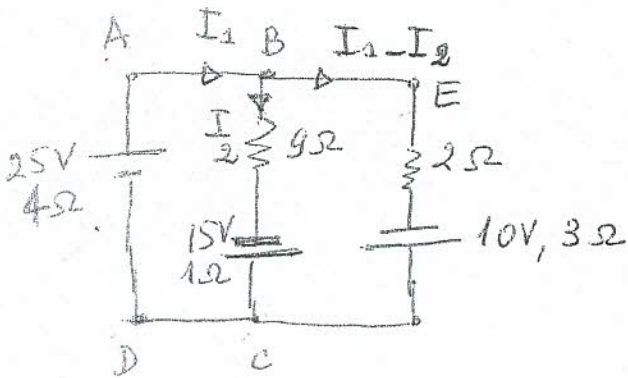
$$dV = - E(r) dr$$

$$\int_{V_2}^{V_1} dV = - \int_{R_2}^{R_1} E(r) dr$$

$$V_1 - V_2 = - \int_{R_2}^{R_1} \frac{Q_1}{4\pi\epsilon_0 r^2} dr \quad \text{①}$$

$$Q_1 = C \Delta V \quad \Delta V = V_1 - V_2 = \frac{Q_1}{4\pi\epsilon_0} \left[\frac{1}{R_1} - \frac{1}{R_2} \right]$$

$$\text{①} \rightarrow C = 4\pi\epsilon_0 \frac{R_1 R_2}{R_2 - R_1}$$



التمرين الثالث:

في العروة ABCDA

$$-25 + 4 \cdot I_1 + 9I_2 - 15 + I_2 = 0$$

$$4 I_1 + 10 I_2 = 40 \quad \text{①}$$

في العروة CDE

$$-25 + 4I_2 + 2(I_1 - I_2)$$

$$-10 + 3(I_1 - I_2) = 0$$

$$9 I_2 - 5 I_1 = 35 \quad \text{أى ②}$$

$$I_1 = \frac{\begin{vmatrix} 40 & 10 \\ 35 & -5 \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} 4 & 10 \\ 9 & -5 \end{vmatrix}} = 5 \text{ A} \quad \text{①}$$

$$I_2 = \frac{\begin{vmatrix} 4 & 40 \\ 9 & 35 \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} 4 & 10 \\ 9 & -5 \end{vmatrix}} = 2 \text{ A} \quad \text{②}$$

$$I_1 - I_2 = 3 \text{ A} \quad \text{③}$$